

جمع آوری و نمایش داده‌ها

نحوه
نمایش

معلم ورزش یک مدرسه می‌خواهد برای دانشآموزان کلاس، لباس ورزشی سفارش دهد. او از جواد و محمد خواست نظرهای دانشآموزان را جمع‌آوری کند تا رنگ مورد علاقه دانشآموزان کلاس مشخص شود.



جواد رنگ مورد نظر همه دانشآموزان را از آنها پرسید و پاسخ‌های زیر را دریافت کرد.

سبز، آبی، زرد، زرد، بنفس، زرد، قرمز، زرد، قهوه‌ای، قهوه‌ای،
قهوه‌ای، سبز، زرد، آبی، سبز، بنفس، قرمز، قهوه‌ای، قهوه‌ای، آبی، زرد،
سبز، قهوه‌ای، زرد، زرد، قرمز، زرد، قرمز، قهوه‌ای، قهوه‌ای
و سبز.

محمد به روش دیگری اطلاعات را جمع‌آوری کرد. او ۳ رنگ را تعیین کرد و از همه دانشآموزان خواست کی از این سه رنگ را انتخاب کند. او پاسخ‌های زیر را دریافت کرد.

سبز، قهوه‌ای، قهوه‌ای، سبز، زرد، سبز، قهوه‌ای، زرد، سبز، قهوه‌ای، سبز، زرد، سبز،
زرد، قهوه‌ای، سبز، زرد، قهوه‌ای، زرد، سبز، قهوه‌ای، سبز، زرد، قهوه‌ای، قهوه‌ای و زرد.
دو روش جمع‌آوری اطلاعات را با هم مقایسه کنید. ویژگی‌های مثبت و منفی هر روش را بیان کنید.

علم آمار علم جمع‌آوری اطلاعات، سازماندهی و بررسی آنها است. اطلاعات جمع‌آوری شده را **داده‌های آماری** می‌گویند.

نمایش
داده‌های آماری

همان‌طور که می‌بینید، داده‌های جمع‌آوری شده به صورتی نوشته شده‌اند که شمردن، مقایسه و بررسی آنها دشوار است. اولین گام این است که آنها را در جدول داده‌های زیر سازماندهی کنید. با همکاری یکی از دوستانتان چوب خط را مانند نمونه‌های زیر رسم کنید (یک دانشآموز رنگ‌ها را بخواند و دانشآموز دیگر برای هر بار خوانده شدن یک رنگ، یک چوب خط رسم کند).

۱	۲	۳	۴	۵	۶	رنگ
	/	//	///	////	//////	تعداد
		###				۸

جدول داده‌های جمع‌آوری شده توسط جواد

رنگ	تعداد
سبز	۱۰

جدول داده‌های جمع‌آوری شده توسط محمد

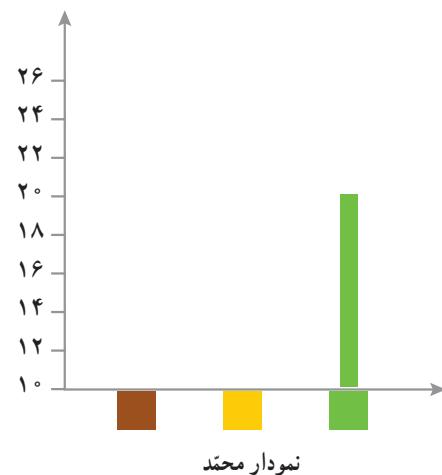
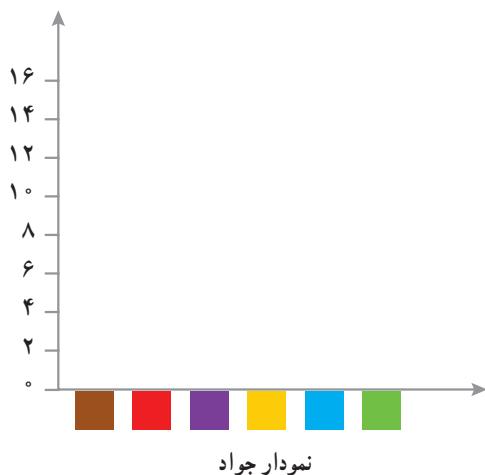
۱- با توجه به جدول‌ها، معلم ورزش کدام رنگ را انتخاب می‌کند؟

۲- چرا آمار رنگ‌های جدول دوم با جدول اول متفاوت است؟ برای مثال چرا تعداد نظرات در مورد رنگ زرد در دو جدول

متفاوت شده است؟

برای مقایسه و بررسی بهتر داده‌های آماری از انواع نمودارها استفاده می‌کنند. هر نمودار با توجه به موضوعی که داده‌های آن جمع‌آوری شده است و نوع اطلاعات بدست آمده، کارایی دارد. برای مثال **نمودار میله‌ای** برای مقایسه تعداد، پیدا کردن بیشترین و کمترین داده به کار می‌رود. در حال حاضر نرم افزارهای زیادی برای رسم انواع نمودارها وجود دارند. آنچه اهمیت دارد رسم نمودار نیست؛ بلکه انتخاب نمودار مناسب برای موضوع مورد نظر است. در ادامه با انواع نمودارها و کاربردهای آنها آشنا می‌شویم.

