

فصل ششم

مدارهای RLC



فاز

ریکتیو منفی

LOW FREQUENCY

ظریب اگلفت مالت نشید شاخدهای سری و موازی

توان موثر

$$\sin\phi = \sqrt{1 - \cos^2\phi} = \sqrt{1 - (e/\Delta)^2} = e/\Delta$$

$$P_{DQ} = X_L I_L^2 + \Delta \cdot (\tau) = ۳۰۰ \text{ VAR}$$

فرکانسی های بین توان

Resonance Frequency

پهنای یاند اتصال کوتاه

$I = I_R = I_L + I_C$

High Frequency

جزئی قدرت هزار

$I = jI_L - I_C$

Cose

سلفی

ساده‌تری جریان

میکرو فاراد

$V_m = \sqrt{\tau}$

جلوی از ولتاژ

BW- Band Width

معادلات زمانی

اهمی: ۰.۹۵

اندیکاتسیون

RLC

AB

ولت آمپر

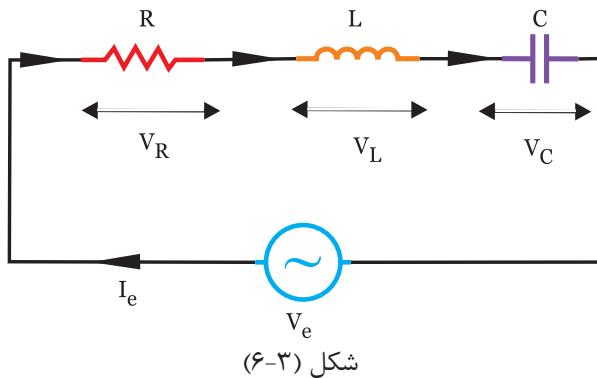
فرکانس صفر

$V_L = V_p$

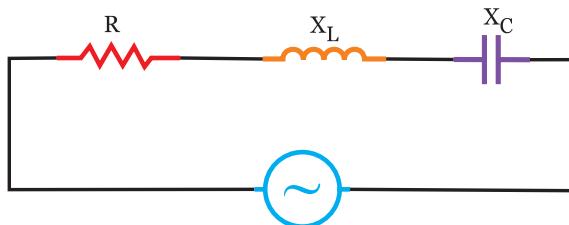
مقاومت اهمی

پیش فاز

$V_p = \frac{V_L}{\sqrt{\tau}}$



در مدارهای RLC سری مطابق شکل (۶-۴) اختلاف فاز φ درجه می‌باشد که از رابطه زیر بدست می‌آید.



شکل (۶-۴)

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} \quad \cos \varphi = \frac{V_R}{V}$$

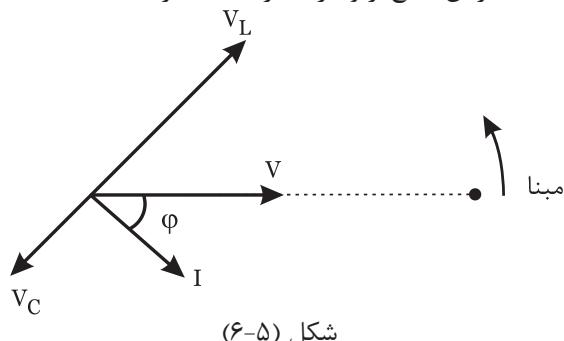
$$V_{(t)} = V_m \sin \omega t$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t \pm \varphi)$$

اگر $X_c > X_L$ باشد: مراحل ایجاد نمودار شکل (۶-۵) به صورت زیر ایجاد می‌شود.

- مبدأ را ترسیم کنید.
- بردار V را رسم کنید.

- جریان منبع از ولتاژ φ درجه عقبتر است.

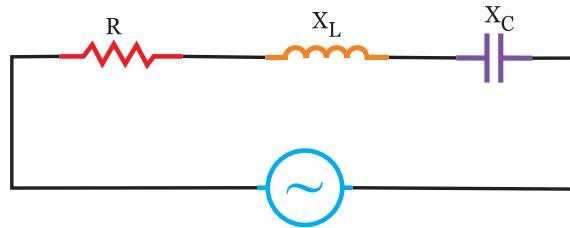


- معادله زمانی جریان منبع به

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - \varphi) \quad \text{نوشته می‌شود.}$$

۶-۱- مدارهای RLC سری:

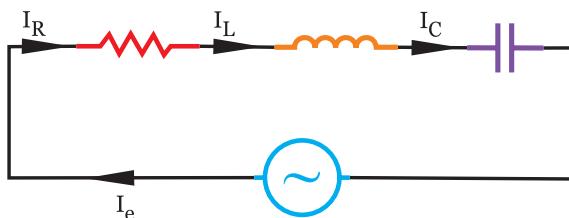
هرگاه یک مقاومت اهمی و یک مقاومت سلفی و یک مقاومت خازنی به صورت سری به یک منبع ولتاژ متناوب متصل شود. مطابق شکل (۶-۱) مدار RLC سری را تشکیل می‌دهد.



شکل (۶-۱)

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

در مدارهای RLC سری جریان منبع با جریان هر یک از عناصر که در شکل (۶-۲) دیده می‌شود، برابر می‌باشد.



شکل (۶-۲)

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \text{جریان}$$

$$I_R = I_C = I_R = I_e$$

$$I = \frac{V}{Z}$$

در این مدارها در شکل (۶-۳)، ولتاژ منبع به نسبت مقاومت‌های اهمی- سلفی و خازنی تقسیم می‌شود.

$$V = \sqrt{V_R^2 + (V_L - V_C)^2}$$

$$V_R = I \cdot R$$

$$V_L = I \cdot X_L$$

$$V_C = I \cdot X_C$$

$$X_L = X_C \Rightarrow V_L = V_C$$

$$V = \sqrt{V_R^2 + (V_L - V_C)^2} = V_R$$

$$X_C = X_L \Rightarrow \frac{1}{2\pi f C} = 2\pi f L \Rightarrow f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}}$$

برای بدست آوردن توان در مدارهای RLC ابتدا $\cos \phi$ و $\sin \phi$ را بدست می‌آوریم:

ضریب قدرت $\cos \phi = \frac{R}{Z}$ و ضریب $\sin \phi = \frac{V_L - V_C}{V_e}$

$$\sin \phi = \frac{|X_L - X_C|}{Z} \quad \text{قدرت غیر موثر} \quad \text{و} \quad \sin \phi = \frac{|V_L - V_C|}{V_e}$$

- توان موثر می‌شود:

- توان غیر موثر می‌شود:

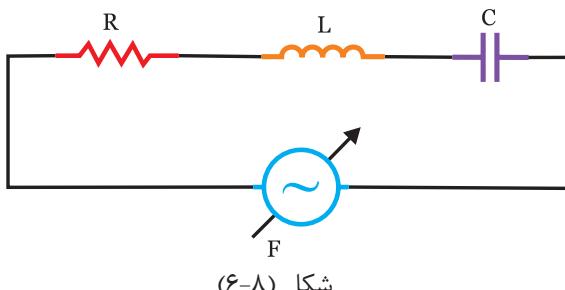
اگر $X_L > X_C$ باشد مدار پس فاز بوده و P_d مثبت می‌شود و اگر $X_L < X_C$ باشد، مدار پیش فاز بوده و P_d منفی می‌شود.

- توان ظاهری می‌شود:

۶-۲- تاثیر فرکانس بر روی امپدانس و جریان در مدار RLC سری:

از آنجاییکه با افزایش مقاومت سلفی $X_L = 2\pi f L$ افزایش می‌یابد و با افزایش فرکانس مقاومت خازنی $X_C = \frac{1}{2\pi f C}$ کاهش

می‌یابد لذا با توجه به فرمول های $Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$ و $I = \frac{V}{Z}$ شکل (۶-۸) و I در کمترین و بیشترین فرکانس و فرکانس رزنانس بررسی می‌شود.



در تمام تغییرات فرکانس، مقدار R ثابت است.

سه حالت در این مدار اتفاق می‌افتد.

۱- فرکانس صفر(DC):

$$f=0 \Rightarrow \begin{cases} X_L=0 \\ X_C=\infty \\ Z=\infty \\ I=0 \end{cases}$$

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا

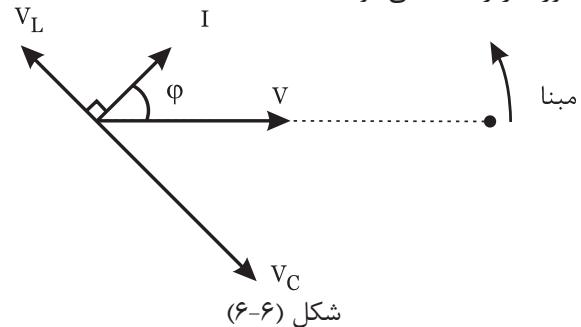
نسبت به I 90° جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا $V_L > V_C$ می‌باشد.

- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا نسبت به I 90° عقبتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار

پس فاز است لذا $V_L < V_C$ می‌باشد.

اگر $X_L < X_C$ باشد: مراحل ایجاد نمودار شکل (۶-۶) به

صورت زیر ایجاد می‌شود.



- مبدأ را ترسیم کنید.

- بردار v را رسم کنید.

- جریان منبع از ولتاژ ϕ درجه جلوتر است.

- معادله‌ی زمانی جریان منبع به

$$\text{صورت } i(t) = I_m \sin(\omega t + \phi) \text{ نوشته می‌شود.}$$

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا

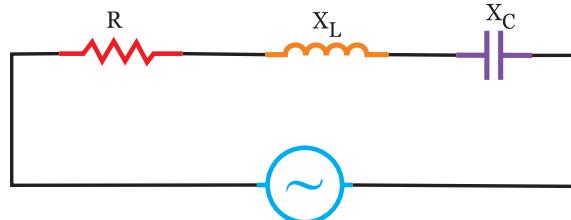
نسبت به I , 90° جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پیش فاز است لذا $V_L < V_C$ می‌باشد.

- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا

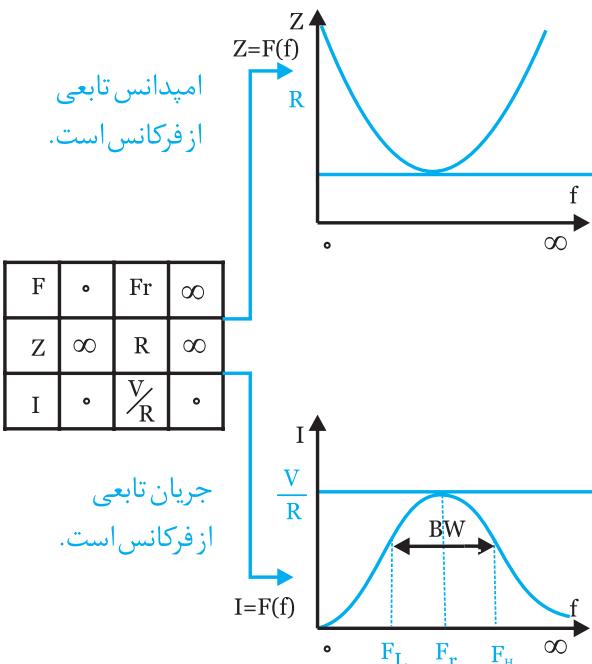
نسبت به I , 90° عقبتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پیش فاز است لذا $V_L > V_C$ می‌باشد.

اگر $X_L = X_C$ باشد:

از آنجاییکه $I_L = I_C$ می‌باشد ولتاژ دو سلف و خازن در مدار شکل (۶-۷) برابر می‌شود لذا ولتاژ منبع برابر ولتاژ دو سر مقاومت خواهد شد که در حالت رزنانس می‌باشد.



شکل (۶-۷)



شکل (۶-۱۲)

$$f_L = f_r - \frac{Bw}{2}$$

$$f_H = f_r + \frac{Bw}{2}$$

فرکانس نیم توان بالا (قطع بالا)

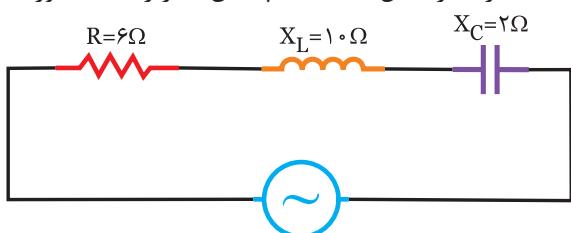


- برای بدست آوردن پهنهای باند می‌توان $Bw = \frac{R}{2\pi L}$ از بسط آورد.

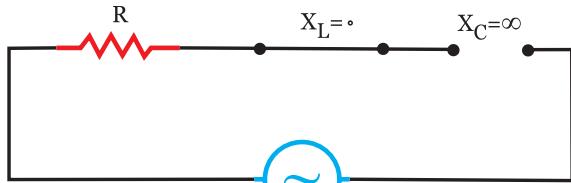
- از مدارات RL , RC , RLC در فیلترها استفاده می‌شود.



در مدار شکل (۶-۱۳) امپدانس مدار را بدست آورید.

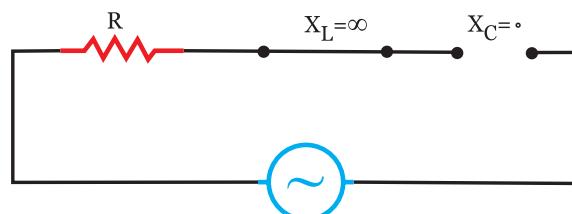


شکل (۶-۱۳)



شکل (۶-۹)

$$f = \infty \Rightarrow \begin{cases} I = 0 \\ Z = \infty \\ X_C = 0 \\ X_L = \infty \end{cases}$$



شکل (۶-۱۰)

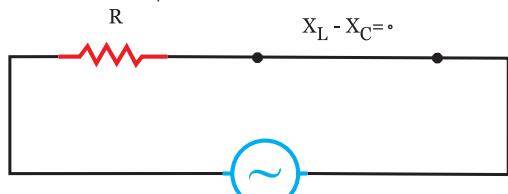
سلف مدار را قطع می‌کند.

- فرکانس رزنانس (تشدید) که باعث می‌شود، داشته باشیم.

$$f = f_r \Rightarrow X_L = X_C \Rightarrow Z = R$$

$$V_L = V_C \Rightarrow V_e = V_R$$

$$\varphi = 0$$



شکل (۶-۱۱)

- $\cos\varphi = 1$
 $P_e = P_s$
 $P_d = 0$
- مدار کاملاً اهمی
 توان ظاهری برابر توان اکتیو
 توان راکتیو نداریم.

$$I = \frac{V}{R}$$

نتایج بررسی شده را می‌توان در یک جدول خلاصه کرد.

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{Lc}} \Leftrightarrow X_L = X_C \quad \omega_r = 2\pi f_r L = \frac{1}{\sqrt{Lc}}$$

$$Q_r = \frac{L\omega_r}{R}$$

$$Bw = \frac{f_r}{Q_r}$$



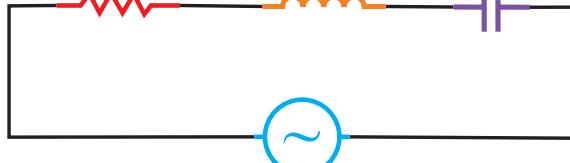
$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{6^2 + (2 - 10)^2} = \sqrt{36 + 64} = 10\Omega$$

توضیح: چون $X_L > X_C$ می‌باشد لذا مدار پس فاز است.

فعالیت ۱

در مدار شکل (۶-۱۴) امپدانس مدار را بدست آورید.

$$R = 8\Omega \quad L = 10\text{ mH} \quad X_C = 11\Omega$$



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin(50\pi t - 60^\circ)$$

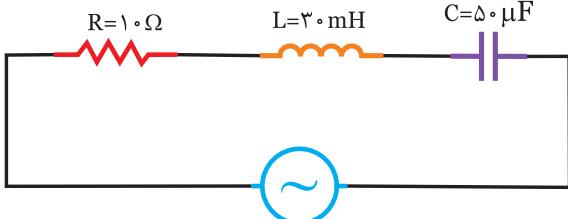
شکل (۶-۱۴)



در مدار شکل (۶-۱۶) مطلوبست:

الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 1000t$$

شکل (۶-۱۶)



الف) ابتدا X_L و X_C را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 30 \times 10^{-3} = 30\Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{1000 \times 50 \times 10^{-6}} = 20\Omega$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{10^2 + (30 - 20)^2} = 10\sqrt{2}\Omega$$

ولتاژ مقاومت

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100V$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{10\sqrt{2}} = \frac{10}{\sqrt{2}} = 5\sqrt{2}$$

ب) برای نوشتمن معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام
برداری می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.



ابتدا X_L را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 30 \times 10^{-3} = 30\Omega$$

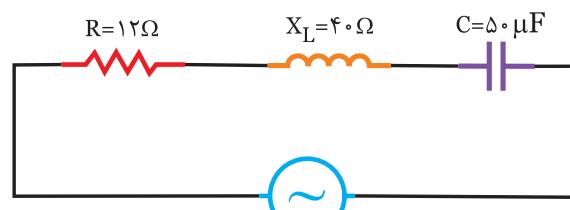
$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(.....)^2 + (..... -)^2}$$

$$Z = \sqrt{..... +} = \Omega$$

توضیح: چون $X_L > X_C$ می‌باشد لذا مدار است.

تمرین

۱- در مدار شکل (۶-۱۵) امپدانس مدار را بدست آورید.

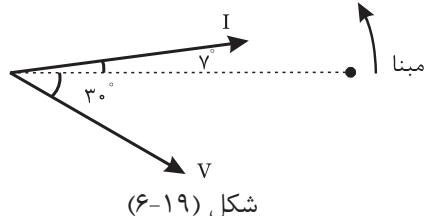


$$V_{(t)} = 50\sqrt{2} \sin(50\pi t + \frac{\pi}{3})$$

شکل (۶-۱۵)

ب) برای نوشتمن معادلهی زمانی جریان نیاز به دیاگرام برداری می‌باشد که در این مدار $X_c > X_L$ است لذا پیش فاز بوده و جریان φ جلوتر از ولتاژ مدار خواهد بود.

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \dots \Rightarrow \varphi = 37^\circ$$



شکل (۶-۱۹)

$$I_m = \sqrt{2} I_e = \dots A$$

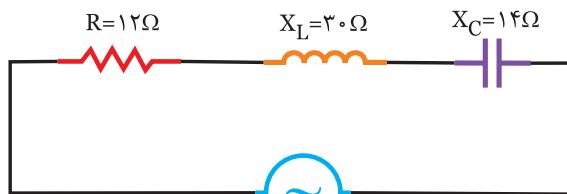
$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t + \varphi) \Rightarrow i_{(t)} = \dots \sin(500t + 37^\circ)$$



در مدار شکل (۶-۲۰) مطلوبست:

الف) جریان مدار

ب) معادلهی زمانی جریان منبع

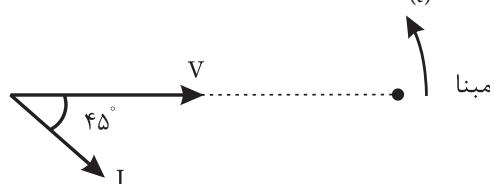


$$V_{(t)} = 50 \sqrt{2} \sin(1000t - 54^\circ)$$

شکل (۶-۲۰)



مینا را ترسیم کنید.
بردار $V_{(t)}$ را رسم نمایید.



شکل (۶-۱۷)

- در این مدار $X_c > X_L$ بوده لذا مدار پس فاز و جریان منبع φ درجه از ولتاژ مدار عقبتر است لذا با بدست آوردن داریم.

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \frac{10}{10\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \varphi = 45^\circ$$

- با توجه به موقعیت بردار I معادلهی زمانی آن را می‌نویسیم:

$$I_m = \sqrt{2} I_e = \sqrt{2} (5\sqrt{2}) = 10 A$$

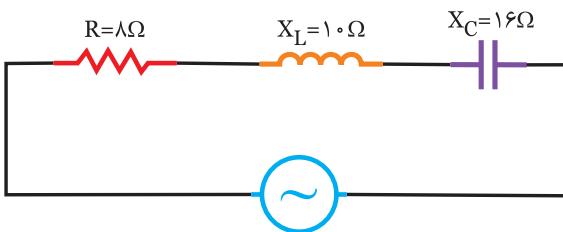
$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - \varphi) \Rightarrow i_{(t)} = 10 \sin(1000t - 45^\circ)$$



در مدار شکل (۶-۱۸) مطلوبست:

الف) جریان مدار

ب) معادلهی زمانی جریان منبع



$$V_{(t)} = 100 \sqrt{2} \sin(500t - 30^\circ)$$

شکل (۶-۱۸)



الف)

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{8^2 + (\dots - \dots)^2} = \dots \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{Z} = \dots = \dots V$$

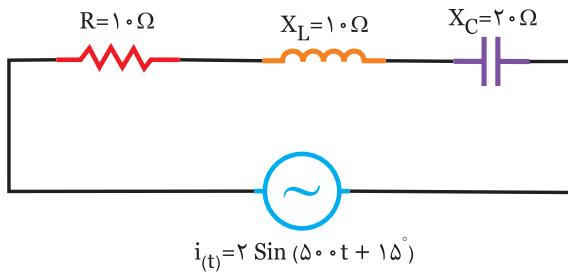
$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \dots = \dots A \quad \text{جریان مدار}$$

فعالیت ۲

در مدار شکل (۶-۲۳) مطلوبست:

(الف) ولتاژ منبع

(ب) معادلهی زمانی ولتاژ منبع



شکل (۶-۲۳)

(الف)

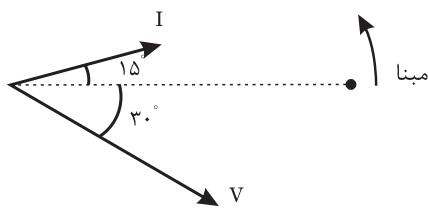
$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(1)^2 + (3 - 2)^2} = \sqrt{2} \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} A$$

ولتاژ منبع

ب) برای نوشتمن معادلهی زمانی ولتاژ منبع نیاز به دیاگرام برداری داریم که در این مدار $X_L > X_C$ است لذا مدار پیش فاز و ولتاژ مدار 90° عقبتر از جریان مدار است.

$$\cos\phi = \frac{R}{Z} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \phi = 45^\circ$$



شکل (۶-۲۴)

$$V_m = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} V$$

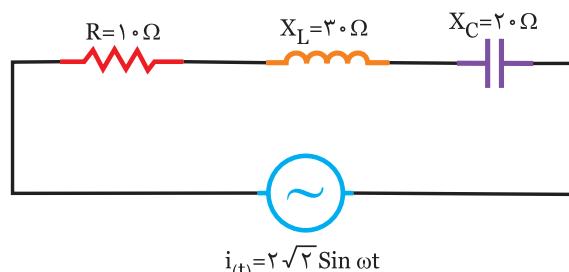
$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t - \phi) \Rightarrow V_{(t)} = \sqrt{2} \sin(\omega t - 45^\circ)$$

مثال ۲

در مدار شکل (۶-۲۱) مطلوبست:

(الف) ولتاژ منبع

(ب) معادلهی زمانی ولتاژ منبع



شکل (۶-۲۱)

(الف)

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{1^2 + (3 - 2)^2} = \sqrt{2} \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 A$$

مقاومت \times جریان = ولتاژ

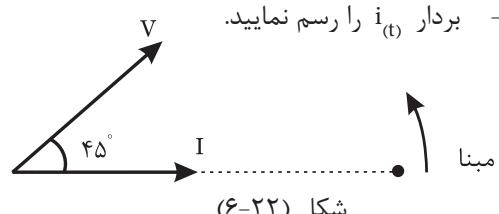
$$V_e = I_e \cdot Z = 2 \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2} V$$

ب) برای نوشتمن معادلهی زمانی ولتاژ نیاز به دیاگرام

برداری می باشد که به صورت زیر عمل می نماییم:

- مبدأ را ترسیم کنید.

- بردار $i_{(t)}$ را رسم نمایید.



شکل (۶-۲۲)

- در این مدار $X_L > X_C$ است لذا مدار پس فاز و ولتاژ منبع

90° درجه از جریان مدار جلوتر است و آن را رسم کنید.

- با توجه به موقعیت بردار V معادلهی زمانی آن را

$$\cos\phi = \frac{R}{Z} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \phi = 45^\circ \text{ می نویسیم.}$$

$$V_m = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} (2\sqrt{2}) = 40 V$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t + \phi) \Rightarrow V_{(t)} = 40 \sin(\omega t + 45^\circ)$$



$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 3A$$

جریان × مقاومت = ولتاژ

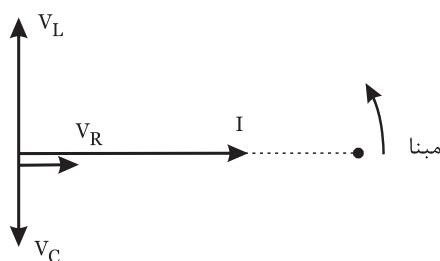
$$V_L = X_L \cdot I_e = (10)(3) = 30 V$$

$$V_C = X_C \cdot I_e = (7)(3) = 21 V$$

$$V_R = R \cdot I_e = (5)(3) = 15 V$$

(الف)

- ب) برای نوشتن معادلات زمانی ولتاژ نیاز به دیاگرام
برداری می‌باشد که مراحل آن به صورت زیر است.
- مبدا را ترسیم کنید.
 - معادله زمانی جریان را رسم کنید.