معلم برای اینکه داده‌های جمع‌آوری شده را بهتر نمایش دهد، از جواد و محمد خواست جدول داده‌های خود را به نمودار میله‌ای تبدیل کنند. جواد و محمد هر کدام، مقیاس‌های مختلفی برای رسم نمودار انتخاب کردند. با توجه به جدول داده‌هایی که به دست آوردید، نمودارهای آنها را رسم کنید.



۱- این دو نمودار را با هم مقایسه کنید و جنبه‌های مثبت و منفی هر کدام را بنویسید.

۲- به نظر شما کدام نمودار اطلاعات دقیق‌تری را به ما می‌دهد؟ کدام پیک برای مقایسه ساده‌تر است؟

^۳ - یا توجه به نمودارها، کدام رنگ برای لیاس، ورزشی، دانش، آموزان انتخاب می‌شود؟

۴- آیا فکر می کنید دانش آموزان این کلاس از این انتخاب راضی اند؟

۵- چگونه می توان تعداد افرادی را که از این نظرسنجی رضایت دارند، بیشتر کرد؟

در کتاب های درسی دیگر خود یا در روزنامه ها و مجله ها جستجو کنید و نمودار های آماری را پیدا کنید. هر دانش آموز یک نمودار را به کلاس بیاورد و درباره آن توضیح دهد و بگوید که از مشاهده این نمودار چه چیزی فهمیده است.

۱- میزان بارندگی در شهر رشت طی یک سال در هر ماه به شرح زیر بوده است.

(واحد اندازه گیری میلی متر است.)



فروردين ۷۱ اردیبهشت ۶۲ خرداد ۵۰ تیر ۵۵ مرداد ۶۵ شهریور ۱۴۱

مهر ۱۸۹ آبان ۱۸۰ آذر ۱۷۱ دی ۱۵۰ بهمن ۱۲۱ اسفند ۱۲۸

جدول داده ها و نمودار ستونی آن را با انتخاب مقیاس مناسب رسم کنید؛ سپس به پرسش های زیر پاسخ دهید.

الف) میزان بارندگی در یک ماه یعنی چه؟

ب) بیشترین و کمترین مقدار بارندگی در چه ماه هایی بوده است؟



ج) پریاران ترین فصل شامل چه ماه هایی است؟

د) در کدام ماه ها وضعیت هوا برای کارهای ساختمانی مناسب تر است؟

ه) در چه ماه هایی بارندگی بیشتر از 140 میلی متر بوده است؟



و) میانگین ماهانه بارندگی این سال در شهر رشت چقدر است؟

۲- اگر بخواهید مهم ترین موضوع های درسی ریاضی در کتاب پایه هفتم را بدانید و به ترتیب اهمیت، آنها را مرتب کنید، آمار و اطلاعات را چگونه و با چه روشی جمع آوری می کنید؟ چه چیزی معیار اهمیت یک موضوع است؟

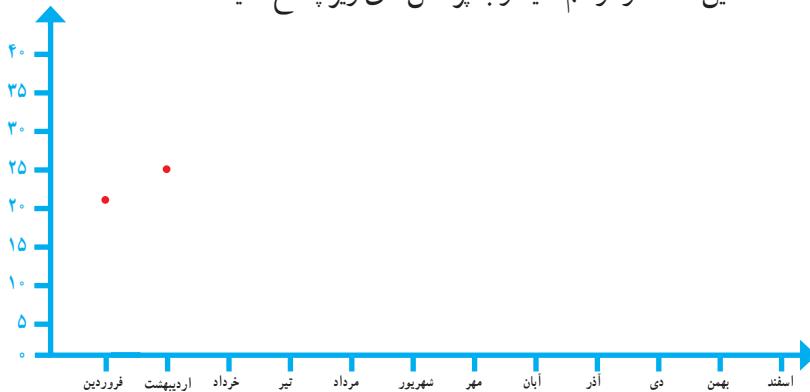
نمودارها و تفسیر نتیجه‌ها

میانگین دمای هوای یزد در ۱۲ ماه یک سال در جدول زیر آمده است.

ماه	فروردین	اردیبهشت	خرداد	تیر	مرداد	شهریور	آبان	مهر	آذر	دی	بهمن	اسفند
دما	۲۱	۲۵	۳۰	۳۱	۳۴	۲۷	۲۴	۲۶	۱۰	۸	۱۰	۱۲

مقدار میانگین دما در هر ماه را روی شکل زیر مانند نمونه با یک نقطه نشان دهید.

با وصل کردن این نقطه‌ها به هم، نمودار خط‌شکسته این مسئله را رسم کنید و به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.



۱- معنای میانگین دمای ماهانه چیست؟

۲- نمودار خط‌شکسته چه چیزی را بهتر از جدول داده‌ها نشان می‌دهد؟

۳- گرم‌ترین و سردترین ماه را در این شهر پیدا کنید.

۴- بیشترین تغییر دما بین کدام دو ماه پشت سر هم بوده است؟

۵- میانگین دمای این دوازده ماه را به دست آورید.

نمودار خط‌شکسته برای نمایش تغییرها کاربرد دارد؛ بنابراین در موضوع‌هایی که تغییرها اهمیت دارد، از این نمودار

استفاده می‌شود. برای نمونه تغییرها در بازارهای مالی، قیمت طلا، نفت، سهام و... را با این نمودار نشان می‌دهند.

گاهی وقت‌ها به جای داده‌های واقعی از مقدار تقریبی آنها استفاده می‌کنیم. در برنامه‌ریزی‌های کلان به عده‌های واقعی

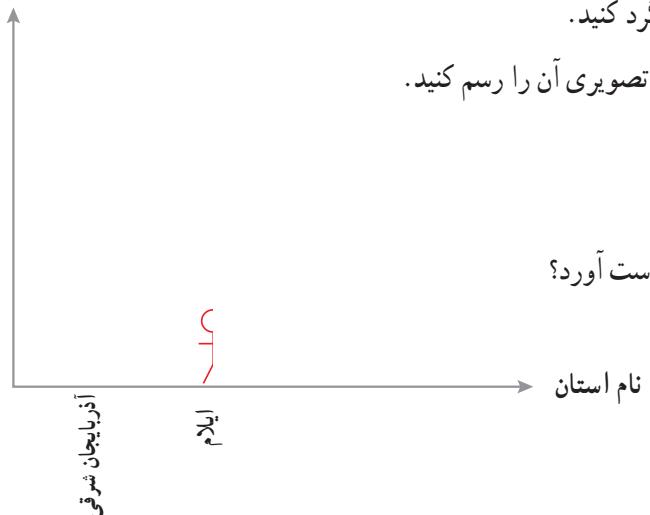
و دقیق نیاز نداریم. برای مثال مقدار تولید گندم یک استان را به صورت چند هزار تن بیان می‌کنند؛ یعنی مقدار کمتر از

۱۰۰۰ تن یا یک میلیون کیلوگرم در این بررسی اهمیت ندارد.

در جدول زیر جمعیت برخی از استان‌های کشور در یکی از سال‌های گذشته آمده است.

استان	آذربایجان شرقی	البرز	خراسان شمالی	هرمزگان	ایلام
۳۷۷۲۴۶۲۰	۲۴۱۲۵۱۳	۸۶۷۷۷۲۷	۱۵۷۸۱۸۳	۵۵۷۵۹۹	
جمعیت	مقدار تقریبی				

جمعیت



ابتدا مقدار تقریبی هر عدد را با تقریب کمتر از ۱۰۰۰۰۰۰ گرد کنید.

مانند نمونه با رسم یک  برای هر ۲۰۰۰۰۰ نفر، نمودار تصویری آن را رسم کنید.

۱- هر } نشان دهنده چند نفر است؟

۲- از نمودار تصویری چه اطلاعات جدیدی را می‌توان به دست آورد؟

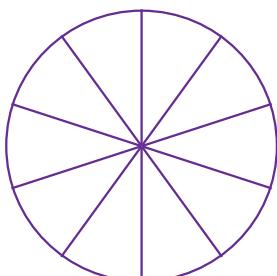
۳- این نمودار در چه مواردی کاربرد دارد؟

بعضی از داده‌ها و اطلاعات جمع‌آوری شده نشان می‌دهد که یک مقدار مشخص به چه نسبتی به بخش‌های کوچک‌تر تقسیم شده است. در این موارد می‌توان تقسیم شدن را روی یک شکل مثل دایره نشان داد و سهم هر بخش را روی دایره مشخص کرد. در **نمودار دایره‌ای** به طور معمول نسبت و سهم هر بخش را به صورت درصد محاسبه کرده؛ و سپس روی نمودار نمایش می‌دهند.

حرایع از محاسبه درصد ممکن است نیاز پاشد از عده‌های تقریبی استفاده کنیم؟

۸۳٪ را با کسری با مخرج ۱۰ تقریب بزنید.

در مدرسهٔ راهنمایی شهید مؤذن پور تعداد کتاب‌هایی که دانش آموزان امانت گرفته‌اند، بررسی شده و آمار و اطلاعات زیر به دست آمده است. جدول داده‌ها را کامل کنید. با توجه به کسرهای با مخرج 1 ، نمودار دایره‌ای را کامل کنید.