شکل (۶-۲۷)

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است.
لذا V_L 90° از جریان مدار جلوتر است.
- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است.
لذا V_C 90° از جریان مدار عقب‌تر است.
- در مقاومت، جریان هم فاز ولتاژ دو سرش است لذا V_R هم فاز جریان منبع می‌باشد.

$$V_{Lm} = \sqrt{2} V_L = 30 \sqrt{2} V$$

$$V_{Cm} = \sqrt{2} V_C = 21 \sqrt{2} V$$

$$V_{Rm} = \sqrt{2} V_R = 15 \sqrt{2} V$$

$$V_{L(t)} = 30 \sqrt{2} \sin(1000t + 90^\circ)$$

$$V_{C(t)} = 21 \sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

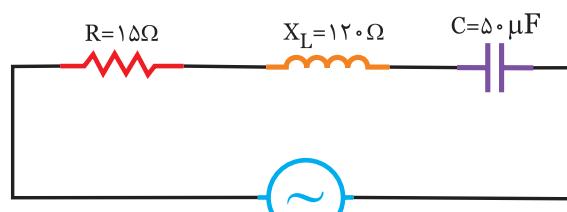
$$V_{R(t)} = 15 \sqrt{2} \sin 1000t$$



در مدار شکل (۶-۲۵) مطلوبست:

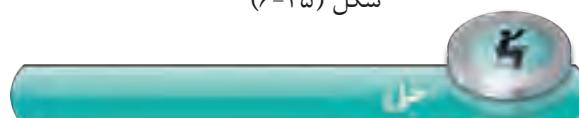
(الف) ولتاژ منبع

(ب) معادله زمانی ولتاژ منبع



$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(200t - 60^\circ)$$

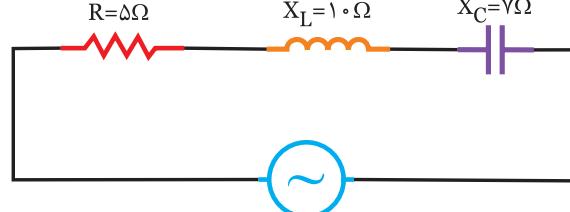
شکل (۶-۲۵)



در مدار شکل (۶-۲۶) مطلوبست:

(الف) ولتاژ دو سر سلف و خازن و مقاومت

(ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر آنها



$$i = 3\sqrt{2} \sin 1000t$$

شکل (۶-۲۶)

$$V_L(t) = \dots \cdot \sin(\omega_0 t + \dots)$$

$$V_C(t) = \dots \cdot \sin(\omega_0 t - 90^\circ)$$

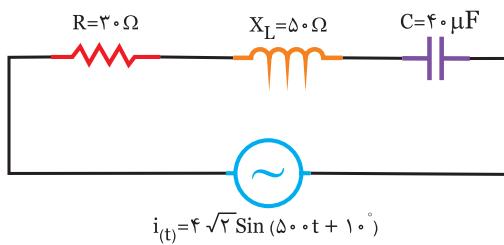
$$V_R(t) = \dots \cdot \sin(\omega_0 t - \dots)$$



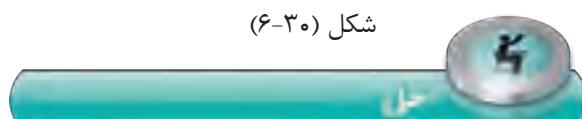
در مدار شکل (۶-۳۰) مطلوبست:

الف) ولتاژ دو سر هر عنصر

ب) معادله زمانی ولتاژ V_C و V_L , V_R



شکل (۶-۳۰)



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



در مدار شکل (۶-۳۱) مطلوبست:

الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

ب) ولتاژ دو سر هر المان

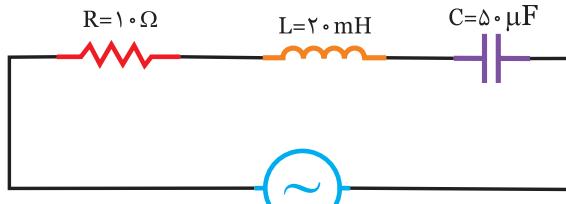
ج) معادله زمانی ولتاژ دو سر هر المان

فعالیت ۷

در مدار شکل (۶-۲۸) مطلوبست:

الف) ولتاژ دو سر هر المان

ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر آنها



$$i_{(t)} = 5 \sqrt{2} \sin(\omega_0 t - 60^\circ)$$

شکل (۶-۲۸)



الف) ابتدا X_L و X_C را بدست آورید.

$$X_L = \omega L = 500 \times \dots = \dots \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \Omega$$

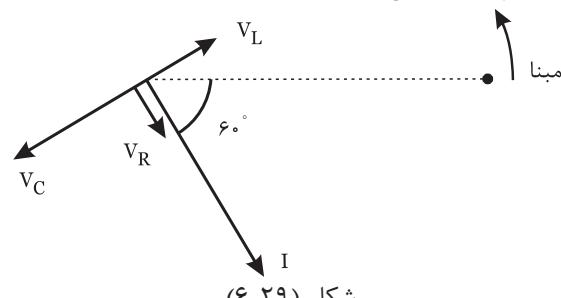
$$Ie = \frac{Im}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\sqrt{2}} = \dots A$$

$$V_L = X_L \cdot Ie = (\dots)(\dots) = \dots v$$

$$V_C = X_C \cdot Ie = (\dots)(\dots) = \dots v$$

$$V_R = R \cdot Ie = (\dots)(\dots) = \dots v$$

ب) برای نوشتن معادلات زمانی ولتاژ دو سر عناصر باید
مینا را مشخص کرده و دیاگرام جریان را رسم کنیم و سپس
دیاگرام V_L , V_R , V_C را روی آنها ترسیم نماییم.



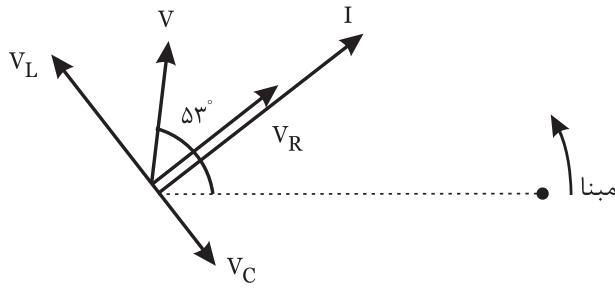
شکل (۶-۲۹)

$$V_{Lm} = \sqrt{2} V_L = \sqrt{2} (\dots) = \dots v$$

$$V_{cm} = \sqrt{2} V_C = \sqrt{2} (\dots) = \dots v$$

$$V_{Rm} = \sqrt{2} V_R = \sqrt{2} (\dots) = \dots v$$

ج) برای بدست آوردن معادله زمانی ولتاژ سلف-خازن و مقاومت دیاگرام برداری را ترسیم کرده و با توجه به اینکه ولتاژ سلف 90° جلوتر از جریان مدار و ولتاژ خازن 90° عقب‌تر از جریان مدار و ولتاژ مقاومت هم فاز جریان مدار می‌باشد. معادله زمانی V_R , V_L و V_C را می‌نویسیم.



$$V_{Lm} = \sqrt{2} V_L = 100 \sqrt{2} V$$

$$V_{Cm} = \sqrt{2} V_C = 20 \sqrt{2} V$$

$$V_{Rm} = \sqrt{2} V_R = 60 \sqrt{2} V$$

$$V_{L(t)} = 100\sqrt{2} \sin(1000t + 127^\circ)$$

$$V_{C(t)} = 20\sqrt{2} \sin(1000t - 53^\circ)$$

$$V_{R(t)} = 60\sqrt{2} \sin(1000t + 37^\circ)$$

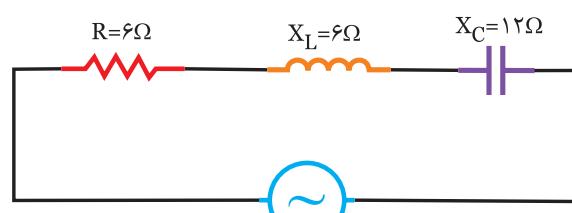


در مدار شکل (۶-۳۴) مطلوب است:

(الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

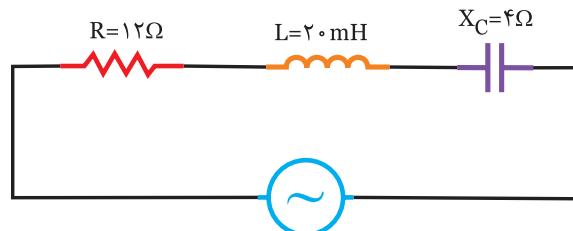
(ب) ولتاژ دو سر هر المان

(ج) معادله زمانی ولتاژ دو سر هر المان



$$V_{(t)} = 120\sqrt{2} \sin 500t$$

شکل (۶-۳۴)



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin(1000t + 90^\circ)$$

شکل (۶-۳۱)



الف) ابتدا مقاومت سلفی را به دست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 20 \times 10^{-3} = 20 \Omega$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{12^2 + (20 - 4)^2} = 20 \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 100 V$$

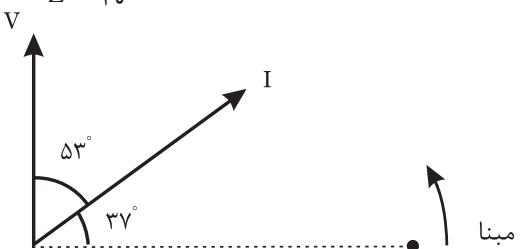
$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{20} = 5 A$$

برای بدست آوردن معادله زمانی جریان منبع نیاز به رسم دیاگرام برداری می‌باشد.

چون $X_L > X_C$ است مدار خاصیت سلفی دارد و جریان

مدار φ درجه عقب‌تر از ولتاژ می‌باشد.

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \frac{12}{20} = 0.6 \Rightarrow \varphi = 53^\circ$$



$$I_m = \sqrt{2} I_e = \sqrt{2} \times 5 = 5\sqrt{2} A$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t + 37^\circ) \Rightarrow i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(1000t + 37^\circ)$$

ب) با داشتن جریان مدار، ولتاژ دو سر هر المان را بدست می‌آوریم.

$$V_R = R \cdot I_e = (12)(5) = 60 V$$

جریان \times مقاومت = ولتاژ

$$V_L = X_L \cdot I_e = (20)(5) = 100 V$$

$$V_C = X_C \cdot I_e = (4)(5) = 20 V$$

$$V_{Lm} = \sqrt{2} (\dots) = \dots v$$

$$V_{Cm} = \sqrt{2} (\dots) = \dots v$$

$$V_{Rm} = \sqrt{2} (\dots) = \dots v$$

$$V_{L(t)} = \dots \sin(500t + 135^\circ)$$

$$V_{C(t)} = \dots \sin(500t - 45^\circ)$$

$$V_{R(t)} = \dots \sin(500t + 45^\circ)$$

الف)

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{6^2 + (\dots - \dots)^2} = \dots \Omega$$

$$Ve = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \dots = \dots v$$

$$Ie = \frac{Ve}{Z} = \dots = \dots A$$

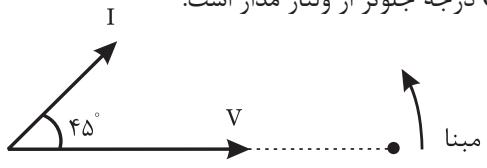
جريان منبع

برای بدست آوردن معادله زمانی نیاز به رسم دیاگرام

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \frac{6}{\dots} = \dots \Rightarrow \varphi = 45^\circ$$

چون $X_c > X_L$ میباشد مدار خاصیت خازنی دارد و جریان

مدار φ درجه جلوتر از ولتاژ مدار است.



شکل (۶-۳۵)

$$I_m = \sqrt{2} Ie = \sqrt{2} \times \dots = \dots A$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t + \varphi) \Rightarrow i_{(t)} = \dots \sin(500t + \dots)$$

ب) با داشتن جریان منبع و با استفاده از قانون اهم ولتاژ

دو سر هر المان را بدست آورید.

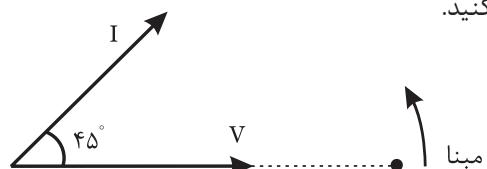
جریان \times مقاومت = ولتاژ

$$V_L = X_L \cdot Ie = (\dots)(\dots) = \dots v$$

$$V_C = X_C \cdot Ie = (\dots)(\dots) = \dots v$$

$$V_R = R \cdot Ie = (\dots)(\dots) = \dots v$$

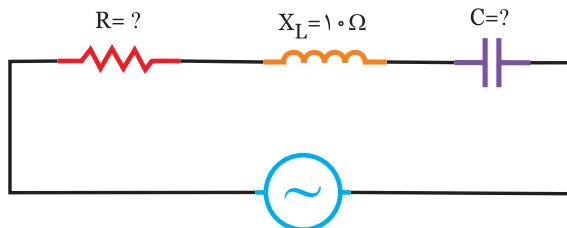
ج) برای بدست آوردن معادله زمانی ولتاژ سلف-خازن و مقاومت نیاز به رسم دیاگرام برداری میباشد که ولتاژ سلف ۹۰° جلوتر از جریان مدار و ولتاژ خازن ۹۰° عقب تر از جریان مدار و ولتاژ مقاومت هم فاز جریان مدار میباشد. که آن را کامل کنید.



شکل (۶-۳۶)

فعالیت ۷

- در مدار شکل (۶-۴۰) مطلوبست: الف) مقاومت خازنی
ب) ظرفیت خازن بر حسب میکروفاراد
ج) مقاومت اهمی



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 1000t$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin (1000t + 53^\circ)$$

شکل (۶-۴۰)

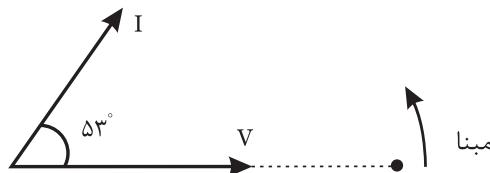
(الف)

$$V_e = \frac{V}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots A$$

$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \dots\dots\dots \Omega$$

دیاگرام برداری را رسم کنید



شکل (۶-۴۱)

چون جریان 53° جلوتر از ولتاژ است مدار پیش فاز

و $X_C > X_L$ میباشد.

$$\sin \varphi = \frac{|X_L - X_C|}{Z} \Rightarrow \sin 53^\circ = \frac{X_C - 10}{\dots\dots\dots} \Rightarrow \frac{\dots}{\dots\dots\dots} = \frac{X_C - 10}{\dots\dots\dots}$$

$$\Rightarrow X_C = 26 \Omega$$

$$C = \frac{1}{1000 \times \dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \mu F \quad (\text{ب})$$

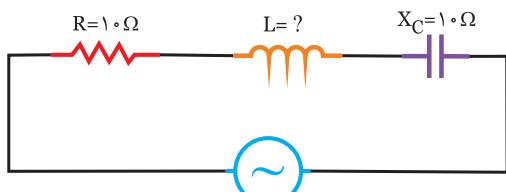
$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} \Rightarrow \cos 53^\circ = \frac{R}{\dots\dots\dots} \Rightarrow \frac{R}{\dots\dots\dots} = \frac{R}{\dots\dots\dots} \quad (\text{ج})$$

$$\Rightarrow R = \dots\dots\dots \Omega$$

مثال ۷

در مدار شکل (۶-۳۸) مطلوبست:

- الف) مقاومت سلفی
ب) اندوکتانس سلفی



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin (500t + 90^\circ)$$

$$i_{(t)} = 10 \sin (500t + 45^\circ)$$

شکل (۶-۳۸)

(الف)

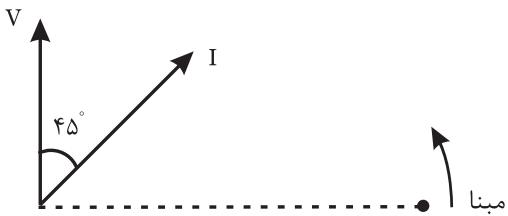
الف) ابتدا مقدار موثر ولتاژ و جریان را بدست میآوریم.

$$V_e = \frac{V}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 100 V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{10}{\sqrt{2}} = 5\sqrt{2} A$$

$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{100}{5\sqrt{2}} = 10\sqrt{2} \Omega$$

دیاگرام برداری را رسم کنید.



شکل (۶-۳۹)

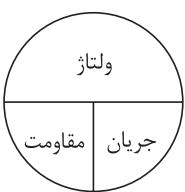
چون ولتاژ مدار 45° جلوتر از جریان میباشد مدار پس فاز

بوده و $X_L > X_C$ میباشد. (ب)

$$\sin \varphi = \frac{|X_L - X_C|}{Z} \Rightarrow \sin 45^\circ = \frac{X_L - 10}{10\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{X_L - 10}{10\sqrt{2}}$$

$$2X_L - 20 = 20 \Rightarrow 2X_L = 40 \Rightarrow X_L = 20 \Omega$$

$$X_L = \omega L \Rightarrow L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{20}{500} = 40 mH$$



(الف)

$$\text{ولتاژ} = \frac{\text{جریان}}{\text{ مقاومت}}$$

$$I_e = \frac{V_L}{X_L} = \frac{100}{20} = 5 \text{ A}$$

(ب)

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{10^2 + (20 - 30)^2} = 10\sqrt{2} \Omega$$

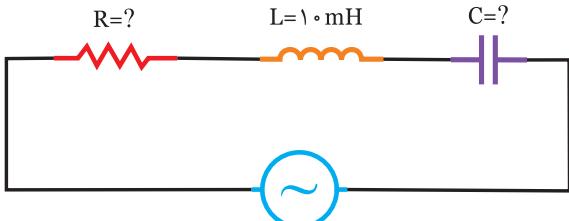
$$V_e = Z I_e \Rightarrow V_e = 10\sqrt{2} \times 5 = 50\sqrt{2} \text{ V}$$

فعالیت ۷

در مدار شکل (۶-۴۲) مطلوبست:

الف) ظرفیت خازنی

ج) مقاومت اهمی



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin(1000t - 53^\circ)$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin 1000t$$

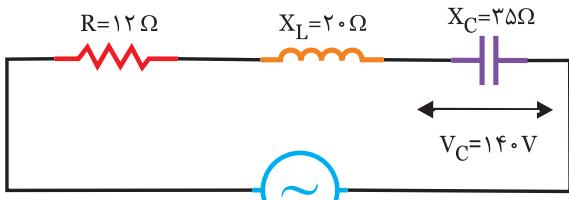
شکل (۶-۴۲)

در مدار شکل (۶-۴۴) مطلوبست:

الف) جریان منبع

ب) ولتاژ منبع

ج) ضریب توان مدار



شکل (۶-۴۴)

$$I_e = \frac{V_c}{X_C} = \frac{140}{35} = \dots \text{ A}$$

(الف)

$$Z = \sqrt{R^2 + (.....)^2} = \sqrt{..... + (.....)^2} = \dots \Omega$$

(ب)

$$V_e = Z I_e = (\dots)(\dots) = \dots \text{ V}$$

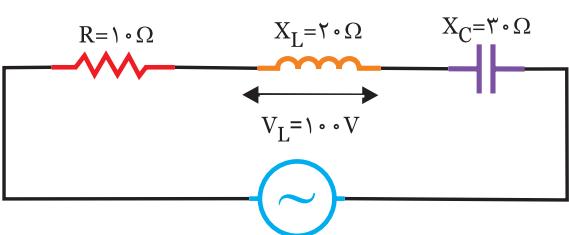
(ج)

$$\cos \phi = \frac{R}{Z} = \frac{\dots}{\dots} = \dots$$

در مدار شکل (۶-۴۳) مطلوبست:

الف) جریان منبع

ب) ولتاژ منبع



شکل (۶-۴۳)



$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{6^2 + (30 - 22)^2} = 10 \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{10} = 10 A$$

$$\cos\varphi = \frac{R}{Z} = \frac{6}{10} = 0.6$$

$$P_e = V_e \cdot I_e \cdot \cos\varphi = 100 \times 10 \times 0.6 = 600 W$$

$$\sin\varphi = \frac{|X_L - X_C|}{Z} = \frac{|30 - 22|}{10} = 0.8$$

$$P_d = V_e \cdot I_e \cdot \sin\varphi = -100 \times 10 \times 0.8 = -800 VAR$$

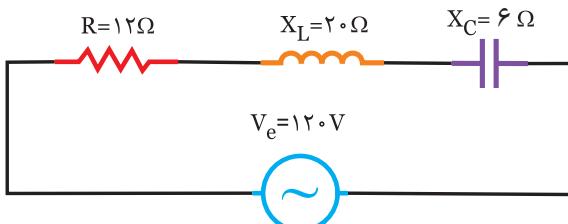
به خاطر اینکه $X_C > X_L$ است توان راکتیو منفی است.

$$P_s = V_e \cdot I_e = 100 \times 10 = 1000 V.A$$



در مدار شکل (۶-۴۷) مطلوبست:

(الف) توان اکتیو (ب) توان ظاهری (ج) توان راکتیو



شکل (۶-۴۷)

(الف)

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(.....)^2 + (..... -)^2} = \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{120}{.....} = A$$

$$\cos\varphi = \frac{R}{Z} = \frac{12}{.....} =$$

$$P_e = V_e \cdot I_e \cdot \cos\varphi = (.....)(.....)(.....) = W$$

$$\sin\varphi = \frac{|X_L - X_C|}{Z} = \frac{|..... -|}{.....} =$$

$$P_d = V_e \cdot I_e \cdot \sin\varphi = (.....)(.....)(.....) = VAR$$

به خاطر اینکه $X_L > X_C$ است توان راکتیو مثبت است.

$$P_s = V_e \cdot I_e = (.....)(.....) = V.A$$

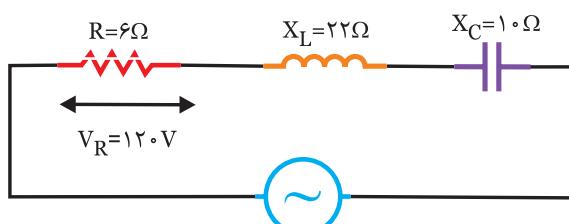


در مدار شکل (۶-۴۵) مطلوبست:

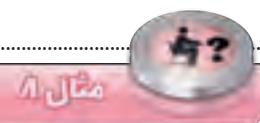
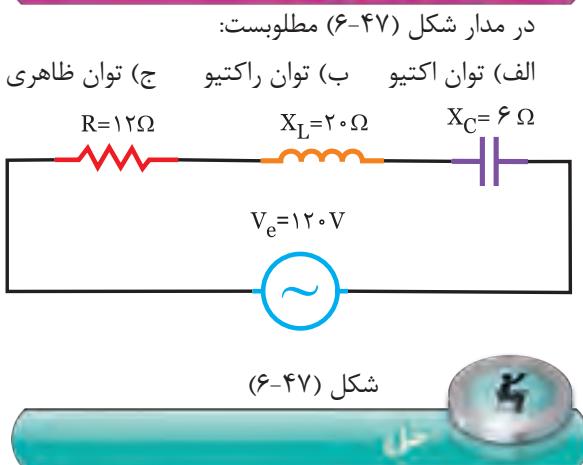
(الف) جریان منبع

(ب) ولتاژ منبع

(ج) ضریب قدرت مدار



شکل (۶-۴۵)

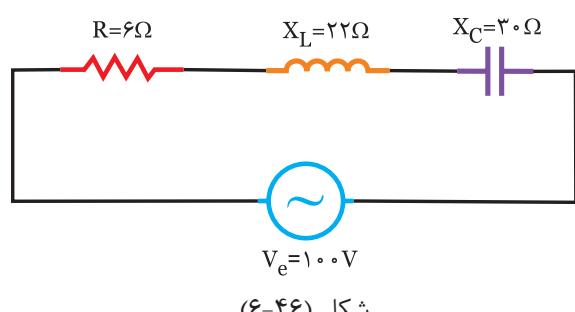


در مدار شکل (۶-۴۶) مطلوبست:

(الف) توان موثر

(ب) توان غیر موثر

(ج) توان ظاهری



شکل (۶-۴۶)



(الف)

$$P_e = R I_e^2 = 6(5)^2 = 150 \text{ W}$$

(ب)

$$P_{dL} = X_L I_e^2 = 8(5)^2 = 200 \text{ VAR}$$

(ج)

$$P_{dc} = -X_C I_e^2 = -12(5)^2 = -300 \text{ VAR}$$

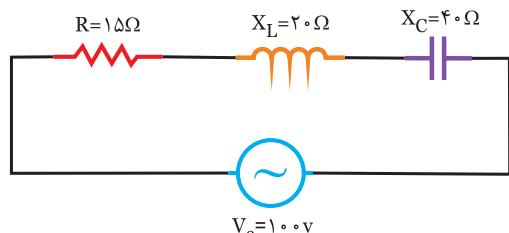
$$P_d = 300 - 200 = -100 \text{ VAR}$$

در مدار شکل (۶-۴۸) مطلوب است:

الف) توان مفید

ب) توان غیر مفید

ج) ظاهری

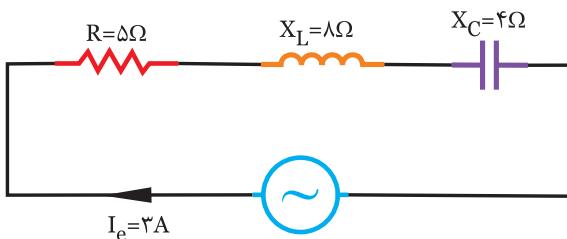


شکل (۶-۴۸)