نوع کتاب	مذهبی	داستانی	علمی	کمک درسی	سایر موارد
تعداد	۳۹۰	۲۱۰	۸۱۰	۴۰۰	۱۹۰
درصد تقریبی	%۲۰	%۱۰			
کسر تقریبی با مخرج	$\frac{2}{10}$				

۱- حیگونه درصد مربوط به هر نوع کتاب را به دست می‌آورید؟

۲- با توجه به نمودار، دانشآموزان این مدرسه بیشتر به چه نوع کتابی علاقه دارند؟

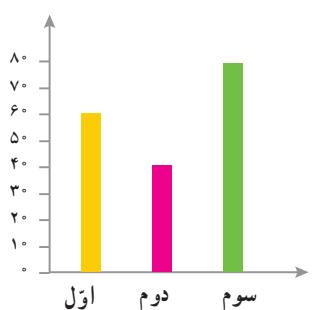
۳- اگر مسئول کتابخانه بخواهد کتاب‌های جدیدی پرای مدرسه بخرد، پاید به کدام نوع کتاب پیشتر توجه کند؟ حر؟

۴- اگر اطلاعات دیگری از کتابخانه ابن مدرسه داشتند، تفسیر و توصیف بهتری از تنحیه نمودار بالا به دست مم آوردید؟

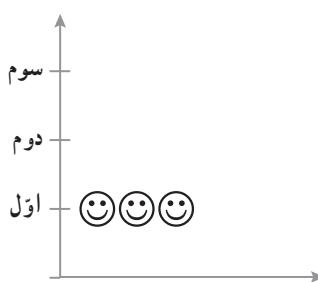
تعداد	جوب خط	شماره کفشن
	###	۳۶
	###	۳۷
	###	۳۸
	###	۳۹
	###	۴۰
	###	۴۱
	###	۴۲
	###	۴۳

۱- جدول رویه را تعداد و شماره کفشن ساکنان یک ساختمان را نشان می دهد.

اگر در یک مغازه فقط کفش های کوچک تر از شماره ۴۰ فروخته شود، چند نفر از ساکنان این ساختمان می توانند از این مغازه کفش بخرند؟

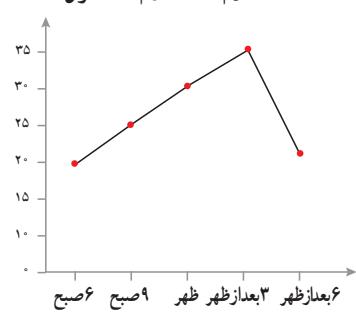


۲- تعداد دانش آموزان پایه اول، دوم و سوم دبستان یک مدرسه در نمودار زیر نشان داده شده است.



هر ۱۰ دانش آموز را با یک 😊 نشان داده و نمودار

تصویری زیر را کامل کنید.

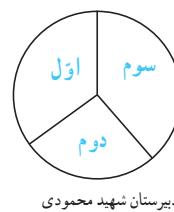


۳- با توجه به نمودار، جدول داده ها را کامل کنید.

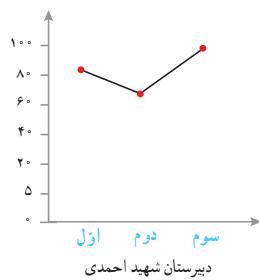
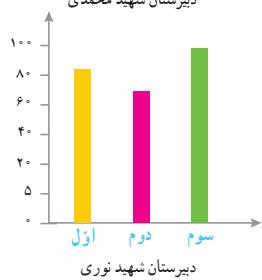
زمان	صبح ۶	از ظهر ۳	بعد از ظهر ۶	از ظهر ۹	ظهر	صبح ۹	صبح ۶	بعد از ظهر ۱۲	بعد از ظهر ۱۵
درجہ حرارت									

با توجه به نمودار تغییراتی دما را توصیف کنید.

تغییر دما بین کدام ساعت ها بیشتر بوده است؟ فکر می کنید این نمودار مربوط به کدام فصل سال است؟ چرا؟



۴- داش آموزان اول تا سوم چند دبیرستان پولی را که برای جشن نیکوکاری جمع آوری کرده اند، با ۴ نمودار مختلف نشان داده اند. کدام نمودار برای این موضوع مناسب تر است؟ چرا؟



احتمال یا اندازه‌گیری شناس

پنجمین
دستگاه

کدام اتفاق‌ها از میان موارد زیر حتماً رخ می‌دهند؟ کدام‌ها ممکن نیست رخ دهنند؟ کدام موارد ممکن است اتفاق بیفتد؛ ولی حتمی نیستند؟



وقتی بدون نگاه کردن به رنگ مهره‌ها
یک مهره برمی‌داریم، می‌گوییم مهره را
به صورت تصادفی برداشته‌ایم.

الف) بلا فاصله بعد از ماه فروردین، ماه خرداد باشد.

ب) امروز تولد یکی از همکلاسی‌هایتان باشد.

ج) تولد شما در این ماه باشد.

د) یک تاس بیندازید، عددی بزرگ‌تر از ۷ بیاید.

ه) یک تاس بیندازید، عددی زوج بیاید.

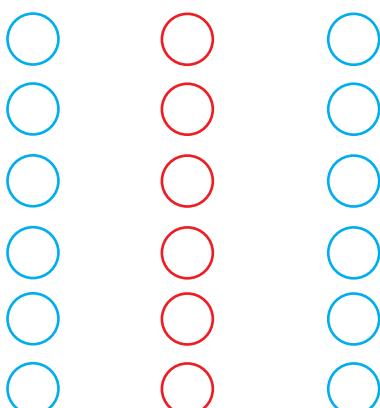
و) یک تاس بیندازید، عددی کوچک‌تر از ۷ بیاید.

ز) بدون نگاه کردن به رنگ مهره‌ها، یک مهره از کيسهٔ روبه‌رو بیرون بیاورید که آبی باشد.

پاسخ‌هایتان را با دوستانتان مقایسه کنید. در کدام موارد همه پاسخ یکسانی داده‌اید؟ در کدام موارد پاسخ‌هایتان با هم فرق می‌کند؟

برای هر عبارت گزینه مناسب را انتخاب کنید. در مورد دلیل انتخاب خود با هم کلاسی‌هایتان گفت و گو کنید.

حتمی است ممکن است اما حتمی نیست غیرممکن است



الف) تیم ملی فوتبال ایران در اولین بازی بعدی خود پیروز شود.

ب) مجموع دو عدد، عددی زوج باشد.

ج) اگر بذر گندم بکاریم، جو سبز شود.

د) اگر تویی را به سمت بالا بیندازیم به پایین برگرد.

ه) اگر تویی را به سمت حلقهٔ سکنی‌بندی بیندازیم، گل شود.

و) اگر سکه‌ای را به هوا پرتاب کنیم، به پشت روی زمین می‌افتد.

پنجمین
دستگاه

۱- وقتی یک سکه را می‌اندازیم، دو حالت ممکن است اتفاق بیفتد؛ یا سکه رو می‌آید

یا پشت، این دو حالت مشابه هم‌اند.

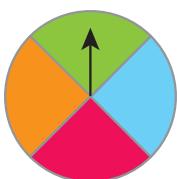
در هر یک از موارد زیر همهٔ حالت‌های مشابهی را که ممکن است اتفاق بیفتد، بنویسید.



الف) تاس می‌اندازیم.

ب) یک مهره را به طور تصادفی از کيسه‌ای که سه مهره به رنگ‌های سبز، زرد و آبی دارد، بیرون می‌آوریم.

ج) عقرهٔ چرخندهٔ روبه‌رو را می‌چرخانیم.



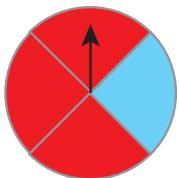
۲- وقتی یک سکه را می اندازیم، دو حالت ممکن است اتفاق بیفتد : یا سکه رو می آید یا پشت. چون این دو حالت مشابه‌اند، شانس رو آمدن سکه با شانس پشت آمدن آن برابر است. در کدام یک از موارد زیر شانس رخ دادن دو اتفاق با هم برابر است؟

الف) تاس می اندازیم، عدد  باید.

تاس می اندازیم، عدد  باید.

ب) عقره چرخنده رو به رو را می چرخانیم، روی آبی بایستد.

عقره چرخنده رو به رو را می چرخانیم، روی قرمز بایستد.



وقتی یک سکه را می اندازیم، دو حالت **هم شانس** ممکن است اتفاق بیفتد، یا سکه رو می آید یا پشت و چون در یک حالت از این دو حالت ممکن، سکه رو می آید؛ پس احتمال رو آمدن سکه $\frac{1}{2}$ است.

به این ترتیب برای بیان اندازه **شانس** رخ دادن یک اتفاق، از یک عدد استفاده کردہ ایم که **احتمال** رخ دادن آن اتفاق نامیده می شود.

برای اینکه احتمال رخ دادن یک اتفاق را بدست آوریم، ابتدا همه حالت‌های ممکن را می‌یابیم، سپس حالت‌های موردنظر را از میان حالت‌های ممکن پیدا می‌کنیم. احتمال رخ دادن اتفاق موردنظر برابر است با نسبت تعداد حالت‌های موردنظر به تعداد حالت‌های ممکن؛ بنابراین :

$$\text{تعداد حالت‌های مطلوب} = \frac{\text{احتمال رخ دادن یک اتفاق}}{\text{تعداد حالت‌های ممکن}}$$

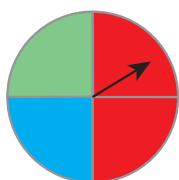
۱- احتمال اتفاق افتادن هر اتفاق را با یک کسر بیان کنید. توضیح دهید صورت و مخرج هر کسر را چگونه پیدا کرده‌اید.

الف) تاس می اندازیم، عددی زوج باید.

ب) تاس می اندازیم، عددی بخش پذیر بر ۳ باید.

ج) عقره چرخنده مقابل روی سبز قرار بگیرد.

د) عقره چرخنده مقابل روی قرمز قرار بگیرد.



۲- چرا احتمال رخ دادن یک اتفاق، صفر، یک یا عددی بین صفر و یک است؟

۳- الف) صفر بودن احتمال به چه معناست؟

ب) یک بودن احتمال به چه معناست؟

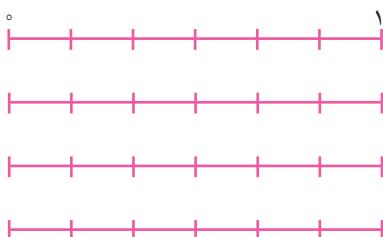
۱- برای هریک از موارد زیر یک مثال بنویسید.