در مدار شکل (۶-۵۰) مطلوب است:

الف) توان ظاهری ج) توان غیرمثر ب) توان مصرفی



شکل (۶-۵۰)

(الف)

$$P_e = R I_e^2 = (\dots)(\dots)^2 = \dots \text{ W}$$

(ب)

$$P_{dc} = -X_C I_e^2 = -(\dots)(\dots)^2 = -\dots \text{ VAR}$$

(ج)

$$P_{dL} = X_L I_e^2 = (\dots)(\dots)^2 = \dots \text{ VAR}$$

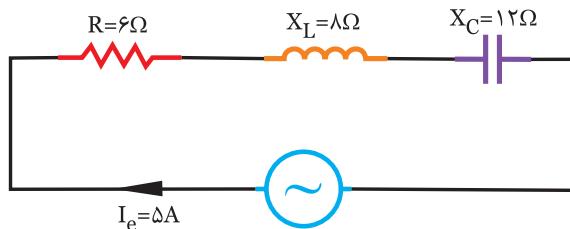
$$P_d = \dots - \dots = \dots \text{ VAR}$$

در مدار شکل (۶-۴۹) مطلوب است:

الف) توان مصرفی

ب) توان غیر مصرفی

ج) توان ظاهری



شکل (۶-۴۹)





$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2A$$

$$\varphi = \theta_v - \theta_I = 0 - (-45^\circ) = 45^\circ$$

$$\sin \varphi = \frac{|V_L - V_C|}{V_e} \Rightarrow \sin 45^\circ = \frac{3V_C - V_C}{100}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2V_C}{100} \Rightarrow V_C = 25\sqrt{2} V$$

$$V_L = 3V_C \Rightarrow V_L = 75\sqrt{2} V$$

$$X_L = \frac{V_L}{I_e} = \frac{75\sqrt{2}}{2} = 53\Omega$$

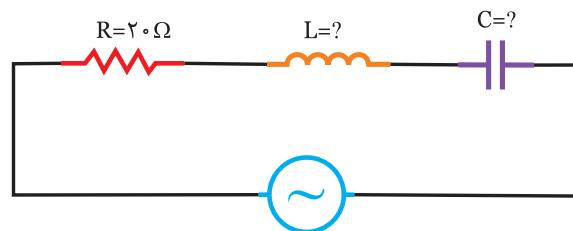
$$X_C = \frac{V_C}{I_e} = \frac{25\sqrt{2}}{2} = 17.5\Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{53}{500} = 0.06 mH$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{17.5 \times 500} = 11.3 \mu F$$

فعالیت ۱

در مدار شکل (۶-۵۳) اگر $V_C = 2V_L$ باشد، مطلوبست:
اندازه L و C



$$V_{(t)} = 100 \sin(100\pi t - 15^\circ)$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(100\pi t + 30^\circ)$$

شکل (۶-۵۳)

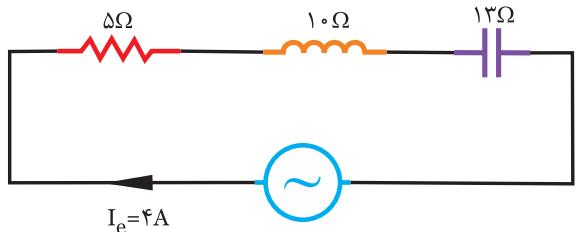


در مدار شکل (۶-۵۱) مطلوبست:

الف) توان موثر

ب) توان غیرموثر

ج) توان ظاهری



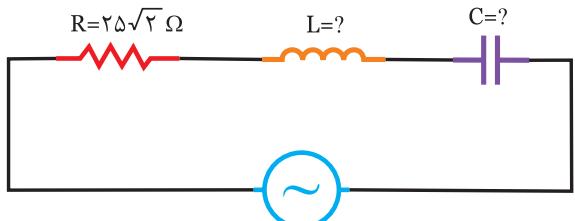
شکل (۶-۵۱)



.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....



در مدار شکل (۶-۵۲) اگر $V_L = 3V_C$ باشد، مطلوبست:
اندازه L و C



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 50\pi t$$

$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(50\pi t - 45^\circ)$$

شکل (۶-۵۲)



$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{200}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots v$$

$$I_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}Z} = \frac{\dots\dots\dots}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots A$$

$$\varphi = \theta_V - \theta_I = -15 - 30 = -45^\circ$$

زاویه منفی یعنی مدار پیش فاز است.

$$\sin \varphi = \frac{|V_c - V_L|}{V_e} \Rightarrow \sin 45^\circ = \frac{2V_L - V_L}{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{V_L}{V_e}$$

$$\Rightarrow V_L = \dots\dots\dots$$

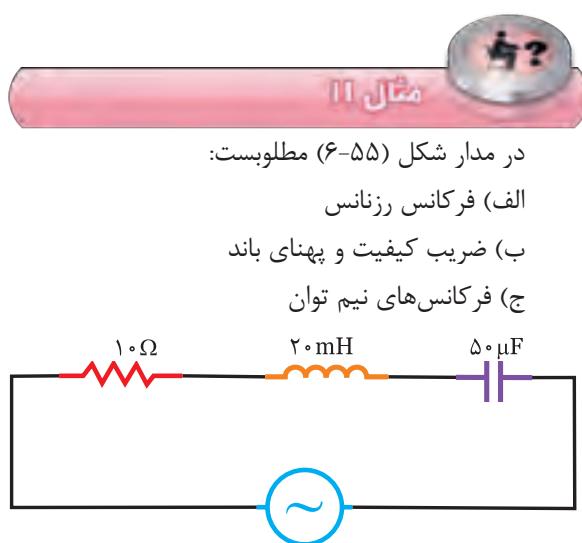
$$V_c = 2V_L = \dots\dots\dots v$$

$$X_L = \frac{V_L}{I_e} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots\dots\dots}{1000} = \dots\dots\dots mH$$

$$X_C = \frac{V_C}{I_e} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{\dots\dots\dots \times \dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \mu F$$



شکل (۶-۵۵)

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{20 \times 10^{-3} \times 5 \times 10^{-6}}} = 160 \text{ Hz}$$

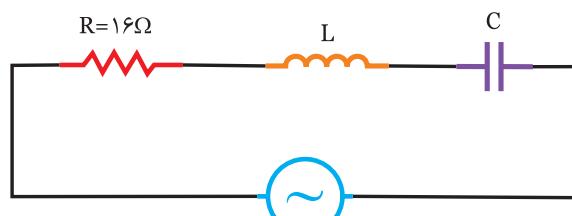
$$Q_r = \frac{X_L}{R} = \frac{2\pi f L}{R} = \frac{2\pi(160)(20 \times 10^{-3})}{10} = 2 \quad (\text{ب})$$

$$Bw = \frac{f_r}{Q_r} = \frac{160}{2} = 80 \text{ Hz}$$

$$f_L = f_r - \frac{Bw}{2} = 160 - \frac{80}{2} = 120 \text{ Hz} \quad (\text{ج})$$

$$f_H = f_r + \frac{Bw}{2} = 160 + \frac{80}{2} = 200 \text{ Hz}$$

در مدار شکل (۶-۵۴) اگر $V_C = 2V_L$ باشد، مطلوب است C و L اندازه‌ی $R = 16 \Omega$ را بسنجید.



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 500t$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(500t + 37^\circ)$$

شکل (۶-۵۴)



حل

.....

.....

.....

.....

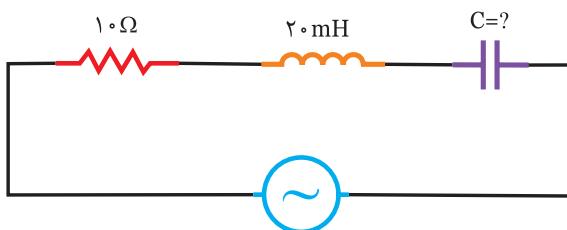
.....

.....



مثال ۱۲

در مدار شکل (۶-۵۸) ظرفیت خازن C را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.



$$V_{(t)} = 100 \sin(1000t + 30^\circ)$$

شکل (۶-۵۸)



حل

شرط اینکه مدار در حالت تشدید قرار گیرد:

$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C}$$

$$\Rightarrow C = \frac{1}{\omega^2 L} = \frac{1}{(1000)^2 \times 2.0 \times 10^{-3}} = 50 \mu F$$



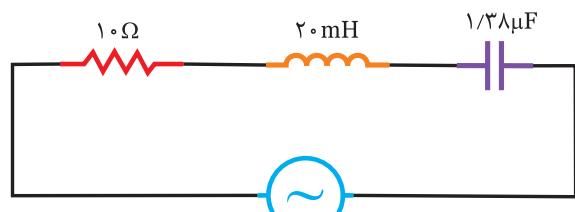
فعالیت ۱۱

در مدار شکل (۶-۵۶) مطلوبست:

(الف) فرکانس رزنانس

(ب) ضریب کیفیت و پهنهای باند

(ج) فرکانس‌های قطع بالا و پایین



شکل (۶-۵۶)



حل

$$(الف) f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{2 \times 1/38 \times 1.0}} = \dots \text{Hz}$$

$$(ب) Q_o = \frac{2\pi f L}{R} = \frac{2\pi(\dots)(2.0 \times 10^{-3})}{1.0} = \dots$$

$$Bw = \frac{f_r}{Q_o} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{Hz}$$

ج)

$$f_L = f_r - \frac{Bw}{2} = \dots - \frac{\dots}{2} = \dots \text{Hz}$$

$$f_H = f_r + \frac{Bw}{2} = \dots + \frac{\dots}{2} = \dots \text{Hz}$$



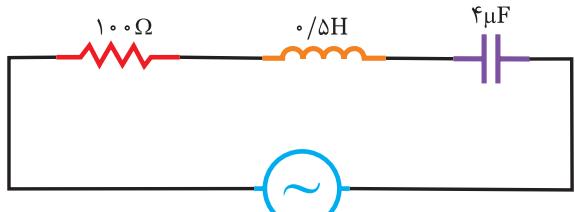
تمرین

در مدار شکل (۶-۵۷) مطلوبست:

(الف) فرکانس رزنانس

(ب) ضریب کیفیت مدار و پهنهای باند

(ج) فرکانس‌های نیم توان مدار



شکل (۶-۵۷)

مثال ۱۳

در مدار شکل (۶-۶۱) مطلوبست:

(الف) فرکانس تشدید

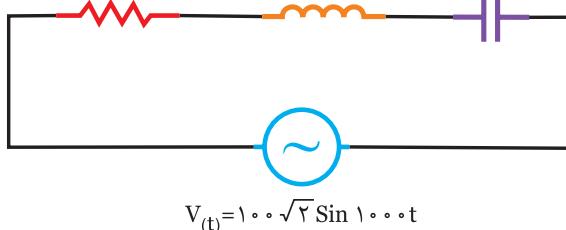
(ب) امپدانس مدار در حالت تشدید

(ج) جریان مدار در حالت تشدید

$$R = 2\Omega$$

$$X_L = 2\Omega$$

$$X_C = 1\Omega$$



شکل (۶-۶۱)

(الف) ابتدا C و L را بدست می‌آوریم.

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{20}{1000} = 20 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{1000 \times 10} = 100 \mu\text{F}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{20 \times 10^{-3} \times 100 \times 10^{-6}}} =$$

$$\Rightarrow f_r = \frac{1000}{2\pi\sqrt{2}} = 112/\pi \text{ Hz}$$

(ب) از آنجاییکه در رزنانس $X_L = X_C$ می‌باشد، لذا:

$$Z = R \Rightarrow Z = 2\Omega$$

(ج)

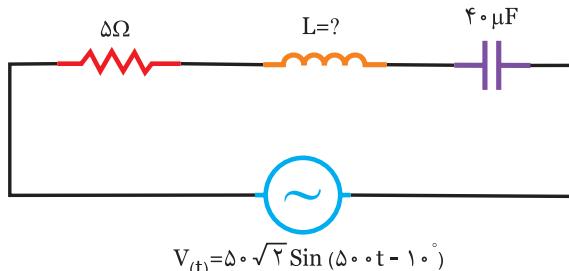
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100 \text{ V}$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{2} = 5 \text{ A}$$

فعالیت ۱۴

در مدار شکل (۶-۵۹) اندوکتانس L را چنان تعیین کنید

که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.



$$V_{(t)} = 50\sqrt{2} \sin(50\pi t - 10^\circ)$$

شکل (۶-۵۹)

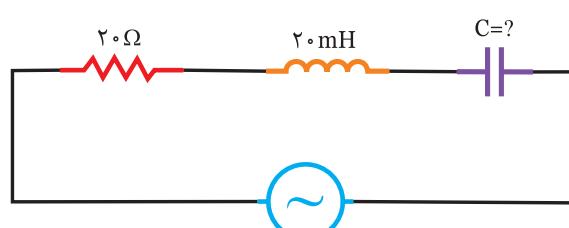


$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C}$$

$$\Rightarrow L = \frac{1}{\dots \times \dots} = \dots \text{ mH}$$



در مدار شکل (۶-۶۰) ظرفیت C را چنان تعیین کنید که باشد. $Z = R$



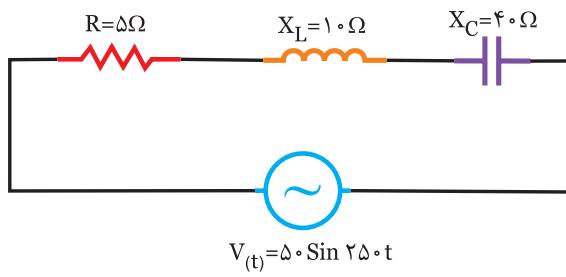
$$\omega = 25 \text{ rad/s}$$

شکل (۶-۶۰)



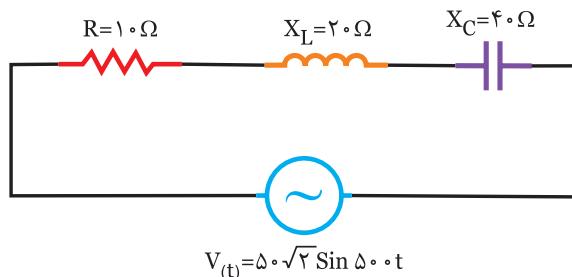
مکانیزم

در مدار شکل (۶-۶۳) مطلوبست:
 الف) فرکانس رزنانس
 ب) امپدانس در حالت تشدید
 ج) جریان مدار در حالت رزنانس



شکل (۶-۶۳)

در مدار شکل (۶-۶۲) مطلوبست:
 الف) فرکانس تشدید
 ب) امپدانس در حالت تشدید
 ج) جریان مدار در حالت رزنانس



شکل (۶-۶۲)

حل

حل

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{\dots \times \dots} = \dots \mu\text{F}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\dots \times \dots}} = \dots \text{ Hz}$$

$$Z = R \Rightarrow Z = \dots \Omega$$

ب)

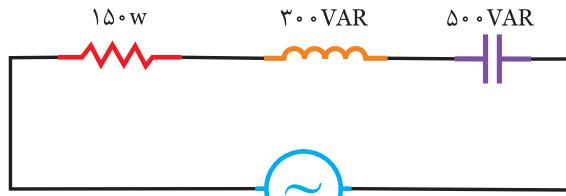
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ V}$$

ج)

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ A}$$

مثال

در مدار شکل (۶-۶۴) مطلوبست:
 الف) اندازهی جریان منبع
 ب) اندازهی L، R و C



$V_e = 100 \text{ V}$
 $\omega = 250 \text{ Rad/s}$

شکل (۶-۶۴)



$$P_s = \sqrt{Pe^r + (..... -)^2} \quad (\text{الف})$$

$$\Rightarrow P_s = \sqrt{(.....)^2 + (..... -)^2} = V.A$$

$$P_s = Ve.Ie \Rightarrow I_e = \frac{P_s}{Ve} = \frac{.....}{250} = A$$

(ب)

$$R = \frac{Pe}{Ie^r} = \frac{60}{.....} = \Omega$$

$$X_L = \frac{P_{dL}}{Ie^r} = \frac{120}{.....} = \Omega$$

$$L = \frac{XL}{\omega} = \frac{.....}{500} = mH$$

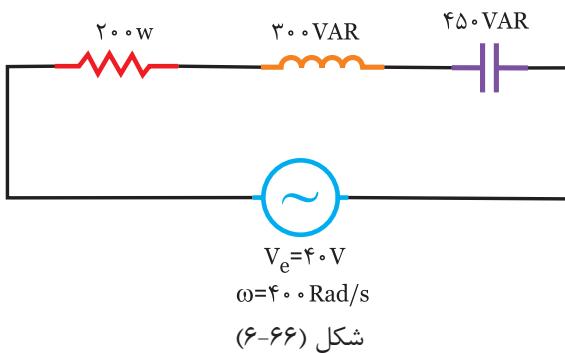
$$X_c = \frac{P_{dc}}{Ie^r} = \frac{200}{.....} = \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega Xc} = \frac{1}{..... \times 500} = \mu F$$



در مدار شکل (۶-۶۶) مطلوبست:

الف) اندازهی جریان منبع
ب) اندازهی L، R و C



$$P_s = \sqrt{Pe^r + (P_{dL} - P_{dc})^2} \quad (\text{الف})$$

$$\Rightarrow P_s = \sqrt{(150)^2 + (500 - 300)^2} = 250 \text{ V.A}$$

$$Ps = Ve.Ie \Rightarrow I_e = \frac{P_s}{Ve} = \frac{250}{100} = 2.5 \text{ A}$$

(ب)

$$X_L = \frac{P_{dL}}{Ie^r} = \frac{300}{(2.5)^2} = \frac{300}{6.25} = 48 \Omega$$

$$X_c = \frac{P_{dc}}{Ie^r} = \frac{500}{(2.5)^2} = \frac{500}{6.25} = 80 \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{48}{250} = 192 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{Xc\omega} = \frac{1}{80 \times 250} = 50 \mu F$$

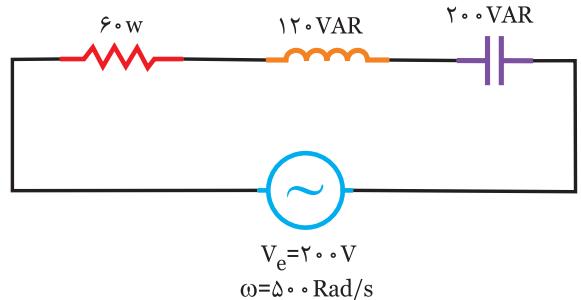
$$R = \frac{Pe}{Ie^r} = \frac{150}{(2.5)^2} = \frac{150}{6.25} = 24 \Omega$$



در مدار شکل (۶-۶۵) مطلوبست:

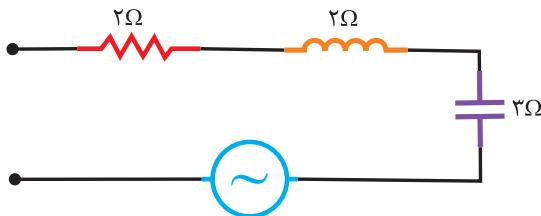
الف) اندازهی جریان منبع

ب) اندازهی L، R، C





۱- در شکل (۶-۶۷) اگر $V_C = ۲۴\text{v}$ باشد. ولتاژ ورودی چند ولت است؟

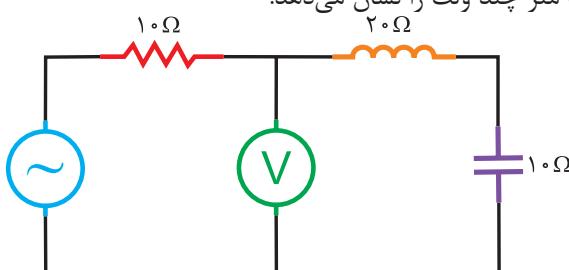


شکل (۶-۶۷)

۲- در مدار سری RLC اگر $i_{(t)} = ۱\text{o} \sin(۲۰۰t + ۳۰^\circ)$ $V_{(t)} = ۱\text{o} \sin ۲۰۰t$ $L = ۱۵\text{ mH}$ چند میکروفاراد است؟

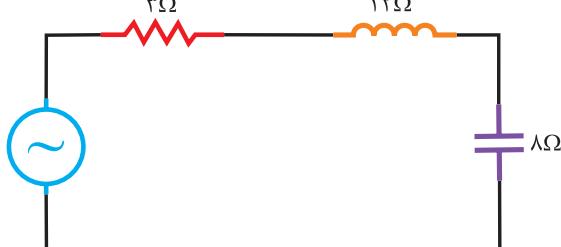
- ۱۲۵ (۱)
- ۵۰۰ (۲)
- ۶۲۵ (۳)
- ۲۵۰۰ (۴)

۳- در مدار شکل (۶-۶۸) اگر توان مصرفی ۱۶۰ وات باشد ولت متر چند ولت را نشان می‌دهد.



شکل (۶-۶۸)

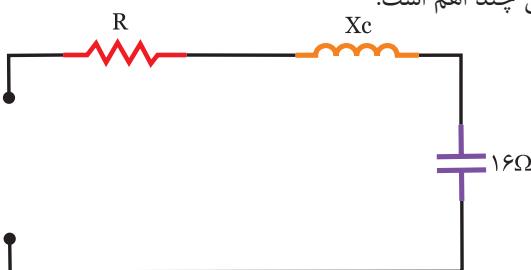
۴- در مدار شکل (۶-۶۹) ولتاژ دو سر خازن چند ولت است.



$$V_{(t)} = ۲۰\sqrt{۲} \sin ۳۰۰t$$

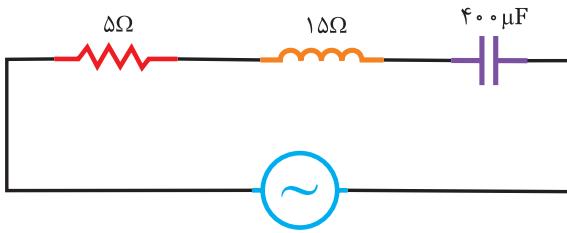
شکل (۶-۶۹)

۵- در مدار شکل (۶-۷۰) اگر ضریب توان $۸/\text{o}$ باشد، راکتانس خازنی چند اهم است.



شکل (۶-۷۰)

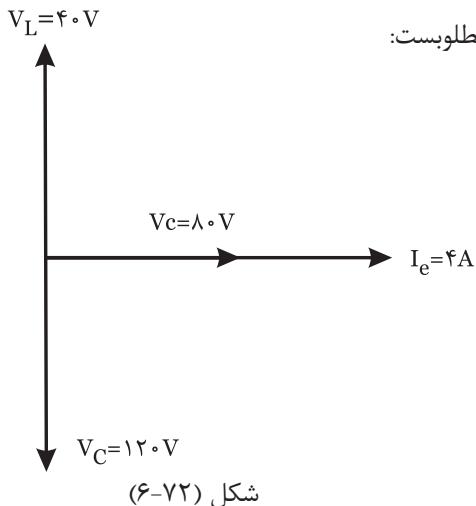
- ۳ (۱)
- ۶ (۲)
- ۸ (۳)
- ۱۲ (۴)



$$V_{R(t)} = 20 \sin 500t$$

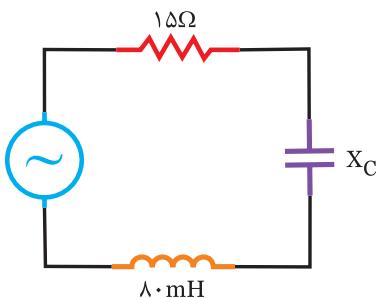
شکل (۶-۷۱)

- ۶- در مدار شکل (۶-۷۱) مطلوبست:
- (الف) معادله زمانی جریان مدار
 - (ب) معادله زمانی ولتاژ کل، L و C



شکل (۶-۷۲)

- ۷- در مدار RLC سری دیاگرام برداری مطابق شکل (۶-۷۲) می باشد، مطلوبست:
- (الف) امپدانس مدار و توان ظاهری



$$V_{C(t)} = 100 \sin (500t - 20^\circ)$$

$$i_{(t)} = 5 \sin (500t + 70^\circ)$$

شکل (۶-۷۳)

- ۸- اگر در مدار RLC سری فرکانس زیاد شود، توان مفید
- ۹- منحنی تاثیر فرکانس بر $\cos \phi$ را در مدار RLC سری محاسبه و رسم کنید.

$$\cos \phi = \frac{R}{Z}$$

نمودار z را بدست آورده و با توجه به ثابت بودن R نمودار $\cos \phi$ را رسم نمایید.
به کمک موتورهای جستجوگر درباره لغات زیر مطالبی را تهیه و در کلاس ارائه دهید.

$$f_r = \text{Resonance Frequency} \quad (1)$$

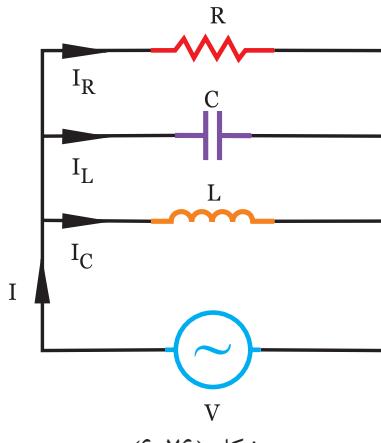
$$BW = \text{Band Width} \quad (2)$$

$$f_l = \text{Low Frequency} \quad (3)$$

$$f_h = \text{High Frequency} \quad (4)$$

۶-۳- مدارهای RLC موازی:

هرگاه یک مقاومت سلفی و یک مقاومت خازنی و یک مقاومت اهمی به صورت موازی به یک منبع ولتاژ متناوب متصل شود، مطابق شکل (۶-۷۴) مدار RLC موازی را تشکیل می‌دهد.