الف) اتفاقی که احتمال رخ دادن آن صفر باشد.

ب) اتفاقی که احتمال رخ دادن آن $\frac{1}{2}$ باشد.

ج) اتفاقی که احتمال رخ دادن آن یک باشد.

۲- احتمال رخ دادن هر اتفاق را با قرار دادن یک نقطه روی پاره خط مقابل آن مشخص کنید.

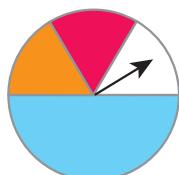


الف) تاس می اندازیم، عدد ۹ بیاید.

ب) تاس می اندازیم، عدد ۳ ۳ بیاید.

ج) تاس می اندازیم، عددی زوج بیاید.

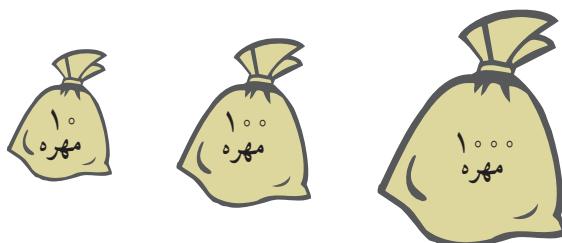
د) تاس می اندازیم، عددی کوچک‌تر از ۷ بیاید.



۳- احتمال ایستادن عقربه چرخنده مقابل روی رنگ قرمز را حساب کنید.

۴- در هر کیسه فقط یک مهره سیاه وجود دارد و بقیه مهره‌ها سفیدند. از هر کیسه یک مهره را به صورت تصادفی بیرون

می آوریم. احتمال بیرون آمدن مهره سیاه از کدام کیسه بیشتر است؟ چرا؟



۵- با قرار دادن علامت < یا = یا > احتمال وقوع اتفاق‌ها را با هم مقایسه کنید.

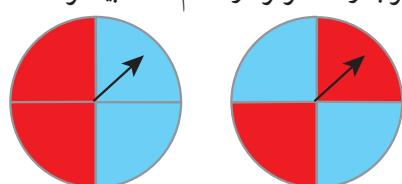
تاس ۱ یا ۲ بیاید تاس ۳ بیاید.

تاس عددی کمتر از ۴ بیاید تاس ۴ یا ۵ بیاید.

۶- در شکل زیر دو هدف تیراندازی می‌بینید.

یک تیر به سمت هریک از این هدف‌ها پرتاب می‌کنیم، فکر می‌کنید احتمال خوردن تیر به رنگ قرمز در کدام هدف بیشتر است؟

چرا؟



احتمال و تجربه

۱- محسن می خواهد یک سکه بیندازد، سکه رو می آید یا پشت؟

او سکه را انداخت. سکه رو آمد. اگر دوباره سکه را بیندازد، رو می آید یا پشت؟

محسن سه بار سکه را انداخت و هر سه بار رو آمد. اگر یک بار دیگر سکه را بیندازد، رو می آید یا پشت؟

۲- شما هم تجربه کنید! یک سکه بردارید، آن را ۱۰ بار بیندازید و در هر آزمایش، وضعیت سکه را با رسم چوب خط، در جدول

جدولتان را با دوستانتان مقایسه کنید. آیا جدول همه با هم یکسان است؟

نسبت تعداد رو آمدن سکه به تعداد کل آزمایش‌ها را با توجه به جدول خودتان،

به صورت یک کسر بنویسید.

کسرتان را با کسرهای به دست آمده در کلاس مقایسه کنید. آیا کسرها با هم مساوی

هستند؟

۱- در یک کیسه ۱ مهره قرمز و ۲ مهره آبی قرار دهید. یک مهره را به صورت تصادفی از کیسه بیرون بیاورید و رنگ آن را

یادداشت کنید. مهره را دوباره درون کیسه قرار دهید. این آزمایش را ۹ بار دیگر هم انجام دهید و جدول زیر را کامل کنید:

نوبت آزمایش	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
رنگ مهره										

جدولتان را با دوستانتان مقایسه کنید. آیا جدول همه با هم یکسان است؟

در چه کسری از آزمایش‌ها مهره قرمز از کیسه بیرون آمد؟

در چه کسری مهره آبی؟

حاصل جمع این دو کسر را حساب کنید.

پاسخ‌ها را با دوستانتان مقایسه کنید. چه تفاوت‌ها و شباهت‌هایی مشاهده

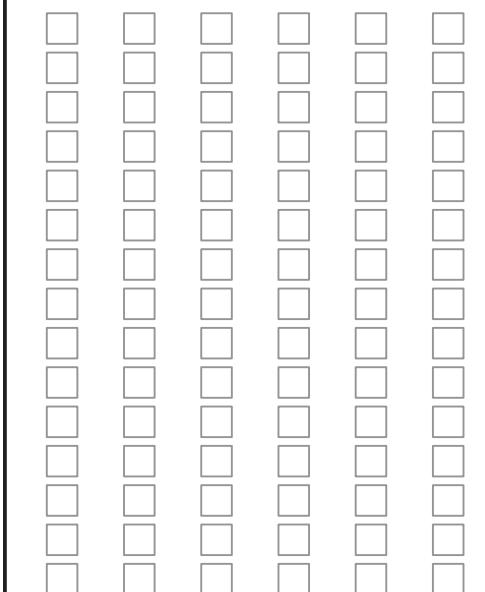
می‌کنید؟

۲- یک تاس را ۳۰ بار بیندازید و عدد روی تاس را در نمودار مقابل ثبت

کنید.

پاسخان را با دوستانتان مقایسه کنید.

آیا در ۳۰ آزمایش انجام شده، هر عدد دقیقاً ۵ بار مشاهده شد؟





۱- در فعالیت صفحه قبل هریک، 10 بار سکه را پرتاب کردید و نتیجه آزمایش‌ها را یادداشت کردید. اکنون نتایج به دست آمده در کل کلاس را با هم جمع کنید و در جدول روبرو بنویسید. (مثالاً اگر 30 دانشآموز در کلاس شما باشند، نتایج 300 آزمایش در جدول می‌آید).

تعداد کل آزمایش‌ها را به دست آورید.

در چه کسری از آزمایش‌ها، سکه رو آمد است؟

در چه کسری از آزمایش‌ها، سکه پشت آمد است؟

۲- عبارت زیر را بخوانید و درباره آن گفت و گو کنید.

(وقتی می‌گوییم در آزمایش برتاب سکه، احتمال رو آمدن $\frac{1}{2}$ است؛ یعنی انتظار داریم در تعداد زیاد آزمایش‌ها، تقریباً در $\frac{1}{2}$ موارد سکه رو بیاید).

۳- (الف) آیا همیشه در 20 بار پرتاب سکه، دقیقاً 10 بار سکه رو می‌آید؟

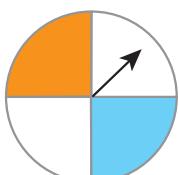
(ب) انتظار دارید در 100 بار پرتاب سکه، تعداد روآمدن‌ها تقریباً چند بار باشد؟

(ج) آیا ممکن است در 50 بار پرتاب یک سکه، 40 بار سکه پشت بیاید؟

(د) 500 بار سکه‌ای را انداخته‌ایم، 400 بار پشت آمده است. در مورد سالم بودن این سکه چه نظری دارید؟

۱- (الف) آیا ممکن است در 10 بار پرتاب تاس، عدد 6 نیاید؟

(ب) آیا همیشه در 30 بار پرتاب سکه، دقیقاً 5 بار هریک از عددها دیده می‌شوند؟



= احتمال نارنجی

۲- عقربه چرخنده مقابل را می‌چرخانیم.

(الف) چرخنده به چند قسمت مساوی تقسیم شده است؟

(ب) احتمال ایستادن عقربه روی هریک از قسمت‌ها چقدر است؟

(ج) احتمال ایستادن عقربه روی هریک از رنگ‌ها را محاسبه کنید.

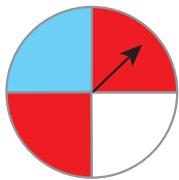
= احتمال آبی

= احتمال سفید

(ج) اگر 400 بار عقربه را بچرخانیم، انتظار داریم عقربه تقریباً چند بار روی هر قسمت قرار بگیرد؟

(د) اگر 400 بار عقربه را بچرخانیم، انتظار داریم عقربه تقریباً چند بار روی رنگ سفید قرار بگیرد؟

۱- عقرهٔ چرخنده رو به رو را می‌چرخانیم، احتمال ایستادن عقرهٔ روی کدام رنگ بیشتر است؟ چرا؟



۲- در یک کيسه ۴ مهره آبی و ۱ مهره قرمز قرار داده ايم.

یک مهره را به طور تصادفی بیرون می آوریم؛ رنگ آن را یادداشت می کنیم و به کيسه بر می گردانیم.

می خواهیم این آزمایش را ۲۰ بار انجام دهیم.

آیا می توانیم پیش از انجام کار، مشخص کنیم که در چه کسری از آزمایش ها مهره آبی بیرون می آید؟ چرا؟

۳- یک تاس را بیست بار پرتاپ کرده ايم و نتیجهٔ آزمایش ها را در جدول یادداشت کرده ايم :

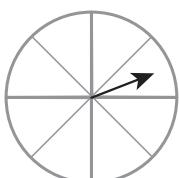
نوبت آزمایش	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰
عدد تاس	⚀	⚁	⚂	⚃	⚄	⚅	⚃	⚄	⚅	⚁	⚂	⚃	⚄	⚅	⚁	⚂	⚃	⚄	⚅	

هر یک از عدد های روی تاس، در چه کسری از آزمایش ها آمده است؟

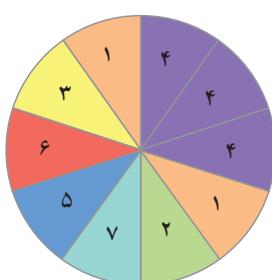
آیا می توانیم بدون محاسبه، حاصل جمع این کسرها را به دست آوریم؟ چگونه؟

۴- الف) انتظار دارید در ۱۰۰۰ بار پرتاپ تاس، تقریباً چند بار باید؟

ب) انتظار دارید در ۱۰۰۰ بار پرتاپ تاس، تقریباً چند بار عددی زوج باید؟



۵- چرخنده مقابل را طوری رنگ کنید که احتمال ایستادن عقرهٔ روی رنگ سفید برابر صفر باشد،
یعنی ایستادن عقرهٔ روی رنگ سفید، غیرممکن باشد.