شکل (۶-۷۶)

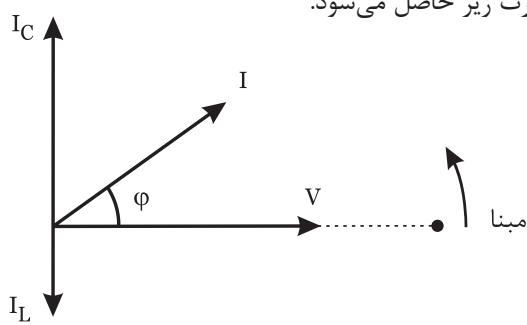
در مدارهای RLC موازی اختلاف فاز φ درجه می‌باشد که از روابط زیر بدست می‌آید.

$$\cos\varphi = \frac{Z}{R} \quad \cos\varphi = \frac{I_R}{I}$$

$$V_{(t)} = V_m \sin \omega t$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t \pm \varphi)$$

اگر $X_c > X_L$ باشد، مراحل ایجاد نمودار شکل (۶-۷۷) به صورت زیر حاصل می‌شود.



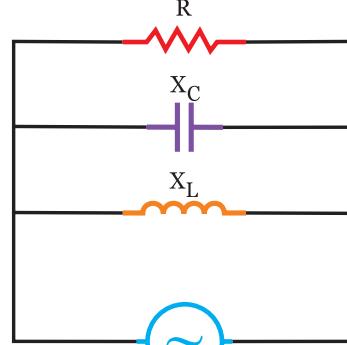
شکل (۶-۷۷)

- مبدأ را ترسیم کنید.
- بردار V را رسم کنید.
- جریان منبع از ولتاژ φ درجه جلوتر است.

- معادلهی زمانی جریان منبع به صورت (۶-۷۷) نوشته می‌شود.

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است لذا I_L نسبت به V , 90° عقب‌تر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پیش فاز است لذا $I_L > I_c$ است.

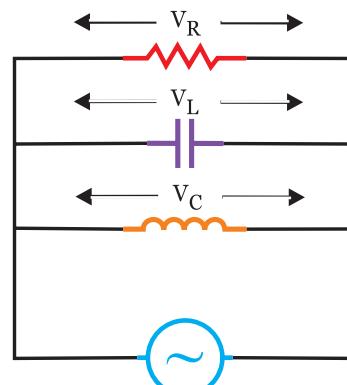
- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا



شکل (۶-۷۴)

$$Z = \sqrt{\frac{1}{R^2} + \left(\frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C}\right)^2}$$

در مدارهای RLC موازی ولتاژ منبع با ولتاژهای هر یک از عناصر که در شکل (۶-۷۵) دیده می‌شود، برابر می‌باشد.



شکل (۶-۷۵)

$$V_L = V_R = V_C = V_e \quad V = I \cdot Z$$

در این مدارها در شکل (۶-۷۶) جریان منبع به نسبت عکس مقاومت‌های اهمی- سلفی و خازنی تقسیم می‌شود.

$$I = \sqrt{I_R^2 + (I_L - I_c)^2}$$

$$I_R = \frac{V_e}{R}$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} \quad I_c = \frac{V_e}{X_C}$$

$$X_L = X_C \Rightarrow I_C = I_L$$

$$I = \sqrt{I_R^2 + (I_L - I_C)^2} = I_R$$

$$X_L = X_C \Rightarrow 2\pi f L = \frac{1}{2\pi f C} \Rightarrow f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}}$$

برای بدست آوردن توان در مدارهای RLC ابتدا $\cos \varphi$ و $\sin \varphi$ را بدست می‌آوریم.

$$\cos \varphi = \frac{Z}{R} \quad \text{و} \quad \cos \varphi = \frac{I_R}{I}$$

$$\sin \varphi = \frac{|I_L - I_C|}{I} \quad \text{و} \quad \sin \varphi = Z \left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C} \right|$$

- توان موثر برابر است با:

$P_d = V \cdot I \cdot \cos \varphi$ - توان غیر موثر برابر است با:

اگر $X_L > X_C$ باشد مدار پیش فاز بوده و P_d منفی می‌شود و اگر $X_C > X_L$ باشد مدار پس فاز بوده و P_d مثبت می‌شود.

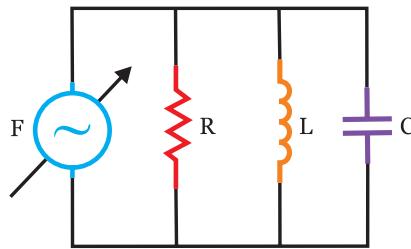
$P_s = V \cdot I \cdot \sin \varphi$ - توان ظاهری

۶-۴- تاثیر فرکانس بر روی امپدانس و جریان در مدار RLC موازی:

از آنجاییکه با افزایش فرکانس مقاومت سلفی $X_L = 2\pi f L$ افزایش می‌باید و با افزایش فرکانس مقاومت خازنی $X_C = \frac{1}{2\pi f C}$ کاهش می‌باید لذا با توجه به فرمول‌های

$$I = \frac{V}{Z} \quad \text{و} \quad Z = \sqrt{\frac{1}{R^2} + \left(\frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C} \right)^2} \quad \text{در شکل های}$$

(۶-۸۳) تا (۶-۸۰) در کمترین و بیشترین فرکانس و فرکانس رزنанс بررسی می‌شود.



شکل (۶-۸۰)

در تمام تغییرات فرکانس مقدار R ثابت است.

سه حالت در این مدار اتفاق می‌افتد.

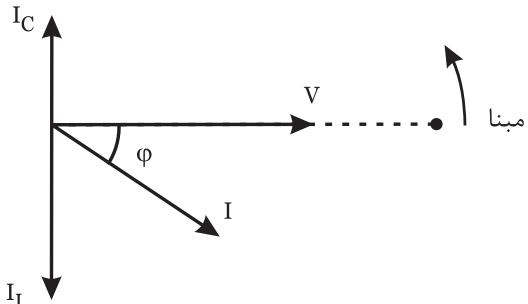
(۱) فرکانس صفر (جریان مستقیم)

I_C نسبت به V , 90° جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار

پیش فاز است لذا $I_C > I_L$ است.

اگر $X_C < X_L$ باشد، مراحل ایجاد نمودار شکل (۶-۷۸) به

صورت زیر حاصل می‌شود.



شکل (۶-۷۸)

- مبدأ را ترسیم کنید.

- بردار V را رسم کنید.

- جریان منبع از ولتاژ φ درجه عقبتر است.

- معادله زمانی جریان منبع به صورت

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - \varphi)$$

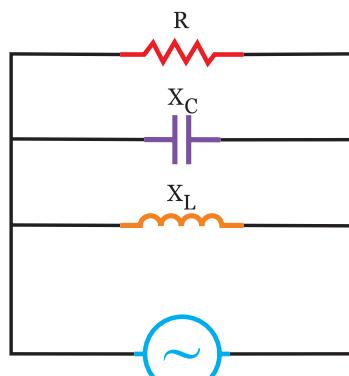
نوشته می‌شود.

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا I_L نسبت به V , 90° عقبتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا $I_L > I_C$ است.

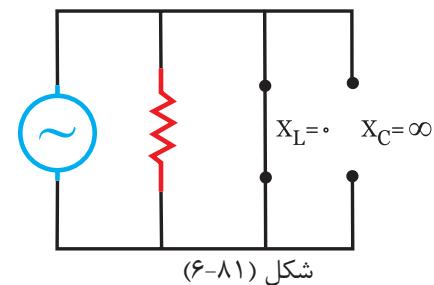
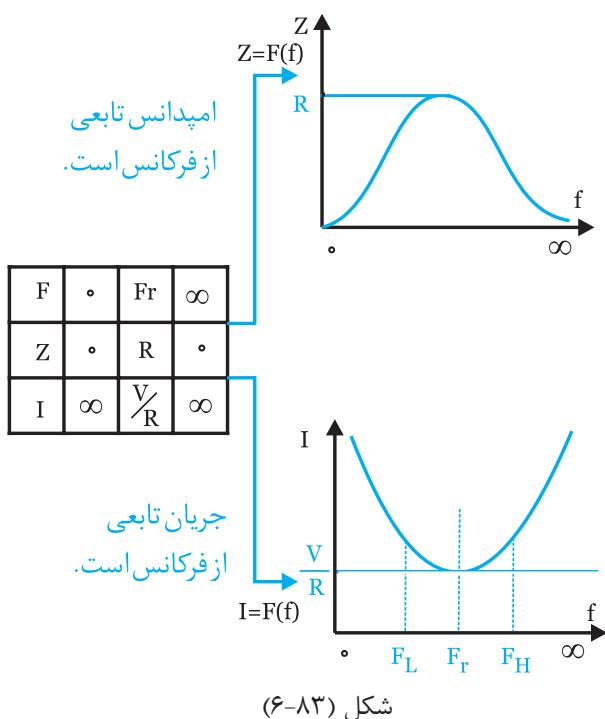
- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا I_C نسبت به V , 90° جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا $I_L < I_C$ است.

اگر $X_L = X_C$ باشد.

از آنجاییکه $V_L = V_C$ می‌باشد جریان عبوری از سلف و خازن در مدار شکل (۶-۷۹) برابر می‌شود لذا جریان منبع برابر جریان مقاومت خواهد شد که مدار در حالت رزنанс می‌باشد.

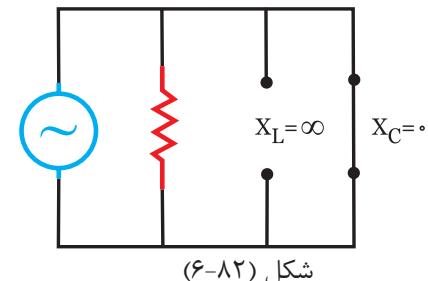


شکل (۶-۷۹)



سلف مدار را اتصال کوتاه می‌کند.
 $f=0 \Rightarrow X_L=\infty$
 $X_C=\infty$
 $Z=R$
 $I=\infty$

۲) فرکانس بی‌نهایت:



خازن مدار را اتصال کوتاه می‌کند.
 $f=\infty \Rightarrow X_L=\infty$
 $X_C=0$
 $Z=0$
 $I=\infty$

۳) فرکانس رزنانس (تشدید) که باعث می‌شود، داشته باشیم:

$$f = f_r \Rightarrow X_L = X_C \Rightarrow Z = R$$

$$I_L = I_C \Rightarrow I_e = I_R$$

$$\varphi = 0$$

مدار کاملاً اهمی

توان ظاهری برابر توان اکتیو

توان راکتیو نداریم.

$$P_d = 0$$

$$I = \frac{V}{R}$$

نتایج بررسی شده را می‌توان در جدول شکل (۶-۸۳)

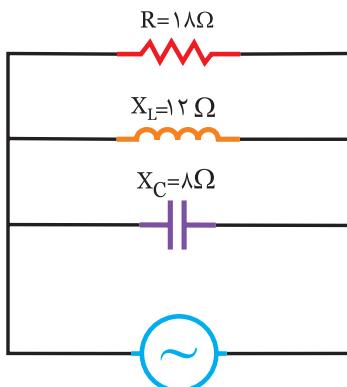
خلاصه کرد.



برای بدست آوردن پهنای باند می‌توان از $BW = \frac{1}{2\pi RC}$ بدست آورد.

فعالیت ۱۵

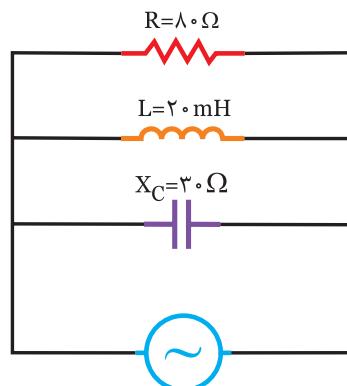
در مدار شکل (۶-۸۵) امپدانس مدار را بدست آورید.



شکل (۶-۸۵)

مثال ۱۵

در مدار شکل (۶-۸۴) امپدانس مدار را بدست آورید.



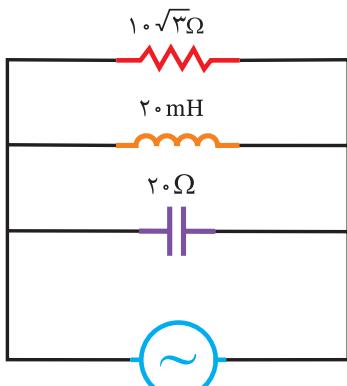
شکل (۶-۸۴)

$$X = \frac{X_L \cdot X_C}{|X_L - X_C|} = \frac{(\dots)(\dots)}{|(\dots) - (\dots)|} = \dots \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{(\dots)(\dots)}{\sqrt{(\dots)^2 + (\dots)^2}} = 48 \Omega$$

توضیح: چون $X_L > X_C$ می‌باشد، مدار پس فاز است.

در مدار شکل (۶-۸۶) امپدانس مدار را بدست آورید.



$$\omega = 500 \text{ Rad/s}$$

شکل (۶-۸۶)

ابتدا X_L را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 20 \times 10^{-3} = 20 \Omega$$

به جای استفاده از فرمول

$$Z = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R^2} + \left(\frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C}\right)^2}}$$

که محاسبه آن کمی دشوارتر است می‌توان از فرمول‌های زیر استفاده کرد.

$$X = \frac{X_C \cdot X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{20 \times 30}{|30 - 20|} = 60 \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{80 \times 60}{\sqrt{80^2 + 60^2}} = \frac{4800}{100} = 48 \Omega$$

توضیح: چون $X_C > X_L$ می‌باشد، مدار پس فاز است.

مثال ۱۷

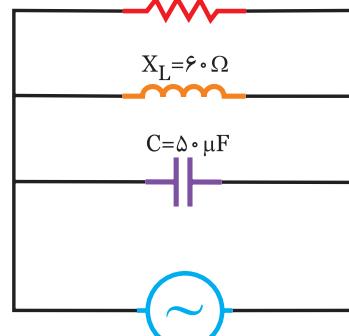


در مدار شکل (۶-۸۷) مطلوبست:

(الف) جریان مدار

(ب) معادله زمانی جریان منبع

$$R = 120 \Omega$$



$$V_{(t)} = 120\sqrt{2} \sin(500t - 30^\circ)$$

شکل (۶-۸۷)

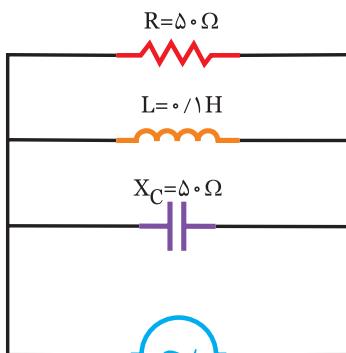
فعالیت ۱۷



در مدار شکل (۶-۸۹) مطلوبست:

(الف) جریان مدار

(ب) معادله زمانی جریان منبع



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 250t$$

شکل (۶-۸۹)

(الف) ابتدا مقدار X_C را بدست می‌آوریم.

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 50 \times 10^{-6}} = 40 \Omega$$

$$X = \frac{X_C \cdot X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{40 \times 60}{|60 - 40|} = 120 \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{120 \times 120}{\sqrt{120^2 + 120^2}} = 60\sqrt{2} \Omega$$

$$V_{(t)} = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{120\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 120 V$$

جریان مدار

$$I_{(t)} = \frac{V_m}{Z} = \frac{120}{60\sqrt{2}} = \sqrt{2} A$$

(ب) برای نوشتتن معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام

برداری می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.

- مینما را ترسیم کنید.

- بردار $V_{(t)}$ را رسم کنید.

الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع



الف) ابتدا X_L را بدست آورید.

$$X_L = \omega L = (250) (\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots \Omega$$

$$X = \frac{X_L \cdot X_C}{|X_L - X_C|} = \frac{(\dots\dots\dots) (\dots\dots\dots)}{|(\dots\dots\dots) - (\dots\dots\dots)|} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{(\dots\dots\dots) (\dots\dots\dots)}{\sqrt{(\dots\dots\dots)^2 + (\dots\dots\dots)^2}} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots\dots\dots}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots V$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots A \quad \text{جریان مدار}$$

ب) برای نوشتند $\cos \phi$ معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام

برداری می‌باشد که در این مدار $X_L > X_C$ است لذا پس فاز بوده و جریان φ درجه عقب‌تر از ولتاژ مدار خواهد بود.

$$\cos \phi = \frac{Z}{R} = \frac{\dots\dots\dots}{250} = \dots\dots\dots \Rightarrow \phi = \dots\dots\dots$$

دیاگرام برداری را کامل کنید.



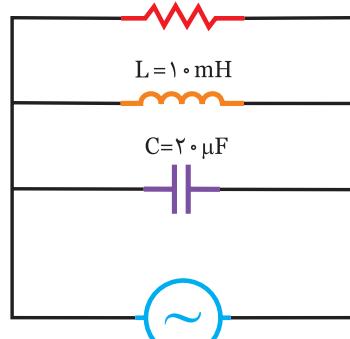
$$I_m = \sqrt{2} I_e = \sqrt{2} (\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots A$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - \phi) \Rightarrow i_{(t)} = \dots\dots\dots \sin(250t - \dots\dots\dots)$$



در مدار شکل (۶-۹۰) مطلوب است:

$$R = 2 \Omega$$



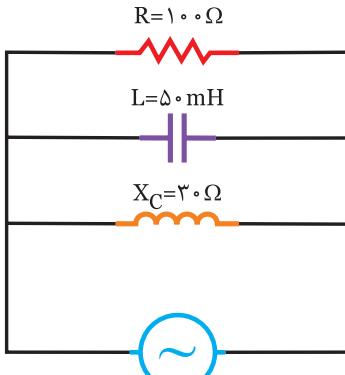
شکل (۶-۹۰)

فناوری ۱۷

در مدار شکل (۶-۹۳) مطلوب است:

(الف) ولتاژ منبع

(ب) معادله زمانی ولتاژ منبع



$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(1000t + 53^\circ)$$

شکل (۶-۹۳)

الف) ابتدا X_C را بدست آورد.

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 20 \times 10^{-3}} = 100 \Omega$$

$$X = \frac{X_C \cdot X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{100 \times 20}{|100 - 20|} = 25 \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{25 \times 25}{\sqrt{25^2 + 25^2}} = \frac{25}{\sqrt{2}} \Omega$$

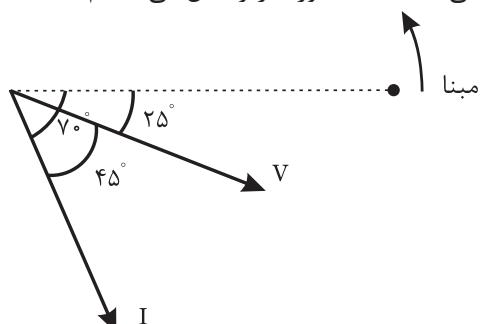
$$V_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 A$$

ولتاژ منبع

$$V_e = Z \cdot I_e = \frac{25}{\sqrt{2}} \times 2 = 25\sqrt{2} V$$

ب) برای نوشتن معادله‌ی زمانی ولتاژ نیاز به دیاگرام

بردای می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.



شکل (۶-۹۲)

- مبنا را ترسیم کنید.

- بردار $i_{(t)}$ را رسم کنید.

- در این مدار $X_c > X_L$ است مدار پس فاز و ولتاژ منبع

φ درجه از جریان مدار جلوتر است و آن را رسم کنید.

$$\cos \varphi = \frac{Z}{R} = \frac{\frac{25}{\sqrt{2}}}{25} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \varphi = 45^\circ$$

- با توجه به موقعیت بردار V معادله زمانی آن را

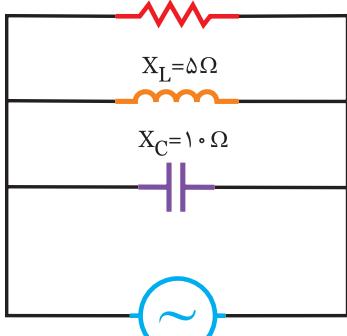
$$V_m = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} \times (25\sqrt{2}) = 50 V$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t + \varphi) \Rightarrow V_{(t)} = 50 \sin(500t - 45^\circ)$$

مثال ۱۷

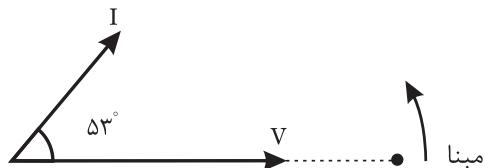
در مدار شکل (۶-۹۵) مطلوبست:
 الف) جریان عبوری از سلف، خازن و مقاومت
 ب) معادله زمانی جریان آنها

$$R = ۲۵\Omega$$



$$V_{(t)} = ۵۰\sqrt{۲} \sin(1000t - ۲۰^\circ)$$

شکل (۶-۹۵)



$$V_m = \sqrt{۲} V_e = \sqrt{۲} (\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots v$$

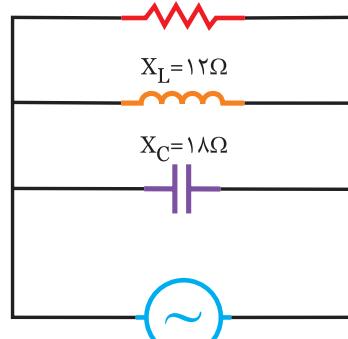
$$V_{(t)} = \dots\dots\dots \sin(1000t)$$

میراث

در مدار شکل (۶-۹۴) مطلوبست:

الف) ولتاژ منبع
 ب) معادله زمانی ولتاژ منبع

$$R = ۲۷\Omega$$



$$i_{(t)} = ۵\sqrt{۲} \sin(500t - ۳۷^\circ)$$

شکل (۶-۹۴)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{۵۰\sqrt{۲}}{\sqrt{2}} = ۵۰ v$$

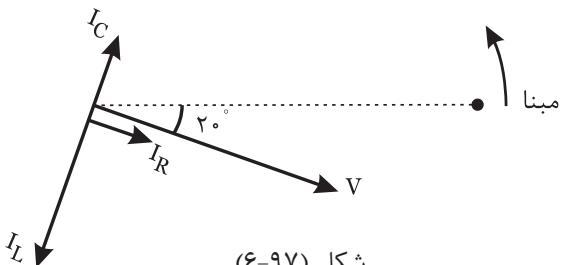
(الف)

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{۵۰}{۵} = ۱۰ A$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{۵۰}{۱۰} = ۵ A$$

$$I_R = \frac{V_e}{R} = \frac{۵۰}{۲۷} = ۲ A$$

ب) برای نوشتن معادلات زمانی جریان نیاز به رسم دیاگرام برداری می‌باشد که مراحل آن به صورت زیر است.



شکل (۶-۹۷)

- مینا را ترسیم کنید.

- معادله زمانی ولتاژ منبع را رسم کنید.



(الف)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{48\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = V$$

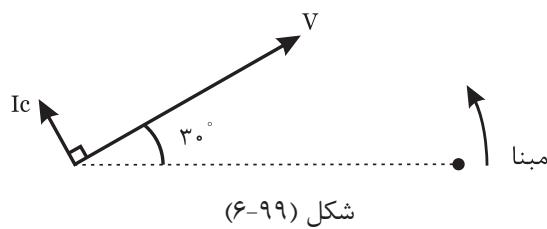
$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{.....}{.....} = A$$

$$X_L = \omega L = (500) (.....) = \Omega$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{.....}{.....} = A$$

$$I_R = \frac{V_e}{R} = \frac{.....}{.....} = A$$

ب) برای نوشتن معادلات زمانی جریان عناصر باید مبنا را مشخص کرده و باید دیاگرام معادله‌ی زمانی ولتاژ را رسم کنیم و سپس دیاگرام I_C , I_L و I_R را رسم نمایید.
دیاگرام را کامل کنید.



$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = \sqrt{2} (.....) = A$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = \sqrt{2} (.....) = A$$

$$I_{Rm} = \sqrt{2} I_R = \sqrt{2} (.....) = A$$

$$i_{L(t)} = \sin(500t -)$$

$$i_{C(t)} = \sin(500t + 120^\circ)$$

$$i_{R(t)} = \sin(500t +)$$

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است لذا $I_L = 90^\circ$ از ولتاژ مدار عقب‌تر است.
- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلو‌تر است لذا $I_c = 90^\circ$ از ولتاژ مدار جلو‌تر است.
- در مقاومت، جریان هم فاز ولتاژ دو سرش است لذا I_R هم فاز ولتاژ مدار است.

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = \sqrt{2} (10) = 10\sqrt{2} A$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = \sqrt{2} (5) = 5\sqrt{2} A$$

$$I_{Rm} = \sqrt{2} I_R = \sqrt{2} (2) = 2\sqrt{2} A$$

با توجه به موقعیت بردارها معادلات را می‌نویسیم.

$$i_{L(t)} = 10\sqrt{2} \sin(1000t - 110^\circ)$$

$$i_{C(t)} = 5\sqrt{2} \sin(1000t + 70^\circ)$$

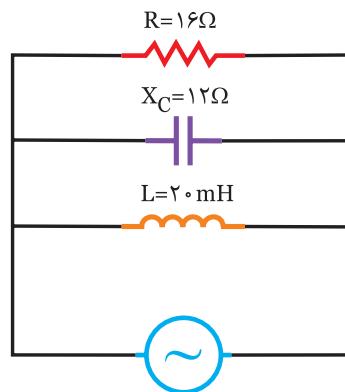
$$i_{R(t)} = 2\sqrt{2} \sin(1000t - 20^\circ)$$



در مدار شکل (۶-۹۸) مطلوب است:

(الف) جریان عبوری از عناصر

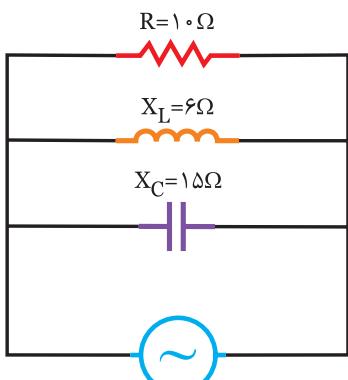
(ب) معادله‌ی زمانی جریان‌های عناصر



شکل (۶-۹۸)

مثال ۱۹

- در مدار شکل (۶-۱۰۱) مطلوبست:
 الف) ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن
 ب) جریان R , L و C
 ج) معادلهی زمانی جریان R , L و C



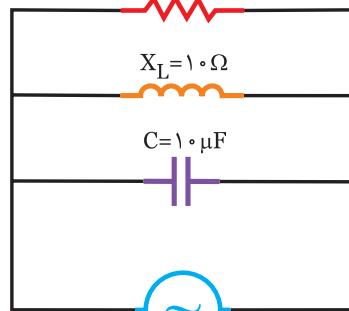
$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

شکل (۶-۱۰۱)

مکارس

- در مدار شکل (۶-۱۰۰) مطلوبست:

$$R = 15\Omega$$



$$V_{(t)} = 6 \sin(250t + 45^\circ)$$

شکل (۶-۱۰۰)

- الف) جریان عبوری از عناصر

- ب) معادلهی زمانی جریان‌های عناصر

(الف)

$$X = \frac{X_C \cdot X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{15 \times 6}{|15 - 6|} = 10 \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{10 \times 10}{\sqrt{10^2 + 10^2}} = \frac{100}{10\sqrt{2}} = 5\sqrt{2} \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 5 A$$

$$V_e = Z I_e \Rightarrow V_e = 5\sqrt{2} \times 5 = 25\sqrt{2} V$$

برای بدست آوردن معادلهی زمانی ولتاژ دیاگرام برداری را رسم کنید.

چون $X_C > X_L$ ، مدار خاصیت سلفی دارد و ولتاژ مدار درجه جلوتر از جریان مدار است.

$$\text{Cos}\varphi = \frac{Z}{R} = \frac{5\sqrt{2}}{120} = \frac{\sqrt{2}}{24} \Rightarrow \varphi = 45^\circ$$

فایل ۱۹

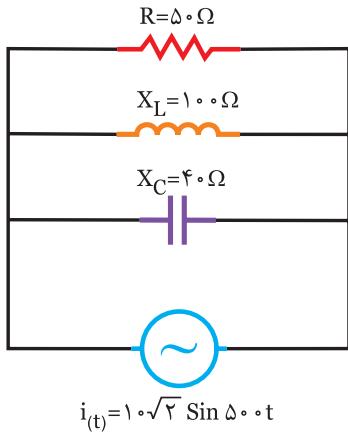


در مدار شکل (۶-۱۰۴) مطلوبست:

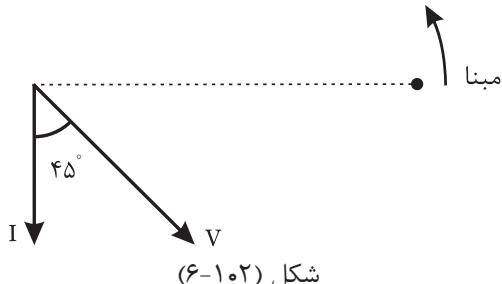
الف) ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن

ب) جریان R، L و C

ج) معادلهی زمانی جریان R، L و C



شکل (۶-۱۰۴)



$$V_m = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} (25\sqrt{2}) = 50 \text{ V}$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t - 45^\circ) \Rightarrow V_{(t)} = 50 \sin(1000t - 45^\circ)$$

ب) با داشتن ولتاژ مدار، جریان L، R و C را بدست

آورید.

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{25\sqrt{2}}{6} = 5.83 \text{ A}$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_C} = \frac{25\sqrt{2}}{15} = 2.33 \text{ A}$$

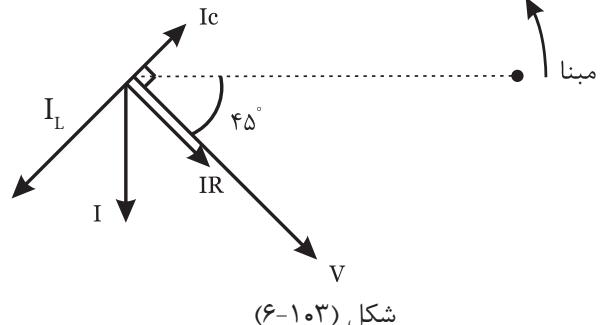
$$I_R = \frac{V_e}{R} = \frac{25\sqrt{2}}{10} = 3.53 \text{ A}$$

ج) برای بدست آوردن معادلهی زمانی جریان R، L و C دیاگرام برداری را ترسیم کرده و با توجه به اینکه جریان سلف ۹۰° عقبتر از ولتاژ و جریان خازن ۹۰° جلوتر از ولتاژ مدار و جریان مقاومت هم فاز ولتاژ می‌باشد. معادله زمانی I_R , I_L , I_C را می‌نویسیم.

$$I_{Rm} = \sqrt{2} I_R = 5 \text{ A}$$

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = 8.3 \text{ A}$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = 3.3 \text{ A}$$



$$i_{L(t)} = 8.3 \sin(1000t - 135^\circ)$$

$$i_{c(t)} = 3.3 \sin(1000t + 45^\circ)$$

$$i_{R(t)} = 5 \sin(1000t - 45^\circ)$$

الف)

$$X = \frac{X_L \cdot X_C}{|X_L - X_C|} = \frac{(.....)(100)}{|100 -|} = \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{(50)(.....)}{\sqrt{50^2 + (.....)^2}} = \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{.....}{.....} = \text{ A}$$

$$Ve = Z \cdot Ie = \times = \text{ V}$$

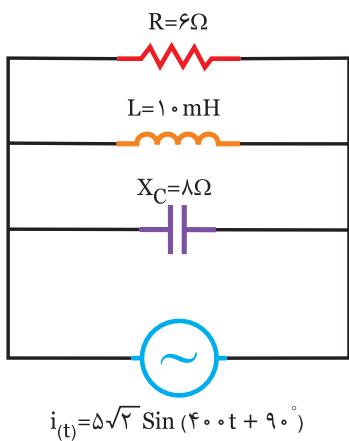
برای بدست آوردن معادلهی زمانی ولتاژ دیاگرام برداری رارسم کنید.

چون $X_L > X_C$ است مدار خاصیت دارد و ولتاژ φ درجه از جریان مدار است.

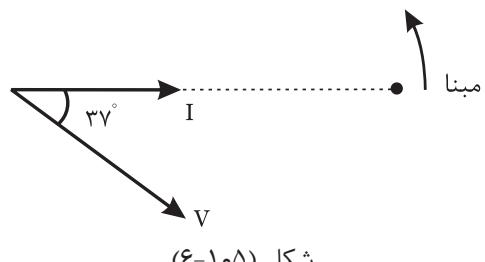
$$\cos\phi = \frac{Z}{R} = \frac{.....}{50} = \Rightarrow \phi = 37^\circ$$



- در مدار شکل (۶-۱۰۷) مطلوبست:
- ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن
 - جريان R , L و C
 - معادلهی زمانی جریان R , R و C



شکل (۶-۱۰۷)



$$V_m = \sqrt{2} \quad V_e = \sqrt{2} (\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots v$$

$$V_{(t)} = \dots\dots\dots \sin(\omega t - 37^\circ)$$

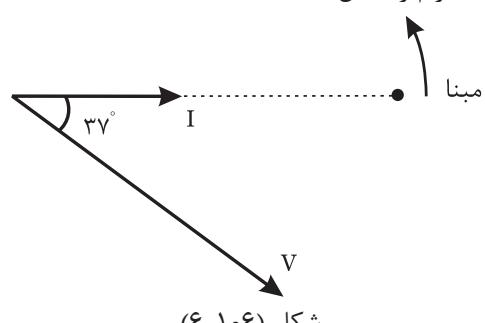
ب) با داشتن ولتاژ مدار، جریان L و C را بدست آورید.

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{\dots\dots\dots}{100} = \dots\dots\dots A$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots A$$

$$I_R = \frac{V_e}{R} = \frac{\dots\dots\dots}{50} = \dots\dots\dots A$$

ج) برای بدست آوردن معادلهی زمانی جریان R , L و C دیاگرام برداری را ترسیم کرده و با توجه به اینکه جریان سلف 90° عقبتر از ولتاژ و جریان خازن 90° جلوتر از ولتاژ مدار و جریان مقاومت هم فاز ولتاژ می‌باشد. معادله زمانی I_L , I_c و I_R را می‌نویسیم.
دیاگرام را کامل کنید.



$$I_{Rm} = \sqrt{2} I_R = \dots\dots\dots A$$

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = \dots\dots\dots A$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = \dots\dots\dots A$$

$$i_{R(t)} = \dots\dots\dots \sin(\omega t - 37^\circ)$$

$$i_{L(t)} = \dots\dots\dots \sin(\omega t - 127^\circ)$$

$$i_{c(t)} = \dots\dots\dots \sin(\omega t + 53^\circ)$$



مثال ۲۰

در مدار شکل (۶-۱۰۸) مطلوبست:

(الف) مقاومت سلفی

(ب) اندوکتانس سلفی

$$\frac{1}{20} = \frac{1}{X_L} - \frac{1}{20} \Rightarrow X_L = 10 \Omega \quad (b)$$

$$X_L = \omega L \Rightarrow L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{10}{500} = 20 \text{ mH}$$

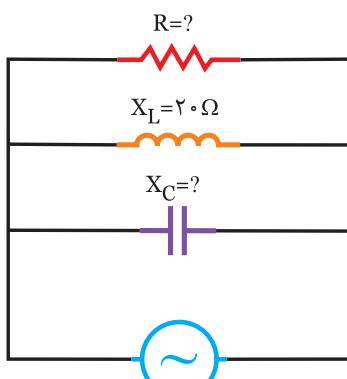
فعالیت ۳

در مدار شکل (۶-۱۱۰) مطلوبست:

(الف) مقاومت خازنی

(ب) ظرفیت خازن بر حسب میکروفاراد

(ج) مقاومت اهمی



$$V_{(t)} = 20 \cdot \sin(500t - 60^\circ)$$

$$i_{(t)} = 10 \sqrt{2} \sin(500t - 15^\circ)$$

شکل (۶-۱۱۰)

حل

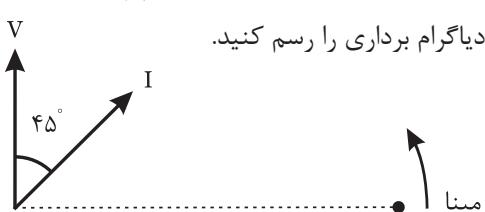
(الف)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 100 \sqrt{2} \text{ V}$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{10 \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 10 \text{ A}$$

$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{100 \sqrt{2}}{10} = \dots\dots \Omega$$

دیاگرام برداری رارسم کنید.



شکل (۶-۱۰۹)

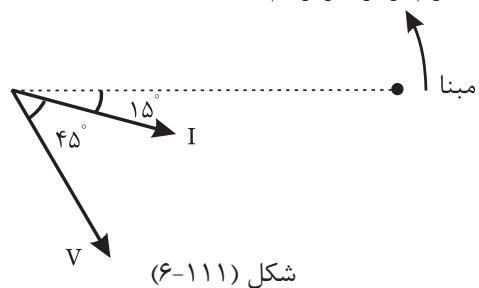
چون ولتاژ مدار ۴۵ جلوتر از جریان می باشد مدار پس فاز

$$\sin \varphi = Z \left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C} \right| \Rightarrow \text{نمایشی باشد.}$$

$$\sin 45^\circ = 10 \sqrt{2} \left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{20} \right| \Rightarrow$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = 10 \sqrt{2} \times \left(\frac{1}{X_L} - \frac{1}{20} \right) \Rightarrow$$

دیاگرام برداری را رسم کنید.



شکل (۶-۱۱۱)

چون ولتاژ 45° عقب‌تر از جریان می‌باشد مدار پیش فاز
 $\sin\phi = \frac{1}{X_C} - \frac{1}{X_L}$ $\Rightarrow X_L > X_C$ می‌باشد.

$$\sin 45^\circ = \left| \frac{1}{X_C} - \frac{1}{20} \right| \Rightarrow$$

$$\dots = \left(\frac{1}{X_C} - \frac{1}{20} \right) \Rightarrow X_C = \dots \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega X_C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{500 \times \dots} = \dots \mu F \quad (b)$$

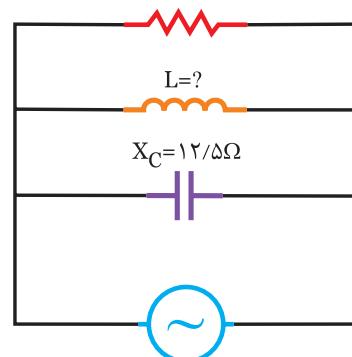
$$\cos\phi = \frac{Z}{R} \Rightarrow \cos 45^\circ = \frac{\dots}{R} \quad (c)$$

$$\Rightarrow \dots = \frac{\dots}{R} \Rightarrow R = \dots \Omega$$

مدرس

در مدار شکل (۶-۱۱۲) مطلوبست:

$$R=?$$



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 500t$$

$$i_{(t)} = 20\sqrt{2} \sin (500t + 37^\circ)$$

شکل (۶-۱۱۲)

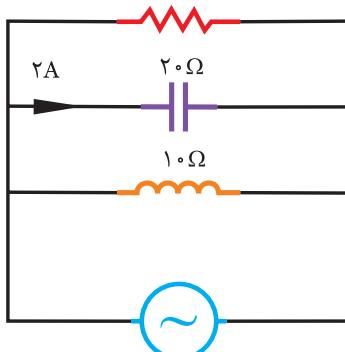
(الف) مقاومت سلفی

(ب) اندوکتانس سلفی

(ج) مقاومت اهمی

در مدار شکل (۶-۱۱۳) مطلوبست:

$$20\Omega$$



شکل (۶-۱۱۳)

(الف) ولتاژ منبع

(ب) جریان منبع

(ج) ضریب قدرت مدار

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots A$$

(ج)

$$\cos\varphi = \frac{Z}{R} = \frac{\dots\dots\dots}{10} = \dots\dots\dots$$

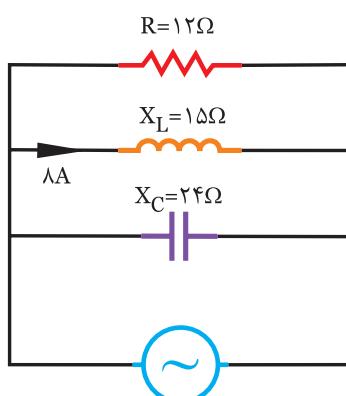


در مدار شکل (۶-۱۱۵) مطلوبست:

الف) ولتاژ منبع

ب) جریان منبع

ج) ضریب قدرت مدار



شکل (۶-۱۱۵)

$$V_e = X_C \cdot I_c = 20 \times 2 = 40 V$$

(الف)

$$X = \frac{X_L \cdot X_C}{|X_L - X_C|} = \frac{10 \times 20}{|20 - 10|} = 20 \Omega$$

(ب)

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2} = \sqrt{20^2 + 20^2} = \frac{20 \times 20}{20\sqrt{2}} = 10\sqrt{2} \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{40}{10\sqrt{2}} = 2\sqrt{2} A$$

(ج)

$$\cos\varphi = \frac{Z}{R} \Rightarrow \cos\varphi = \frac{10\sqrt{2}}{20} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

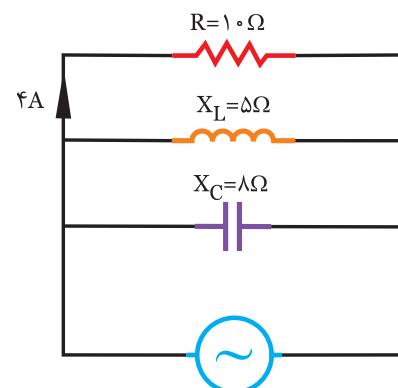
۳۱ فعالیت

در مدار شکل (۶-۱۱۴) مطلوبست:

ب) جریان منبع

الف) ولتاژ منبع

ج) ضریب قدرت مدار



شکل (۶-۱۱۴)

$$V_e = R \cdot I_R = 10 \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots V$$

(الف)

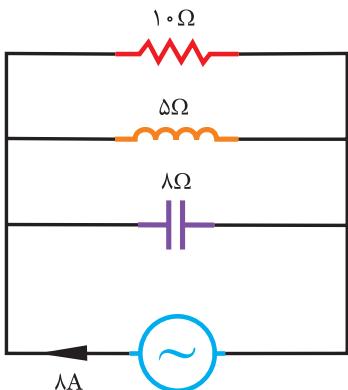
$$X = \frac{X_L \cdot X_C}{|X_L - X_C|} = \frac{\dots\dots\dots \times \dots\dots\dots}{|\dots\dots\dots - \dots\dots\dots|} = \dots\dots\dots \Omega$$

(ب)

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2} = \sqrt{\frac{(\dots\dots\dots)(\dots\dots\dots)}{(\dots\dots\dots)^2 + (\dots\dots\dots)^2}} = \dots\dots\dots \Omega$$

فعالیت ۲۲

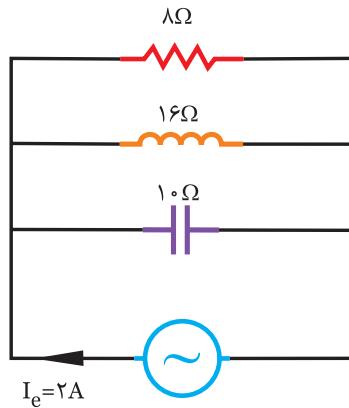
- در مدار شکل (۶-۱۱۷) مطلوبست:
 الف) توان مفید
 ب) توان غیرمفید
 ج) توان ظاهری



شکل (۶-۱۱۷)

مثال ۲۲

- در مدار شکل (۶-۱۱۶) مطلوبست:
 الف) توان مصرفی
 ب) توان غیر مصرفی
 ج) توان ظاهری



شکل (۶-۱۱۶)

(الف)

$$X = \frac{X_L \cdot X_C}{|X_L - X_C|} = \frac{\dots \times \dots}{|\dots - \dots|} = \dots \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{(\dots)(\dots)}{\sqrt{(\dots)^2 + (\dots)^2}} = \dots \Omega$$

$$V_e = Z \cdot I_e = (\dots)(\lambda) = \dots V$$

$$\cos \varphi = \frac{Z}{R} = \frac{\dots}{10} = \dots$$

$$P_e = V_e \cdot I_e \cdot \cos \varphi = (\dots)(\dots)(\dots) = \dots W$$

(ب)

$$\sin \varphi = Z \left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C} \right| = \dots \left| \frac{1}{5} - \frac{1}{8} \right| = \dots$$

$$P_d = V_e \cdot I_e \cdot \cos \varphi = (\dots)(\dots)(\dots) = \dots V.A.R$$

(ج)

$$P_s = V_e \cdot I_e = (\dots)(\dots) = \dots V.A$$

(الف)

$$X = \frac{X_L \cdot X_C}{|X_L - X_C|} = \frac{10 \times 16}{|16 - 10|} = 26/6 \Omega$$

$$Z = \frac{R \cdot X}{\sqrt{R^2 + X^2}} = \frac{(8)(26/6)}{\sqrt{8^2 + (26/6)^2}} = \frac{213/3}{27/84} = 7/66 \Omega$$

$$V_e = Z \cdot I_e = 7/66 \times 2 = 15/33 V$$

$$\cos \varphi = \frac{Z}{R} = \frac{7/66}{8} = 0/95$$

$$P_e = V_e \cdot I_e \cdot \cos \varphi = (15/33)(2)(0/95) = 29/1 W$$

(ب)

$$\sin \varphi = Z \left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C} \right| = 7/66 \left| \frac{1}{10} - \frac{1}{16} \right| = 0/28$$

$$P_d = V_e \cdot I_e \cdot \cos \varphi = (15/33)(2)(0/28) = 8/8 V.A.R$$

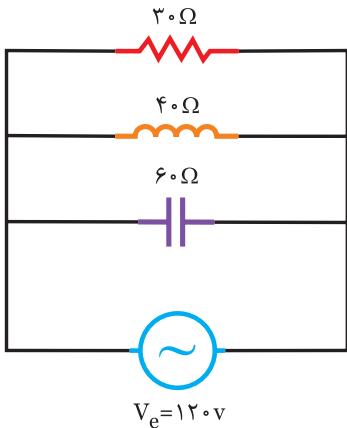
(ج)

$$P_s = V_e \cdot I_e = 15/33 \times 2 = 30/66 V.A$$

مثال ۲۳

در مدار شکل (۶-۱۱۹) مطلوبست:

- الف) توان موثر
- ب) توان غیرموثر
- ج) توان ظاهری

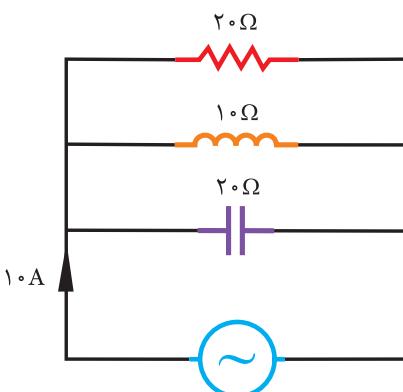


شکل (۶-۱۱۹)

مدرس

در مدار شکل (۶-۱۱۸) مطلوبست:

- الف) توان موثر
- ب) توان راکتیو
- ج) توان ظاهری



شکل (۶-۱۱۸)

(الف)

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} = \frac{(120)^2}{30} = 480 \text{ W}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} = \frac{(120)^2}{40} = 360 \text{ VAR}$$

$$P_{dc} = -\frac{V_e^2}{X_C} = -\frac{(120)^2}{60} = -240 \text{ VAR}$$

$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = 360 - 240 = 120 \text{ V.A.R}$$

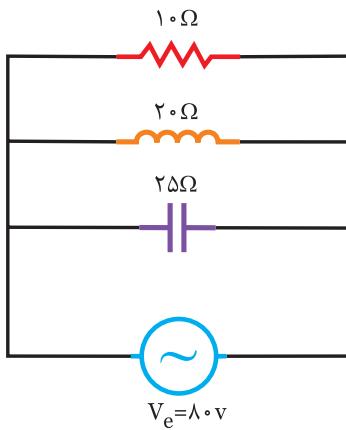
(ج)

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(480)^2 + (120)^2} = 494.7 \text{ V.A}$$

مکانیزم

در مدار شکل (۶-۱۲۱) مطلوبست:

- الف) توان موثر
- ب) توان غیرموثر
- ج) توان ظاهری

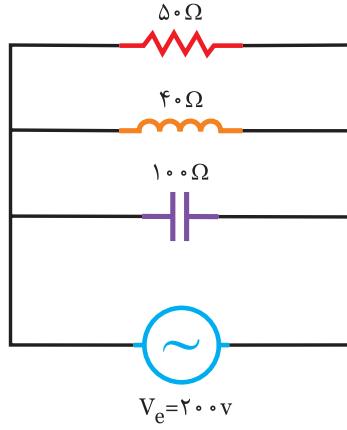


شکل (۶-۱۲۱)

فعالیت ۲۳

در مدار شکل (۶-۱۲۰) مطلوبست:

- الف) توان اکتیو
- ب) توان راکتیو
- ج) توان ظاهری



شکل (۶-۱۲۰)

حل

.....
.....

.....
.....

.....
.....

.....
.....

.....
.....

.....
.....

.....
.....