۶- عقرهٔ چرخنده مقابل را می‌چرخانیم.

الف) احتمال ایستادن عقرهٔ روی هر یک از عدد ها را محاسبه کنید.

$$\text{احتمال ۱} =$$

$$\text{احتمال ۲} =$$

$$\text{احتمال ۳} =$$

$$\text{احتمال ۵} =$$

$$\text{احتمال ۶} =$$

$$\text{احتمال ۷} =$$

ب) اگر ۱۰۰۰ بار عقره را بچرخانیم، انتظار داریم عقره تقریباً چند بار روی عدد ۳ قرار بگیرد؟

د) اگر ۱۰۰۰ بار عقره را بچرخانیم، انتظار داریم عقره تقریباً چند بار روی عدد ۴ قرار بگیرد؟

در این فصل واژه‌های زیر به کار رفته‌اند. مطمئن شوید که می‌توانید با جملات خود آنها را تعریف کنید و برای هر کدام یک مثال بزنید.

- احتمال
- اتفاق‌های هشانس
- نمونه‌گیری
- جمع‌آوری داده
- آمار

در این فصل روش‌های اصلی زیر مطرح شده‌اند. با یک مثال هر کدام را توضیح دهید و در دفتر خود یک خلاصه درس تهیه کنید.

- رسم نمودار ستونی
- رسم نمودار خط شکسته
- سازماندهی داده‌ها در جدول
- رسم نمودار تصویری
- کاربرد هر یک از نمودارها در مسائل مختلف
- انتخاب نمودار مناسب برای موضوع مورد نظر
- تشخیص حتمی، ممکن یا غیرممکن بودن یک اتفاق
- پیدا کردن احتمال رخدادن یک اتفاق
- آزمایش و ثبت نتایج مربوط به یک اتفاق تصادفی
- مقایسه احتمال رخدادن یک اتفاق با نتایج آزمایش‌ها

کاربرد

آمار و احتمال در زندگی روزمره، کاربرد وسیعی دارد. به کمک اطلاعات آماری و با درک مفهوم احتمال می‌توانیم وقوع رخدادها از جمله بارندگی، سیل، بارش برف و... را پیش‌بینی کنیم.

تمرین‌های ترکیبی

در صورتی که بتوانید تمرین‌های ترکیبی زیر را انجام دهید، مطمئن می‌شوید که این فصل را به خوبی آموخته‌اید.
یک تاس را ۱۰ بار بیندازید و نسبت تعداد دفعاتی را که عدد زوج آمده، به تعداد کل آزمایش‌ها، پیدا کنید و با یک کسر نمایش دهید.

احتمال زوج بودن عدد روی تاس را محاسبه کنید و با یک کسر نمایش دهید.

آیا این دو کسر همیشه با هم برابرند؟

آیا ممکن است این دو کسر با هم برابر باشند؟

آیا می‌توان گفت که وقتی تعداد آزمایش‌ها زیاد می‌شوند، انتظار داریم که این دو کسر تقریباً برابر شوند؟



کتاب‌های مناسب ریاضی پایه هفتم

ردیف	عنوان	مؤلف	مترجم	نام ناشر	محل نشر	سال انتشار
۱	آموزش جامع ریاضیات هفتم	بیان، حمیدرضا		مبکران / پیشروان	تهران	۹۲
۲	آموزش، تمرین ریاضیات هفتم (در سیاره نایماز) ...	عزیزآدہ، هادی		مبکران / پیشروان	تهران	۹۲
۳	در کلاس درس خوارزمی	سالاری، حسن		مدرسہ	تهران	۹۰
۴	اسحاق نیوتن: ریاضیدان و دانشنامه برجسته	روزنسکی، ناتالی ماپرا	رضیا علیزاده	ققنوس	تهران	۹۰
۵	جن اعداد: ماجراجی ریاضی *	ملک دخت قاسمی	آنوس برگ، هاوس مالگوس	آیزیر	تهران	۸۹
۶	بخش پنجمی، مقسوم علیه و مضرب *	بندهی، زهرا	مدرسہ		تهران	۸۹

معلمان محترم، صاحب‌نظران، دانش‌آموزان عزیز و اولیای آنان می‌توانند نظر اصلاحی خود را درباره نظر این کتاب از طریق نامه‌نوشتنی تهران - صندوق پستی ۱۵۸۵۵/۳۶۲ - گروه درسی مهندسی پایه‌نمایان (Email: talif@talif.sch.ir) ارسال نمایند.

در فناips کتاب همی درسی ابتدایی و متوسطه نظری