الف)

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} = \frac{(\dots\dots\dots)^2}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \text{W}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} = \frac{(\dots\dots\dots)^2}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \text{VAR}$$

$$P_{dc} = -\frac{V_e^2}{X_C} = -\frac{(\dots\dots\dots)^2}{\dots\dots\dots} = -\dots\dots\dots \text{VAR}$$

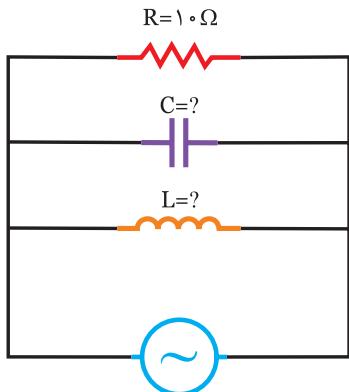
$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = \dots\dots\dots - \dots\dots\dots = \dots\dots\dots \text{VAR}$$

(ج)

$$P_s = \sqrt{P_e + P_d} = \sqrt{(\dots\dots\dots)^2 + (\dots\dots\dots)^2} = \dots\dots\dots \text{VA}$$

فعالیت ۱۲۳

در مدار شکل (۶-۱۲۳) اگر $I_C = 3I_L$ باشد مطلوبست:
اندازه‌ی C و L



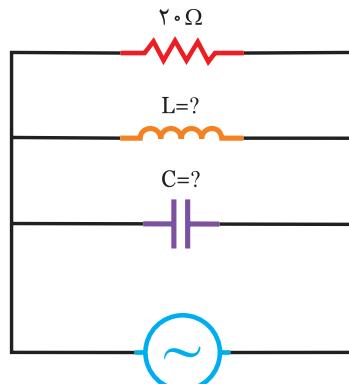
$$V_{(t)} = 40\sqrt{2} \sin(1000t - 37^\circ)$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin 1000t$$

شکل (۶-۱۲۳)

مثال ۱۲۲

در مدار شکل (۶-۱۲۲) اگر $I_L = 2I_C$ باشد مطلوبست:
اندازه‌ی L و C



$$V_{(t)} = 100 \sin(500t + 30^\circ)$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(500t - 15^\circ)$$

شکل (۶-۱۲۲)

$$Ve = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 50\sqrt{2} V$$

$$Ie = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{50\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 50 A$$

مدار پیش فاز می‌باشد.

$$\varphi = \theta_v - \theta_I = -37^\circ$$

$$\sin \varphi = \frac{|I_c - I_L|}{I_e} \Rightarrow \sin 37^\circ = \frac{3I_L - I_L}{50} \Rightarrow \frac{2}{5} = \frac{2I_L}{50}$$

$$I_L = 25 A \Rightarrow I_c = 3I_L = 3(25) = 75 A$$

$$X_L = \frac{Ve}{I_L} = \frac{50\sqrt{2}}{25} = 10 \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{10}{1000} = 1 mH$$

$$X_C = \frac{Ve}{I_c} = \frac{50\sqrt{2}}{75} = 10 \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{1000 \times 10} = 100 \mu F$$

$$Ve = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 50\sqrt{2} A$$

$$Ie = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{50\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 50 A$$

مدار پس فاز

$$\varphi = \theta_v - \theta_I \Rightarrow \varphi = 30 - (-15) = 45^\circ$$

$$\sin \varphi = \frac{|I_L - I_c|}{I_e} \Rightarrow \sin 45^\circ = \frac{2I_c - I_c}{50} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{I_c}{50}$$

$$I_c = \frac{50\sqrt{2}}{2} A \quad I_L = 2I_c = 2\left(\frac{50\sqrt{2}}{2}\right) = 50\sqrt{2} A$$

$$X_L = \frac{Ve}{I_L} = \frac{50\sqrt{2}}{50\sqrt{2}} = 10 \Omega$$

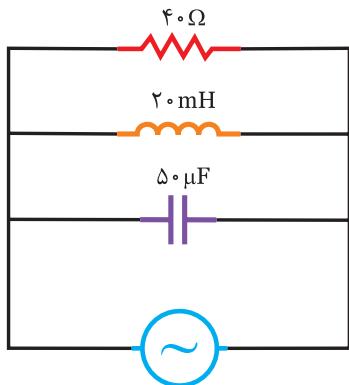
$$X_C = \frac{Ve}{I_c} = \frac{50\sqrt{2}}{50\sqrt{2}} = 10 \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{10}{1000} = 1 mH$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{1000 \times 10} = 100 \mu F$$

مثال ۲۵

- در مدار شکل (۶-۱۲۵) مطلوبست:
- فرکانس رزنانس
 - ضریب کیفیت و پهناهی باند
 - فرکانس‌های نیم توان



شکل (۶-۱۲۵)

(الف)

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{20 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-6}}} = 160 \text{ Hz}$$

(ب)

$$Q_o = RC\omega_o = 4.0 \times 50 \times 10^{-6} \times 2\pi \times 160 = 2$$

$$BW = \frac{f_r}{Q_o} = \frac{160}{2} = 80 \text{ Hz}$$

(ج)

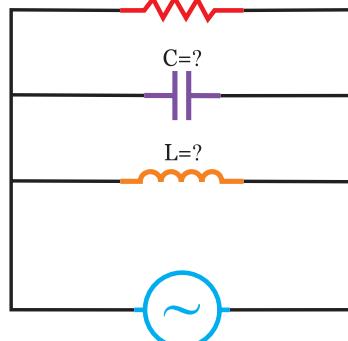
$$f_L = f_r - \frac{BW}{2} = 160 - \frac{80}{2} = 120 \text{ Hz}$$

$$f_H = f_r + \frac{BW}{2} = 160 + \frac{80}{2} = 200 \text{ Hz}$$

تمرین

- در مدار شکل (۶-۱۲۴) اگر $I_L = 4I_C$ باشد مطلوبست:
- اندازه‌ی L و C

$$R = 20 \Omega$$



$$V_{(t)} = 20 \sin 250t$$

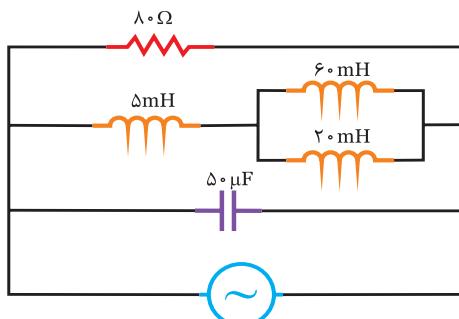
$$i_{(t)} = 10\sqrt{2} \sin (250t + \frac{\pi}{4})$$

شکل (۶-۱۲۴)



مطلب

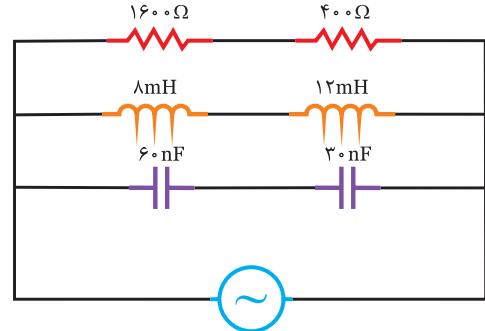
- در مدار شکل (۶-۱۲۷) مطلوبست:
- فرکانس رزنانس
 - ضریب کیفیت و پهنهای باند
 - فرکانس‌های نیم توان



شکل (۶-۱۲۷)

فعالیت ۲۵

- در مدار شکل (۶-۱۲۶) مطلوبست:
- فرکانس رزنانس
 - ضریب کیفیت و پهنهای باند
 - فرکانس‌های نیم توان



شکل (۶-۱۲۶)

حل

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

حل

$$R_t = R_1 + R_2 = \dots + \dots = \dots \Omega$$

$$L_t = L_1 + L_2 = 8 + 12 = 20 \text{ mH}$$

$$C_t = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{60 \times 30}{\dots + \dots} = \dots \text{ nF}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_t C_t}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\dots \times \dots}} =$$

$$Q_o = 2\pi f R C = 2\pi (\dots)(\dots)(\dots) =$$

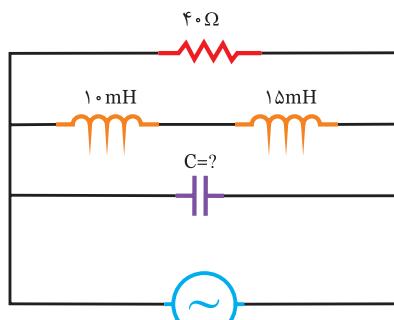
$$BW = \frac{f_r}{Q_o} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ Hz}$$

$$f_L = f_r - \frac{BW}{2} = \dots - \frac{\dots}{2} = \dots \text{ Hz}$$

$$f_H = f_r + \frac{BW}{2} = \dots + \frac{\dots}{2} = \dots \text{ Hz}$$

مثال ۲۶

در مدار شکل (۶-۱۳۰) اگر مدار در حالت رزنانس باشد
ظرفیت خازن چند میکروفاراد است.

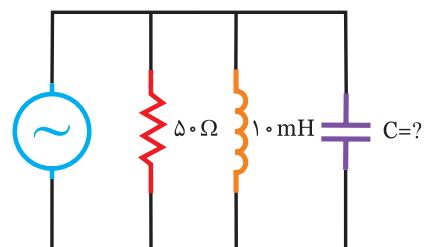


$$\omega = 25 \text{ rad/s}$$

شکل (۶-۱۳۰)

حل

در مدار شکل (۶-۱۲۸) اگر مدار در حالت تشیدید قرار گیرد ظرفیت خازن C چقدر است.



$$\omega = 50 \text{ rad/s}$$

شکل (۶-۱۲۸)

حل

شرط رزنانس مدار $X_L = X_C$ باید باشد، لذا داریم:

$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega^2 L}$$

$$C = \frac{1}{(500)^2 \times 10 \times 10^{-3}} = 400 \mu F$$

حل

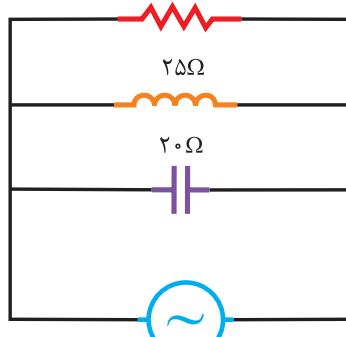
مثال ۲۷

در مدار شکل (۶-۱۳۱) مطلوبست:

الف) فرکانس تشیدید

ب) امپدانس مدار در حالت تشیدید

ج) جریان مدار در حالت تشیدید
 40Ω

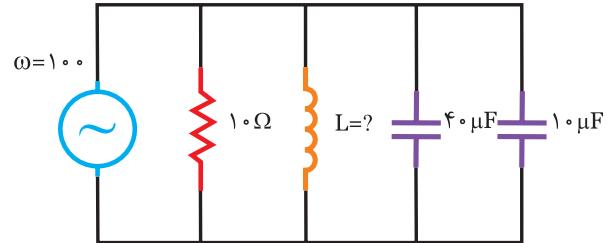


$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 500t$$

شکل (۶-۱۳۱)

حل

در مدار شکل (۶-۱۲۹) اگر مدار در حالت تشیدید قرار گیرد اندوکتانس L را بدست آورید.



شکل (۶-۱۲۹)

حل

$$C_t = C_1 + C_2 = 40 + 10 = 50 \mu F$$

$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C}$$

$$\Rightarrow L = \frac{1}{..... \times} = \frac{1}{..... \times}$$

$$L = \text{ mH}$$



(الف)

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots\dots}{250} = \dots\dots \text{mH}$$

$$C = \frac{1}{X_C \cdot \omega} = \frac{1}{\dots\dots \times 250} = \dots\dots \mu\text{F}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\dots\dots \times \dots\dots}} = \dots\dots \text{Hz}$$

(ب)

$$Z = R \Rightarrow Z = \dots\dots \Omega$$

(ج)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots\dots}{\sqrt{2}} = \dots\dots \text{V}$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} = \dots\dots \text{A}$$



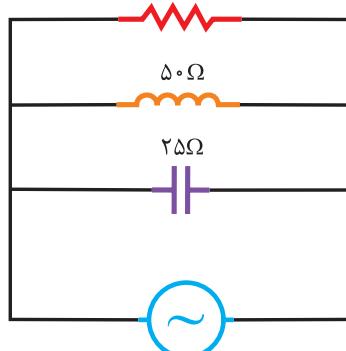
در مدار شکل (۶-۱۳۳) مطلوب است:

(الف) فرکانس تشیدید

(ب) امپدانس مدار در حالت تشیدید

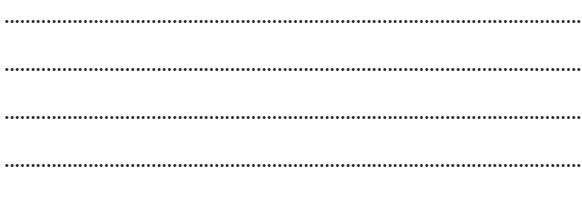
(ج) جریان مدار در حالت تشیدید

8Ω



$$V_{(t)} = 160\sqrt{2} \sin(400t + 20^\circ)$$

شکل (۶-۱۳۳)



الف) ابتدا و C را بدست آورید.

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{25}{500} = 50 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{20 \times 500} = 100 \mu\text{F}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{50 \times 10^{-3} \times 100 \times 10^{-6}}} = \frac{1000}{2\pi\sqrt{5}}$$

$= 71/\pi \text{ Hz}$

ب) از آنجاییکه در رزنانس $X_L = X_C$ می‌باشد لذا:

$$Z = R \Rightarrow Z = 40\Omega$$

(ج)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100\text{V}$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{40} = 2.5 \text{ A}$$



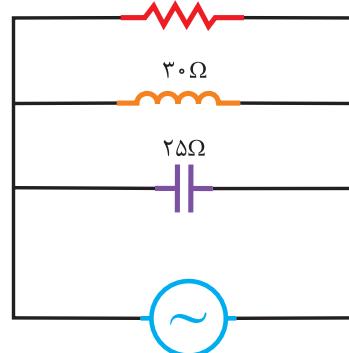
در مدار شکل (۶-۱۳۲) مطلوب است:

(الف) فرکانس تشیدید

(ب) امپدانس مدار در حالت تشیدید

(ج) جریان مدار در حالت تشیدید

25Ω



$$V_{(t)} = 200\sqrt{2} \sin(250t - 45^\circ)$$

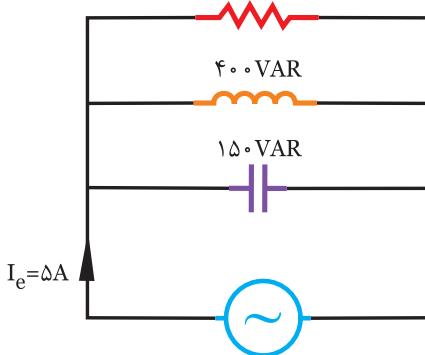
شکل (۶-۱۳۲)

فایل ۲۱

در مدار شکل (۶-۱۳۵) مطلوبست:

(الف) اندازهی ولتاژ منبع

(ب) اندازهی C , R , L و $250W$



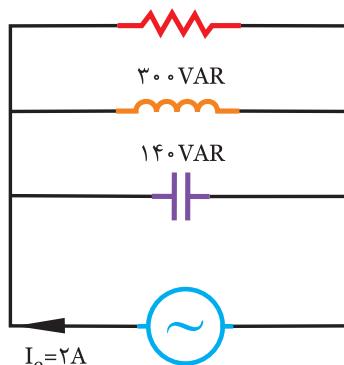
$$\omega = 400 \text{ Rad/s}$$

شکل (۶-۱۳۵)

در مدار شکل (۶-۱۳۴) مطلوبست:

(الف) اندازهی ولتاژ منبع

(ب) اندازهی C , R , L و $120W$



$$\omega = 500 \text{ Rad/s}$$

شکل (۶-۱۳۴)

حل

(الف)

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + (P_{dL} - P_{dc})^2} = \sqrt{(\dots\dots\dots)^2 + (\dots\dots\dots - \dots\dots\dots)^2}$$

$$= \dots\dots\dots V.A$$

$$Ps = V_e \cdot I_e \Rightarrow V_e = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots v$$

(ب)

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} \Rightarrow R = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} \Rightarrow X_L = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots\dots\dots}{500} = \dots\dots\dots mH$$

$$P_{dc} = \frac{V_e^2}{X_C} \Rightarrow X_C = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega \cdot X_C} = \frac{1}{500 \times 400} = \dots\dots\dots \mu F$$

حل

(الف)

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + (P_{dL} - P_{dc})^2} = \sqrt{(120)^2 + (140 - 300)^2}$$

$$= 200 V.A$$

$$Ps = V_e \cdot I_e \Rightarrow V_e = \frac{Ps}{I_e} = \frac{200}{2} = 100 v$$

(ب)

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} \Rightarrow R = \frac{V_e^2}{P_e} = \frac{(100)^2}{120} = 83/3 \Omega$$

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} \Rightarrow X_L = \frac{V_e^2}{P_{dL}} = \frac{(100)^2}{300} = 33/3 \Omega$$

$$X_L = 33/3 \Omega \Rightarrow L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{33/3}{500} = 66/5 mH$$

$$P_{dc} = \frac{V_e^2}{X_C} \Rightarrow X_C = \frac{V_e^2}{P_{dc}} = \frac{(100)^2}{140} = 71/4 \Omega$$

$$X_C = 71/4 \Omega \Rightarrow C = \frac{1}{\omega \cdot X_C} = \frac{1}{500 \times 71/4} = 28 \mu F$$

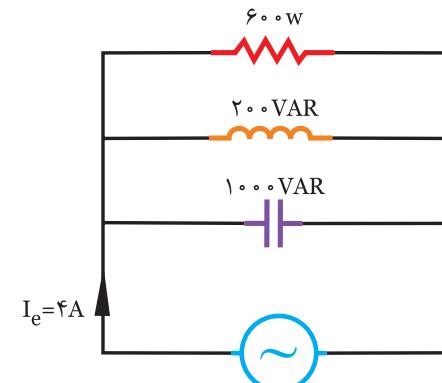


مکانیزم

در مدار شکل (۶-۱۳۶) مطلوبست:

(الف) اندازه‌ی ولتاژ منبع

(ب) اندازه‌ی R , L و C



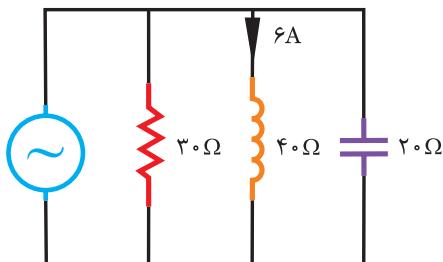
$$\omega = 250 \text{ Rad/s}$$

شکل (۶-۱۳۶)



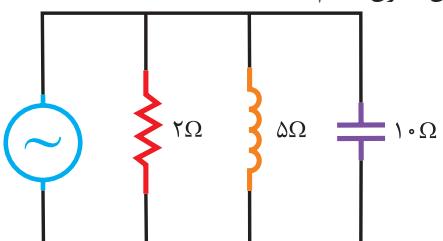


- ۱- اگر در مدار RLC موازی فرکانس افزایش یابد، توان مفید..... .
- ۲- اگر در مدار RLC موازی فرکانس افزایش یابد، ابتدا توان راکتیو و سپس
- ۳- اگر در مدار RLC موازی فرکانس افزایش یابد، ابتدا جریان کل مدار و سپس
- ۴- در شکل (۶-۱۳۷) جریان کل چند آمپر است.



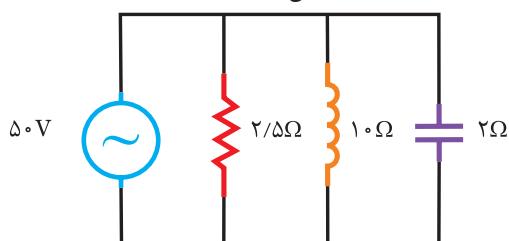
شکل (۶-۱۳۷)

- (۱) ۱۰
(۲) ۲۰
(۳) ۱۲
(۴) ۲۶



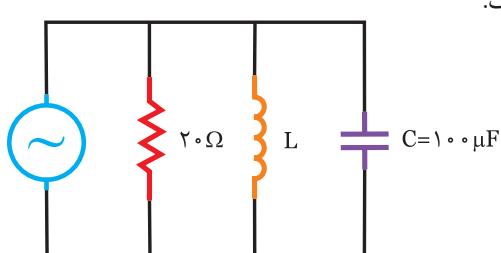
شکل (۶-۱۳۸)

- ۵- اگر در شکل (۶-۱۳۸)، $I_R = 10\sqrt{2} \sin 300t$ باشد. معادله‌ی جریان خازن کدام است.
- (۱) $\sqrt{2} \sin(300t + 90^\circ)$
(۲) $2\sqrt{2} \sin(300t + 90^\circ)$
(۳) $2\sqrt{2} \sin(300t - 90^\circ)$
(۴) $\sqrt{2} \sin 300t$



شکل (۶-۱۳۹)

- ۶- در مدار شکل (۶-۱۳۹) توان ظاهری چند ولت آمپر است.
- (۱) ۲۰۰۰
(۲) ۲۵۰۰
(۳) $1000\sqrt{2}$
(۴) $2000\sqrt{2}$



$$V_e = 200 \sin 500t$$

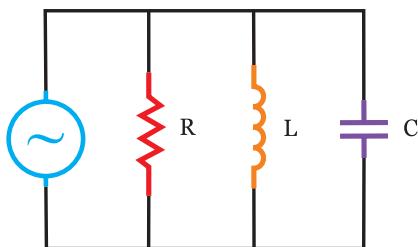
$$i_e = 10\sqrt{2} \sin(500t - \varphi)$$

شکل (۶-۱۴۰)

۸- در شکل (۶-۱۴۱) مطلوبست:

الف) اندازه‌ی R ، L و C

ب) معادله‌ی جریان هر شاخه



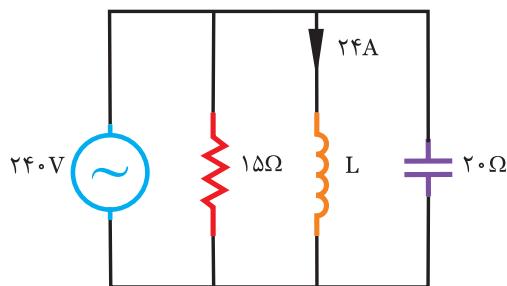
$$V_e = 100 \sin(2500t - 30^\circ)$$

$$i_e = 5 \sin(2500t + 15^\circ)$$

$$i_C = 10 \sin(2500t + 60^\circ)$$

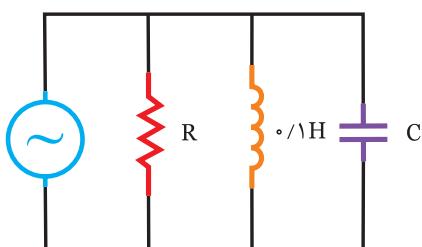
شکل (۶-۱۴۱)

۹- در مدار شکل (۶-۱۴۲) جریان کل را بدست آورید.



شکل (۶-۱۴۲)

۱۰- در مدار شکل (۶-۱۴۳) اگر $P_e = Ps$ باشد، C و R را بدست آورید.



$$V_e = 50\sqrt{2} \sin 500t$$

$$i_e = 2 \sin(500t - 45^\circ)$$

شکل (۶-۱۴۳)

۶-۶- مدارهای RLC مختلط:

مدارهای مختلط از چند مدار ساده‌ی RLC، RC و RL در شاخمهای سری و موازی تشکیل می‌شود که اگر این مدارها ساده شوند به RL یا RC تبدیل می‌شوند با استفاده از دیاگرام برداری و قراردادن ولتاژ به عنوان مبدأ و انجام محاسبات در مراحل مختلف مجهولات را بدست می‌آوریم که جهت آشنایی به چند مثال اکتفا می‌کنیم.

مثال ۱۴۴

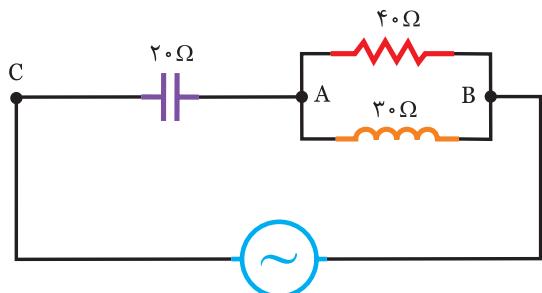


در مدار شکل (۶-۱۴۴) مطلوب است:

(الف) جریان کل مدار

(ب) ولتاژ کل منبع

(ج) امپدانس کل مدار



$$V_{AB} = 120 \text{ V}$$

شکل (۶-۱۴۴)

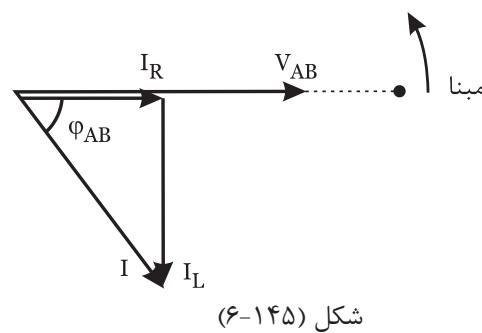


(الف) ابتدا باید جریان عبوری از سلف و خازن را بدست آوریم.

$$I_R = \frac{V_{AB}}{R} = \frac{120}{40} = 3 \text{ A}$$

$$I_L = \frac{V_{AB}}{X_L} = \frac{120}{30} = 4 \text{ A}$$

برای بدست آوردن جریان منبع نیاز به رسم دیاگرام برداری می‌باشد. که جریان مقاومت هم فاز ولتاژ دو سرش می‌باشد و جریان عبوری از سلف ۹۰ عقب‌تر از ولتاژ دو سرش می‌باشد، لذا داریم:



چون I_R و I_L بر هم عمودند، داریم:

$$I_e = I_c = \sqrt{I_R^2 + I_L^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \text{ A}$$

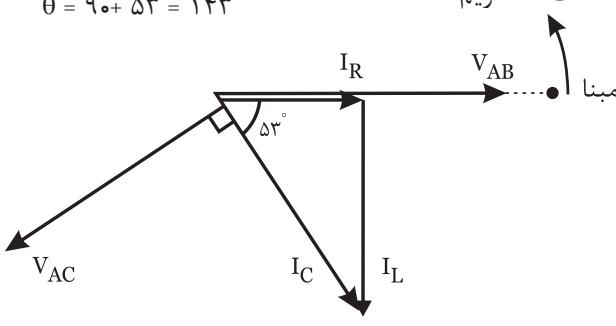
$$\tan \varphi_{AB} = \frac{I_R}{I_L} = \frac{4}{3} = 1.33 \Rightarrow \varphi_{AB} = 53^\circ$$

(ب)

$$V_{AC} = I_c \cdot X_C = 5 \times 20 = 100 \text{ V}$$

برای بدست آوردن ولتاژ منبع باید V_{AB} و V_{AC} را به صورت برداری جمع کنیم لذا نیاز به رسم دیاگرام برداری است. ولتاژ دو سر خازن از جریان عبوری خازن 90° عقب‌تر

$$\theta = 90^\circ + 53^\circ = 143^\circ$$



شکل (۶-۱۴۶)

چون زاویه‌ی بین V_{AB} و V_{AC} $\theta = 90^\circ$ درجه می‌باشد به صورت زیر عمل می‌نماییم.

$$V = \sqrt{V_{AB}^2 + V_{AC}^2 + 2V_{AB} \cdot V_{AC} \cdot \cos \theta} = \sqrt{120^2 + 100^2 + 2(120)(100) \cos 143^\circ}$$

$$V = 72.1 \text{ V}$$

(ج) برای بدست آوردن امپدانس مدار با داشتن ولتاژ و جریان منبع به صورت زیر عمل می‌نماییم.

$$Z = \frac{V_e}{I} = \frac{72.1}{5} = 14.4 \Omega$$

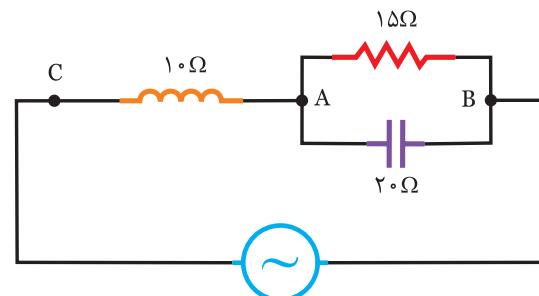

فعالیت ۱۴

در مدار شکل (۶-۱۴۷) مطلوبست:

(الف) جریان منبع

(ب) ولتاژ منبع

(ج) امپدانس کل



$$V_{AB} = 6 \text{ V}$$

شکل (۶-۱۴۷)

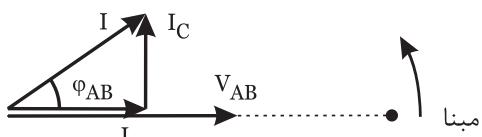


الف)

$$I_R = \frac{V_{AB}}{R} = \frac{6}{10} = 0.6 \text{ A}$$

$$I_C = \frac{V_{AB}}{X_C} = \frac{6}{20} = 0.3 \text{ A}$$

برای بدست آوردن جریان منبع نیاز به رسم دیاگرام برداری است که جریان مقاومت هم فاز ولتاژ AB و جریان خازن 90° جلوتر از ولتاژ AB می باشد.



شکل (۶-۱۴۸)

چون I_R و I_C بر هم عمودند، داریم:

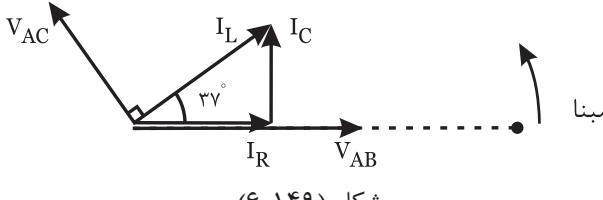
$$I = I_L = \sqrt{I_R^2 + I_C^2} = \sqrt{(0.6)^2 + (0.3)^2} = 0.67 \text{ A}$$

$$\tan \varphi_{AB} = \frac{I_C}{I_R} = \frac{0.3}{0.6} = 0.5 \Rightarrow \varphi_{AB} = 37^\circ$$

ب)

$$V_{AC} = I_L \cdot X_L = (0.67) (10) = 6.7 \text{ V}$$

برای بدست آوردن ولتاژ منبع باید V_{AB} و V_{AC} را به صورت برداری جمع کنیم لذا نیاز به رسم دیاگرام برداری است. ولتاژ دو سر سلف از جریان عبوری خازن 90° جلوتر است، که داریم:



شکل (۶-۱۴۹)

چون زاویه بین V_{AC} و V_{AB} 127° می باشد برآیند آنها به صورت زیر است.

$$V = \sqrt{V_{AB}^2 + V_{AC}^2 + 2V_{AB}V_{AC} \cos 127^\circ} = \sqrt{6^2 + (.....)^2 + 2(6)(.....) \cos 127^\circ}$$

$$V = \text{ V}$$

ج)

$$Z = \frac{Ve}{I} = \frac{.....}{.....} = \Omega$$

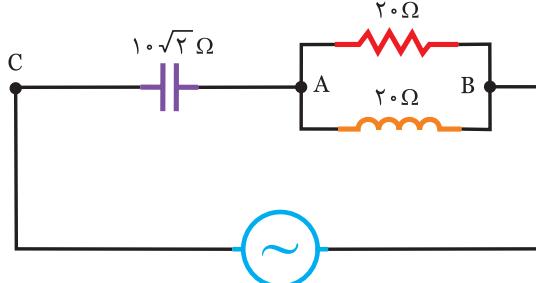


در مدار شکل (۶-۱۵۰) مطلوبست:

(الف) جریان منبع

(ب) ولتاژ منبع

(ج) امپدانس کل مدار



$$V_{AB} = 6\sqrt{2} \text{ V}$$

شکل (۶-۱۵۰)

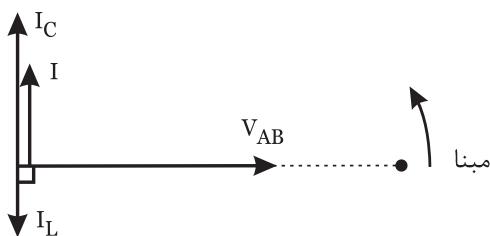
الف) ابتدا جریان سلف و خازن را بدست می‌آوریم.

$$I_L = \frac{V_{AB}}{X_L} = \frac{100}{50} = 2 A$$

$$I_C = \frac{V_{AB}}{X_C} = \frac{100}{20} = 5 A$$

برای بدست آوردن جریان منبع نیاز به رسم دیاگرام برداری می‌باشد. که جریان سلف 90° عقب‌تر از V_{AB} و جریان خازن 90° جلوتر از V_{AB} می‌باشد، لذا داریم:

$$I = I_R = I_L + I_C$$



شکل (۶-۱۵۲)

$$I = |I_C - I_L| = 5 - 2 = 3 A$$

ب) ابتدا توان‌ها را بدست می‌آوریم.

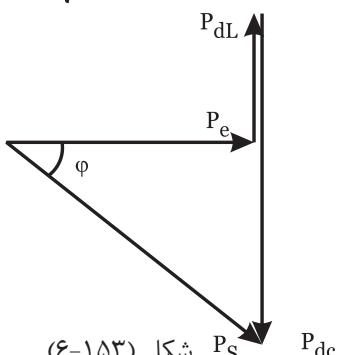
$$P_e = RI_R^2 = 30(3)^2 = 270 W$$

$$P_{dL} = X_L I_L^2 = 50(2)^2 = 200 VAR$$

$$P_{dc} = -X_C I_C^2 = 20(5)^2 = -500 VAR$$

$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = 200 - 500 = -300 VAR$$

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(270)^2 + (-300)^2} = 403/6 V.A$$



شکل (۶-۱۵۳)

$$\cos\phi = \frac{P_e}{P_s} = \frac{270}{403/6} = 0.66$$

-
-
-
-
-
-
-
-
-
-
-
-
-
-
-
-
-

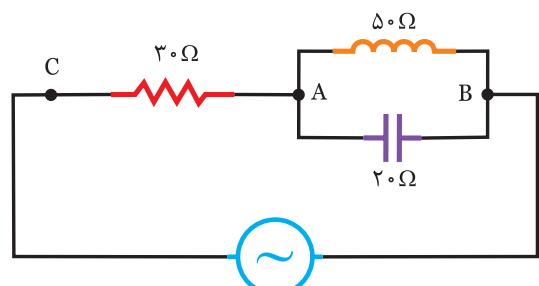


در مدار شکل (۶-۱۵۱) مطلوب است:

الف) جریان منبع

ب) رسم مثلث توان‌ها

ج) ضریب توان مدار

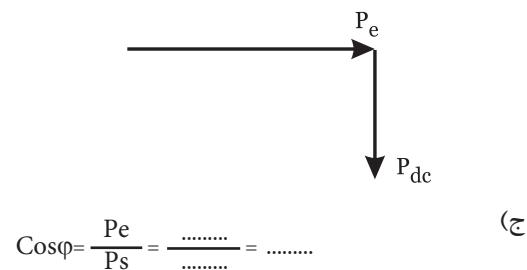


$$V_{AB} = 100 V$$

شکل (۶-۱۵۱)

فعالیت ۳۰

دیاگرام مثلث توان را کامل کنید.

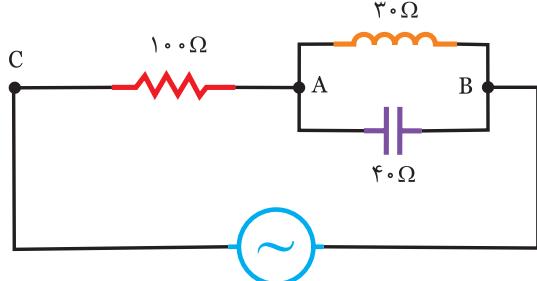


در مدار شکل (۶-۱۵۴) مطلوبست:

(الف) جریان منبع

(ب) رسم مثلث توان ها

(ج) ضریب توان مدار



شکل (۶-۱۵۴)

الف)

$$I_c = \frac{V_{AB}}{X_C} = \frac{120}{.....} = A$$

$$I_L = \frac{V_{AB}}{X_L} = \frac{120}{.....} = A$$

$$I = I_R = I_L + I_C$$

برای بدست آوردن جریان منبع نیاز به رسم دیاگرام

برداری است.

دیاگرام برداری را کامل کنید.

مبنای

$$I = |I_L - I_C| = |..... - ..| = A$$

$$P_e = R I_R^2 = (100)(.....)^2 = W$$

$$P_{dL} = X_L I_L^2 = (30)(.....)^2 = VAR$$

$$P_{dc} = -X_C I_C^2 = (40)(.....)^2 = -..... VAR$$

$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = - = VAR$$

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(.....)^2 + (.....)^2} = V.A$$

- جریان شاخه‌ی اول φ_1 درجه عقب‌تر از ولتاژ می‌باشد
چون خاصیت سلفی دارد.

$$\cos\varphi_1 = \frac{R_1}{Z_1} = \frac{6}{10} = 0.6 \Rightarrow \varphi_1 = 53^\circ$$

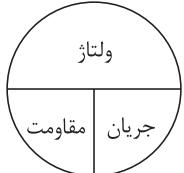
- جریان شاخه‌ی دوم φ_2 درجه جلوتر از ولتاژ می‌باشد
چون خاصیت خازنی دارد.

$$\cos\varphi_2 = \frac{R_2}{Z_2} = \frac{4}{5} = 0.8 \Rightarrow \varphi_2 = 37^\circ$$

- با توجه به دیاگرام برداری I_1 و I_2 بر هم عمودند، لذا
داریم:

$$I_e = \sqrt{I_1^2 + I_2^2} = \sqrt{10^2 + 20^2} = \sqrt{500} = 22.36 \text{ A}$$

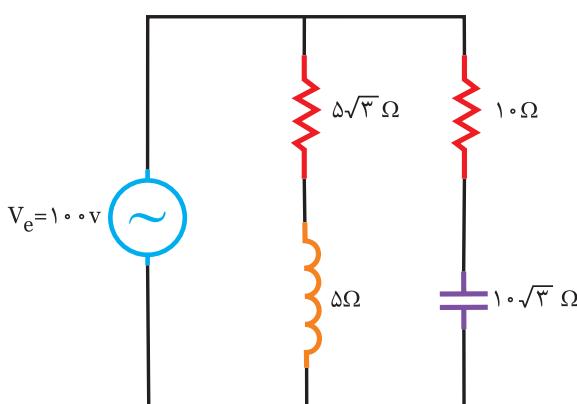
(ج)



$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{100}{22.36} = 4.474 \Omega$$

فعالیت ۲۱

در مدار شکل (۶-۱۳۲) مطلوبست:
الف) جریان هر شاخه
ب) جریان منبع
ج) امپدانس کل مدار



شکل (۶-۱۵۸)

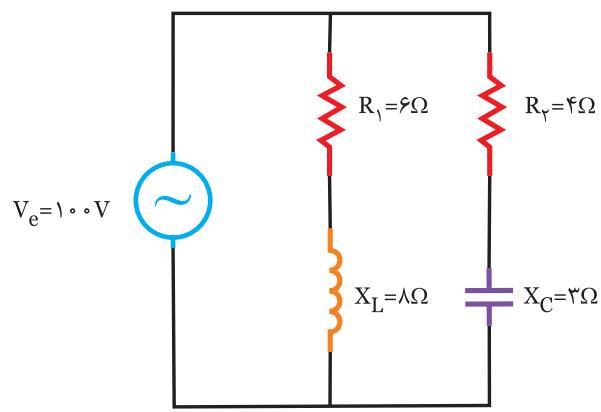
مثال ۲۱

در مدار شکل (۶-۱۵۶) مطلوبست:

الف) جریان هر شاخه

ب) جریان منبع

ج) امپدانس کل مدار



شکل (۶-۱۵۶)

حل

الف) برای بدست آوردن جریان، باید امپدانس هر شاخه را بدست آورید.

$$Z_1 = \sqrt{R_1^2 + X_L^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10 \Omega$$

$$I_1 = \frac{V_e}{Z_1} = \frac{100}{10} = 10 \text{ A}$$

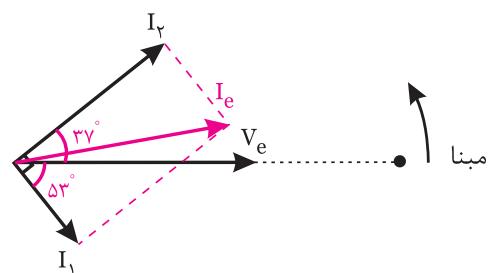
$$Z_2 = \sqrt{R_2^2 + X_C^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \Omega$$

$$I_2 = \frac{V_e}{Z_2} = \frac{100}{5} = 20 \text{ A}$$

ب) برای بدست آوردن جریان منبع باید دیاگرام برداری رسم کرد.

- مبدأ را ترسیم کنید.

- ولتاژ منبع را رسم کنید.



شکل (۶-۱۵۷)

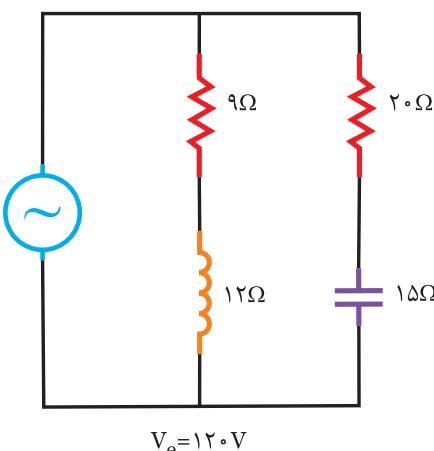


در مدار شکل (۶-۱۶۰) مطلوب است:

الف) جریان هر شاخه

ب) جریان منبع

ج) امپدانس کل مدار



شکل (۶-۱۶۰)



(ف)

$$Z_1 = \sqrt{R_1^2 + X_L^2} = \sqrt{(\dots\dots)^2 + (\dots\dots)^2} = \dots\dots \Omega$$

$$I_1 = \frac{V_e}{Z_1} = \frac{120}{\dots\dots} = \dots\dots A$$

$$Z_2 = \sqrt{R_2^2 + X_C^2} = \sqrt{(\dots\dots)^2 + (\dots\dots)^2} = \dots\dots \Omega$$

$$I_2 = \frac{V_e}{Z_2} = \frac{120}{\dots\dots} = \dots\dots A$$

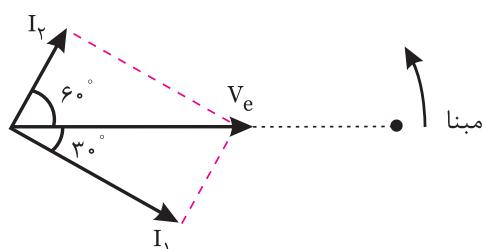
ب) باید دیاگرام برداری رسم شود.

- جریان شاخه‌ی اول φ_1 درجه عقب‌تر از ولتاژ منبع

$$\cos\varphi_1 = \frac{R_1}{Z_1} = \frac{5\sqrt{3}}{\dots\dots} = \dots\dots \Rightarrow \varphi_1 = 30^\circ$$

- جریان شاخه‌ی دوم φ_2 درجه جلوتر از ولتاژ منبع

$$\cos\varphi_2 = \frac{R_2}{Z_2} = \frac{10}{\dots\dots} = \dots\dots \Rightarrow \varphi_2 = 60^\circ$$



شکل (۶-۱۵۹)

چون I_1 و I_2 بر هم عمودند، لذا داریم:

$$I_e = \sqrt{I_1^2 + I_2^2}$$

$$I_e = \sqrt{(\dots\dots)^2 + (\dots\dots)^2} = \dots\dots A$$

(ج)

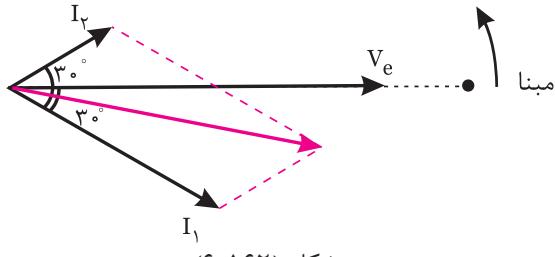
$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{120}{\dots\dots} = \dots\dots \Omega$$

مثال

- جریان I_2 درجه از ولتاژ منبع جلوتر است چون شاخه دوم خازنی است.

$$\cos\varphi_2 = \frac{R_2}{Z_2} = \frac{10\sqrt{3}}{20} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \varphi_2 = 30^\circ$$

- با توجه به موقعیت I_1 و I_2 ، بردار جریان منبع را رسم می نماییم.



شکل (۶-۱۶۲)

چون I_1 و I_2 دارای 60° اختلاف فاز می باشد برآیند آنها می شود.

$$I_e = \sqrt{I_1^2 + I_2^2 + 2I_1 I_2 \cos 60^\circ} = \sqrt{4^2 + 2^2 + 2(2)(4)\left(\frac{1}{2}\right)} =$$

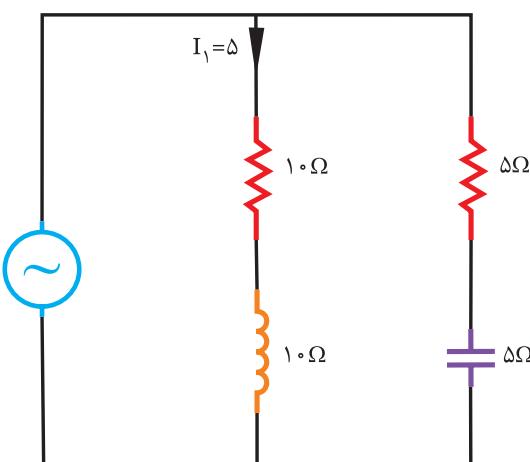
$$I_e = \sqrt{16 + 4 + 8} = 5/29 A$$

فعالیت ۳۲

در مدار شکل (۶-۱۶۳) مطلوبست:

(الف) ولتاژ منبع

(ب) جریان منبع (با فرض $\theta_{I_1} = 0^\circ$)



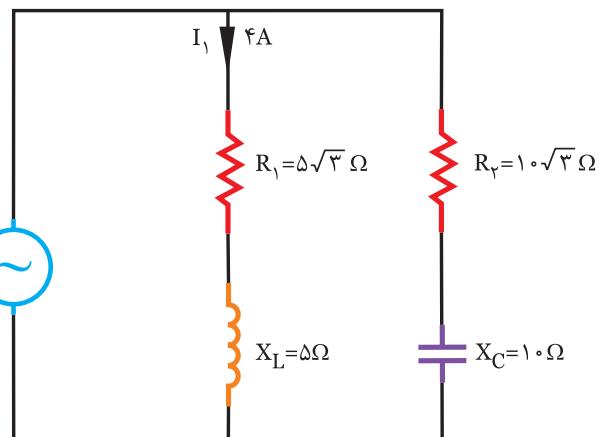
شکل (۶-۱۶۳)

مثال

در مدار شکل (۶-۱۶۱) مطلوبست:

(الف) ولتاژ منبع

(ب) جریان منبع (با فرض $\theta_v = 0^\circ$)



شکل (۶-۱۶۱)

حل

(الف) برای بدست آوردن ولتاژ منبع امپدانس شاخه اول را بدست آورید.

$$Z_1 = \sqrt{R_1^2 + X_L^2} = \sqrt{(5\sqrt{3})^2 + (5)^2} = 10 \Omega$$

$$V_e = I_1 \cdot Z_1 = 4 \times 10 = 40 V$$

(ب) ابتدا جریان شاخه دوم را با بدست آوردن امپدانس

بدست می آوریم:

$$Z_2 = \sqrt{R_2^2 + X_C^2} = \sqrt{(10\sqrt{3})^2 + (10)^2} = 20 \Omega$$

$$I_2 = \frac{V_e}{Z_2} = \frac{40}{20} = 2 A$$

برای بدست آوردن جریان منبع نیاز به ترسیم دیاگرام برداری می باشد.

- ابتدا مبدأ را ترسیم کنید.

- بردار I_1 را رسم کنید.

- ولتاژ منبع φ_1 درجه از جریان I_1 جلوتر است چون شاخه اول سلفی است.

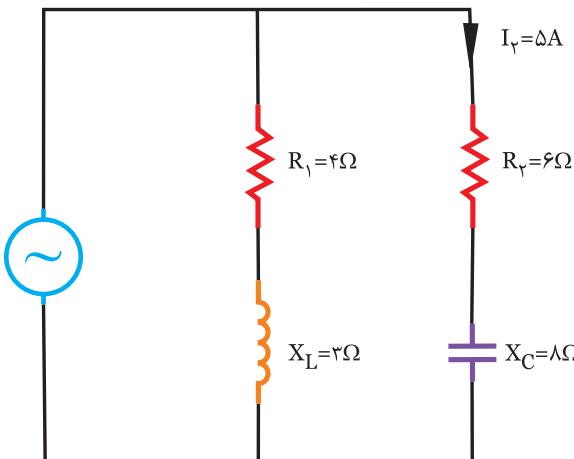
$$\cos\varphi_1 = \frac{R_1}{Z_1} = \frac{5\sqrt{3}}{10} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \varphi_1 = 30^\circ$$



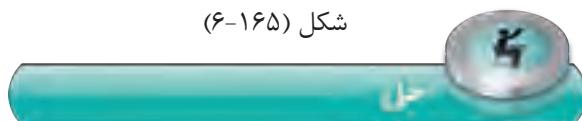
در مدار شکل (۶-۱۶۵) مطلوبست:

(الف) ولتاژ منبع

(ب) جریان منبع (با فرض $\theta_{I_1} = 0^\circ$)



شکل (۶-۱۶۵)



(الف)

$$Z_1 = \sqrt{R_1^2 + X_L^2} = \sqrt{(10)^2 + (\dots\dots)^2} = \dots\dots \Omega$$

$$V_e = Z_1 \cdot I_1 = (\dots\dots) + (\Delta) = \dots\dots V$$

(ب)

$$Z_2 = \sqrt{R_2^2 + X_C^2} = \sqrt{(6)^2 + (\dots\dots)^2} = \dots\dots \Omega$$

$$I_2 = \frac{V_e}{Z_2} = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} = \dots\dots A$$

برای بدست آوردن جریان منبع نیاز به ترسیم دیاگرام
برداری می‌باشد.

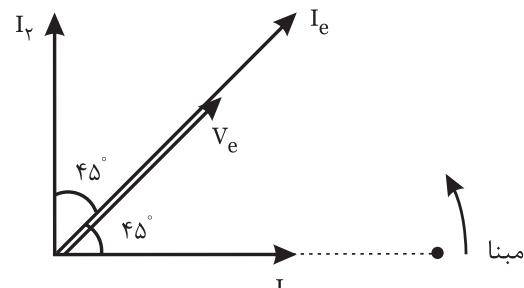
- چون شاخه‌ی I_1 پس فاز است لذا ولتاژ منبع (ولتاژ
شاخه‌ی اول) φ درجه جلوتر از I_1 می‌باشد.

$$\cos\varphi_1 = \frac{R_1}{Z_1} = \frac{10}{\dots\dots} = \dots\dots \Rightarrow \varphi_1 = 45^\circ$$

- چون شاخه‌ی I_2 پیش فاز است لذا جریان I_2 , φ_2 درجه
از ولتاژ منبع (ولتاژ شاخه‌ی دوم) جلوتر است.

$$\cos\varphi_2 = \frac{R_2}{Z_2} = \frac{6}{\dots\dots} = \dots\dots \Rightarrow \varphi_2 = 45^\circ$$

- با موقعیت I_1 و I_2 ، جریان منبع بدست می‌آید.



شکل (۶-۱۶۴)

از آنجاییکه I_1 و I_2 برهم عمودند، برآیند آنها به صورت

زیر می‌باشد.

$$I_e = \sqrt{I_1^2 + I_2^2} = \sqrt{(\dots\dots)^2 + (\dots\dots)^2} = \dots\dots A$$

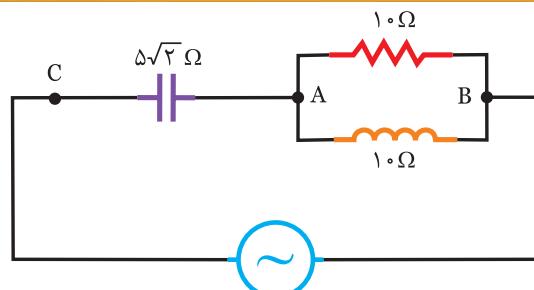


۱- در مدار شکل (۶-۱۶۶) مطلوبست:

الف) جریان کل مدار

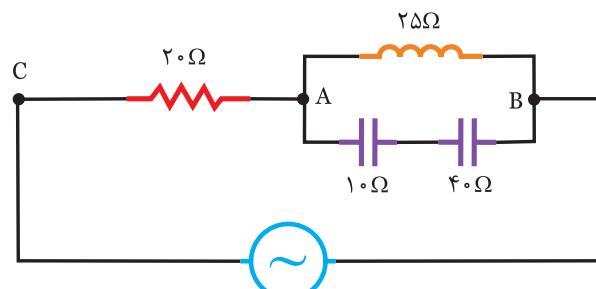
ب) ولتاژ کل منبع

ج) امپدانس کل مدار



$$V_{AB} = 100 \text{ V}$$

شکل (۶-۱۶۶)



$$V_{AB} = 200 \text{ V}$$

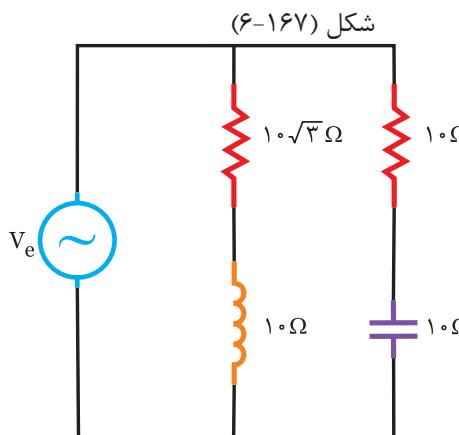
شکل (۶-۱۶۷)

۲- در مدار شکل (۶-۱۶۷) مطلوبست:

الف) جریان منبع

ب) ولتاژ منبع

ج) در فضای مجازی توسط مولتی‌سیم بررسی کنید.



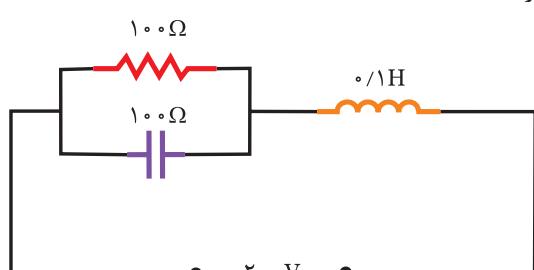
$$V_e = 100 \text{ V}$$

شکل (۶-۱۶۸)

۳- در مدار شکل (۶-۱۶۸) مطلوبست:

الف) جریان منبع

ب) امپدانس کل مدار



شکل (۶-۱۶۹)

۴- فرکانس زاویه‌ای تشدید (ω_r) در شکل (۶-۱۶۹) چند رادیان بر ثانیه است.

$$1000 \quad (1)$$

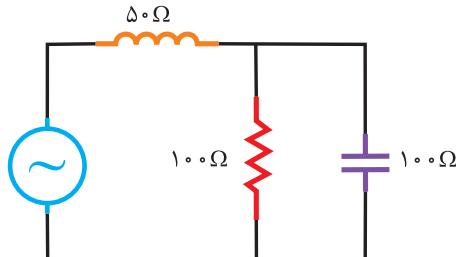
$$250 \quad (2)$$

$$2000 \quad (3)$$

$$500 \quad (4)$$

۵- ضریب توان مدار در شکل (۶-۱۷۰) کدام است.

- ۱) ۰/۵
- ۲) ۰/۸
- ۳) ۰/۷
- ۴) ۱

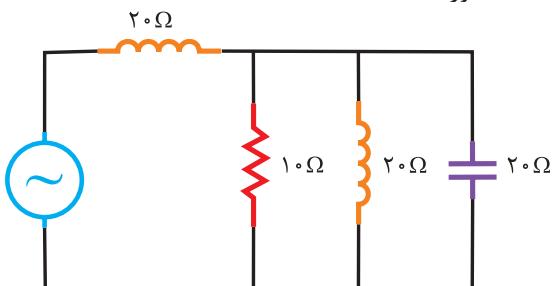


شکل (۶-۱۷۰)

۶- در مدار RLC سری در حالت تشذیب قرار دارد اگر $R = L$ نیز دو برابر شود، پهنهای باند می‌شود.

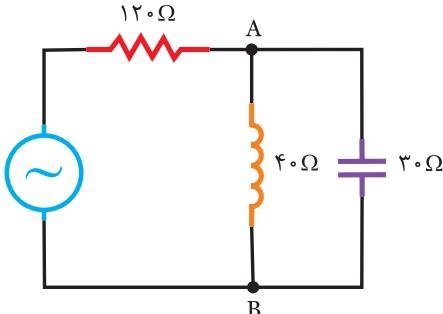
- ۱) بینهایت
- ۲) نصف
- ۳) دو برابر
- ۴) تغییر نمی‌کند.

۷- در شکل (۶-۱۷۱) اگر ولتاژ کل ۵۰ ولت باشد جریان کل را بدست آورید.



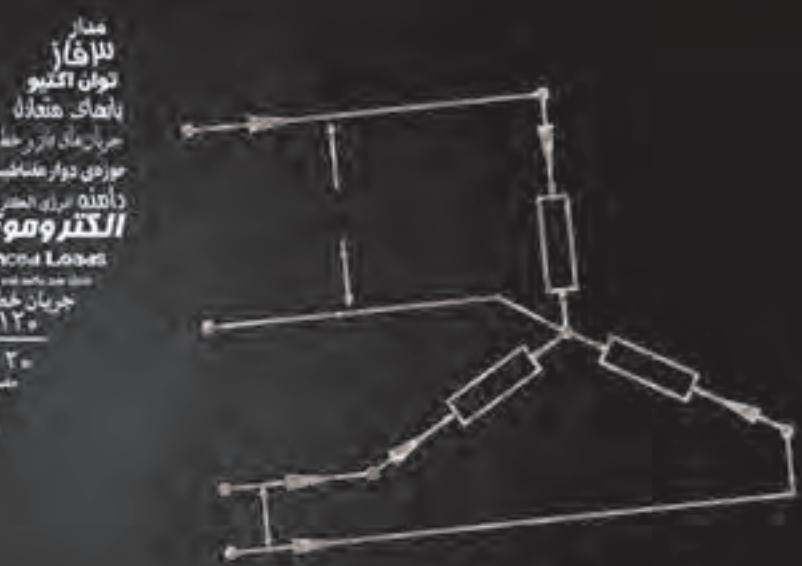
شکل (۶-۱۷۱)

۸- در مدار شکل (۶-۱۷۲) اگر $V_{AB} = 60 V$ باشد، ولتاژ کل را بدست آورید.



شکل (۶-۱۷۲)

آنکه $V_L = V_P$
 $\varphi_1 \text{ خازن}$
 Three Phase System
 جریان موج یکسو شده
جربیان متناظر
 رسم جریان متریک سه فازی مدار متریک
 $Cos\phi = 1/2 \Rightarrow \varphi = 90^\circ$
 میدان های مغناطیسی اختلاف ندارند
ماتنی
ماتنی
 ماتنی دوار مغناطیسی
 انتقال سه فازی متریک
جربیان مثلثی
 Triangular Form
 $V_{AB} = \frac{V_P}{\sqrt{3}}$
 جریان فازی زواید ۹۰°
RS و ماتنی خطی
 کرد عرض مکانیکی
موج سه فازی
 Three Phase Wave
 ماتنی آنکه سه فاز
 ماتنی دوار مغناطیسی
 ماتنی دوار مغناطیسی
 دارند مدار متریک
کنفرموتور
 Balanced Loads
 مدار متریک
 جریان خطی
 $V_P = \frac{120}{Z_T}$
 متریک کنفرمی اینس

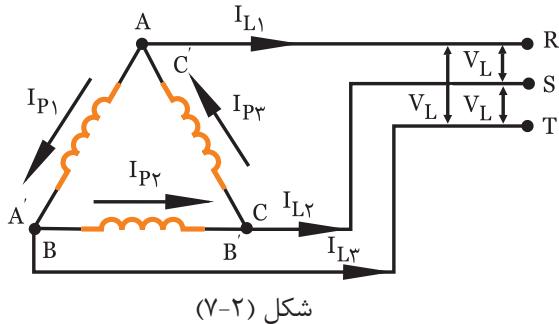


فصل هفتم

مدار جریان های سه فاز

۷-۱- مدارهای سه فاز:

ساختمان ساده‌ی مولدهای سه فاز موجب شده است که انرژی الکتریکی در شکل سه فاز راحت‌تر و ارزان‌تر تولید شود. علاوه بر آن مزایای دیگری نیز برای برق سه فاز می‌توان برشمرد:



شکل (۷-۲)

$$V_{AA'} = V_L$$

$$V_{BB'} = V_L$$

$$V_{CC'} = V_L$$

چند تعریف مهم:

- ولتاژ فازی: ولتاژ دو سر هر یک از سیم پیچ‌ها را گویند. V_p

- جریان فازی: جریان عبوری از داخل هر یک از سیم پیچ‌ها را گویند. I_p

- ولتاژ خطی: ولتاژ بین دو خط (RS یا ST یا TR) را گویند. V_L

- جریان خطی: جریان عبوری از خطوط انتقال را گویند. I_L

بارهای متعادل و نامتعادل:

اگر سه مصرف کننده تمام مشخصاتشان از قبیل دامنه، زاویه فاز، پیش فاز و پس فاز بودن با هم یکی باشند بارهای متعادلند و در غیر این صورت بارهای نامتعادل هستند.

۷-۲- اتصال ستاره

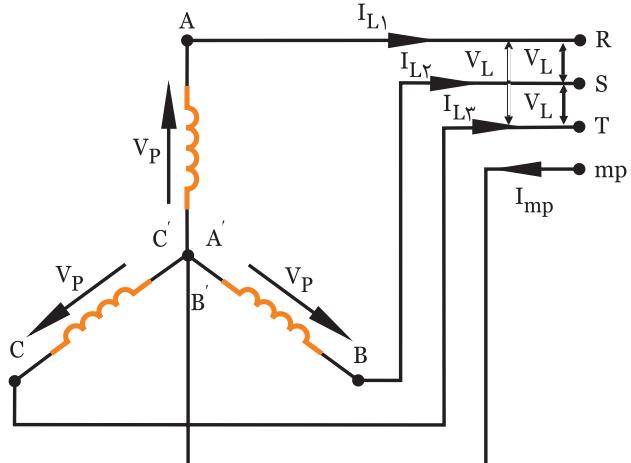
در اتصال ستاره برای بدست آوردن مجھولات مسئله اگر نیاز به دیاگرام برداری باشد باید دیاگرام برداری ولتاژ فازها را به صورت زیر رسم کنیم و سپس خواسته‌های مسئله را روی آن دنبال کنیم. (شکل ۷-۳)

- ۱- توان الکتریکی در مصرف کننده‌های سه فاز متصل به شبکه هیچ وقت صفر نمی‌شود.
- ۲- ضربان موج یکسو شده سه فاز نسبت به یک فاز بسیار کمتر می‌باشد.
- ۳- در مصرف کننده‌های موتوری سه فاز حوزه‌ی دور مغناطیسی ایجاد می‌کند لذا این مصرف کننده‌ها نیاز به راه انداز موتوری، مانند الکتروموتورهای یک فاز ندارند.

تولید جریان متناوب سه فاز:

سه سیم پیچ AA', BB' و CC' با اختلاف فاز 120° نسبت به یکدیگر قرار دارند که این سه سیم پیچ را می‌توان به دو صورت به یکدیگر وصل کرد.

الف) به صورت ستاره:



شکل (۷-۱)

$$V_{AA'} = V_p$$

$$V_{BB'} = V_p$$

$$V_{CC'} = V_p$$

به خاطر داشته باشید

- ۱- اگر در اتصال ستاره با بار متعادل یک فاز قطع شود توان مصرفی $\frac{2}{3}$ توان نامی می‌شود.
- ۲- اگر در اتصال ستاره با بار متعادل یک فاز و سیم نول قطع شود توان مصرفی $\frac{1}{3}$ توان نامی می‌شود.
- ۳- اگر در اتصال ستاره با بار متعادل سیم نول قطع شود توان مصرفی تغییر نمی‌کند.

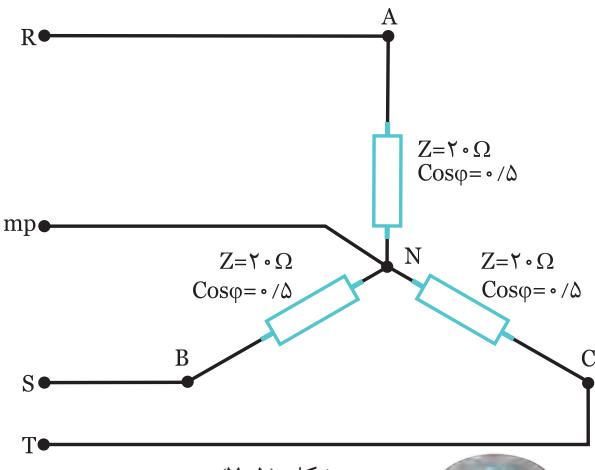
مثال ۱

در مدار شکل (۷-۵) اگر $V_L = ۳۸۰$ ولت باشد، مطلوبست:

الف) جریان‌های فاز و خط

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها

ج) توان‌های موثر و غیر موثر و ظاهری

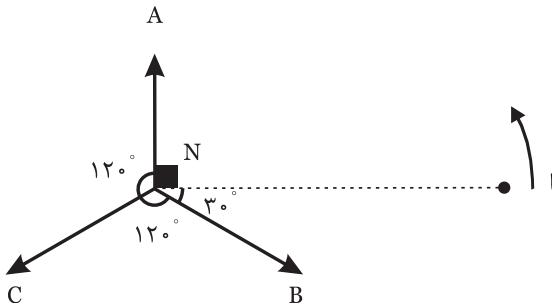
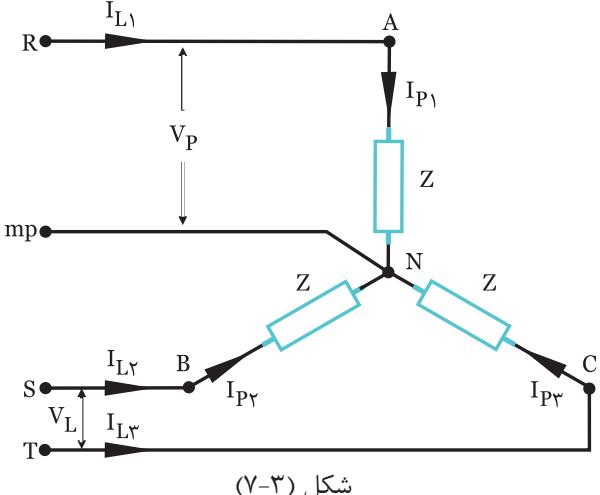


الف) از آنجاییکه بارها متعادل هستند جریان‌های فازی و خطی هر سه مصرف کننده برابر می‌باشد.

$$V_P = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{380}{\sqrt{3}} = 220\text{V}$$

$$I_P = \frac{V_P}{Z} = \frac{220}{20} = 11\text{A} \Rightarrow I_L = I_P = 11\text{A}$$

ب) برای رسم دیاگرام برداری به صورت زیر عمل می‌نماییم.
- مبدأ را ترسیم می‌نماییم
- ولتاژ فازها را که استاندارد و با یکدیگر 120° اختلاف فاز دارد، ترسیم می‌نماییم.



شکل (۷-۴)

در اتصال ستاره همیشه داریم:

(الف) ستاره با بارهای متعادل:

چون توان مصرف کننده‌ها شبیه هم می‌باشد یکی از مصرف کننده‌ها را بدست آورده و سه برابر می‌نماییم.

$$P_e = 3V_P I_P \cdot \text{Cos}\phi$$

$$P_d = \pm 3V_P I_P \cdot \text{Sin}\phi$$

$$P_s = 3V_P I_P$$

$$I_N = 0$$

توان اکتیو کل مدار

توان راکتیو کل مدار

توان ظاهری کل مدار

جریان سیم نول

(ب) ستاره با بارهای نامتعادل:

چون توان مصرف کننده‌ها شبیه هم نمی‌باشند لذا توان هر سه مصرف کننده را با هم جمع می‌نماییم.

$$P_e = V_{P1} I_{P1} \cdot \text{Cos}\phi_1 + V_{P2} I_{P2} \cdot \text{Cos}\phi_2 + V_{P3} I_{P3} \cdot \text{Cos}\phi_3$$

$$P_d = \pm V_{P1} I_{P1} \cdot \text{Sin}\phi_1 \pm V_{P2} I_{P2} \cdot \text{Sin}\phi_2 \pm V_{P3} I_{P3} \cdot \text{Sin}\phi_3$$

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2}$$

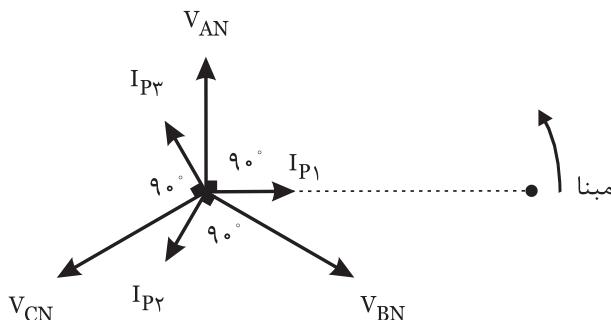


$$V_p = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{380}{\sqrt{3}} = V$$

الف)

$$I_L = I_P = \frac{V_p}{Z} = \frac{.....}{20} = A$$

- ب) برای رسم دیاگرام برداری مراحل زیر را انجام می‌دهیم.
 - مبدأ را ترسیم می‌کنیم.
 - ولتاژ فازها را رسم می‌نماییم.
 - از آنجاییکه مصرف کننده‌ها سلفی می‌باشد جریان هر فاز 90° عقب‌تر از ولتاژ فازی است.



شکل (7-8)

ج) در مصرف کننده‌ی سلفی خالص داریم.

$$\cos\phi = \cos 90^\circ = 0, \quad \sin 90^\circ = 1$$

$$P_e = 3V_p I_p \cos\phi = 3(.....)(.....) = W$$

$$P_d = 3V_p I_p \sin\phi = 3(.....)(.....) = VAR$$

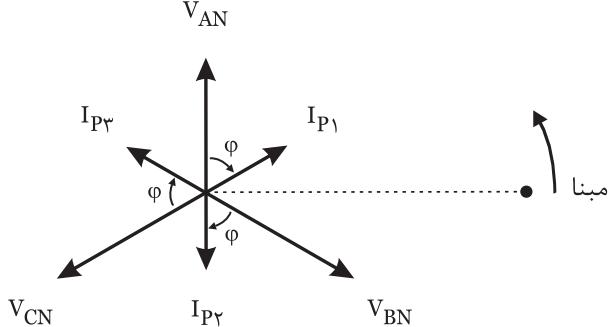
$$P_s = 3V_p I_p = 3(.....) = V.A$$



در مدار شکل (7-9) اگر $V_L = 380V$ باشد، مطلوبست:

- الف) جریان‌های فاز و خط
 ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها
 ج) توان‌های موثر، غیر موثر و ظاهری مدار

- چون مصرف کننده‌ها پس فاز هستند جریان هر فاز φ درجه عقب‌تر از ولتاژ فاز مورد نظر ترسیم می‌نماییم.



شکل (7-6)

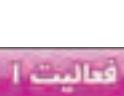
(ج)

$$P_e = 3V_p I_p \cos\phi = 3(220)(11)(0/5) = 3630 W$$

$$\sin\phi = \sqrt{1 - \cos^2\phi} = \sqrt{1 - (0/5)^2} = 0.86$$

$$P_d = 3V_p I_p \sin\phi = 3(220)(11)(0/86) = 6243 VAR$$

$$P_s = 3V_p I_p = 3(220)(11) = 7260 V.A$$

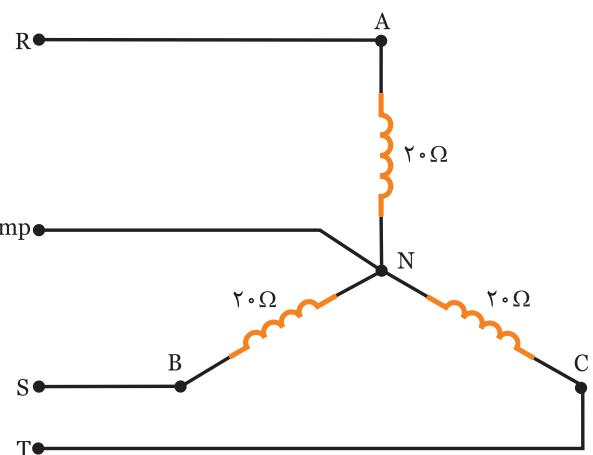


در مدار شکل (7-7) اگر $V_L = 380V$ باشد، مطلوبست:

الف) جریان‌های فاز و خط

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها

ج) توان‌های اکتیو- راکتیو و ظاهری



شکل (7-7)

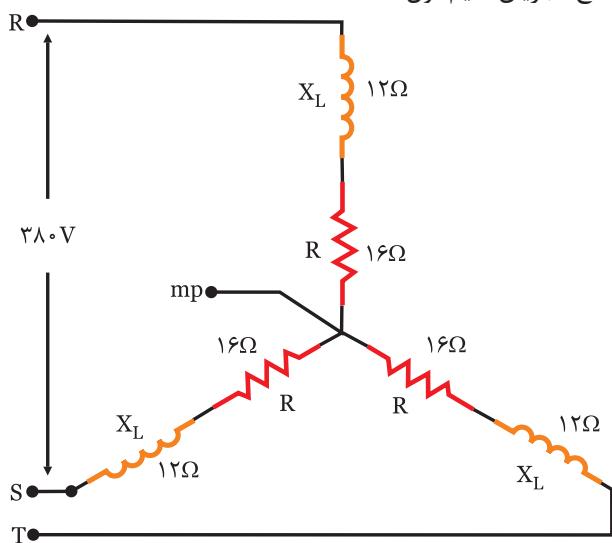
مثال ۲

در مدار شکل (۷-۱۰) مطلوبست:

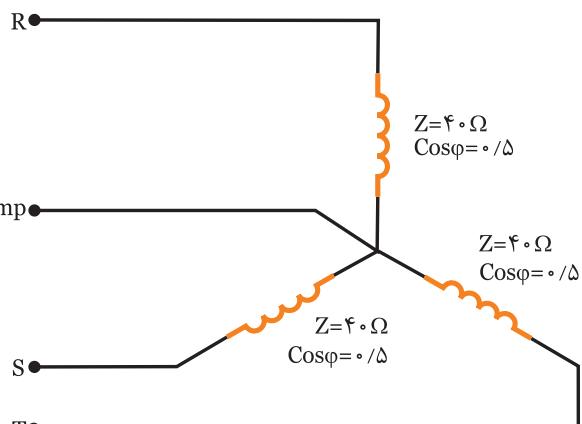
الف) جریان‌های فاز و خط

ب) توان‌های اکتیو، راکتیو و ظاهری مدار

ج) جریان سیم نول



شکل (۷-۱۰)



شکل (۷-۹)

الف) ولتاژ بین دو خط داده شده است به همین دلیل
ولتاژ فاز به صورت زیر بدست می‌آید.

$$V_P = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{380}{\sqrt{3}} = 220 \text{ V}$$

از آنجاییکه بارها متعادلند داریم:

$$I_L = I_P = \frac{V_P}{Z} = \frac{220}{20} = 11 \text{ A}$$

و در هر شاخه:

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2} = \sqrt{16^2 + 12^2} = 20 \Omega$$

$$\text{Cos}\varphi = \frac{R}{Z} = \frac{16}{20} = 0.8 \quad (\text{ب})$$

$$P_e = 3V_P I_P \cdot \text{Cos}\varphi = 3(220)(11)(0.8) = 5808 \text{ W}$$

$$P_e = \sqrt{3} V_p I_p \cos\phi = \sqrt{3} (\dots) (\dots) (\dots) = \dots \text{W}$$

$$\sin\phi = \frac{X_L}{Z} = \frac{10}{\dots} = \dots$$

$$P_d = \sqrt{3} V_p I_p \sin\phi = \sqrt{3} (\dots) (\dots) (\dots) = \dots \text{VAR}$$

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(\dots)^2 + (\dots)^2} = \dots \text{VA}$$

$$I_N = \dots \text{A} \quad \text{(ج)}$$

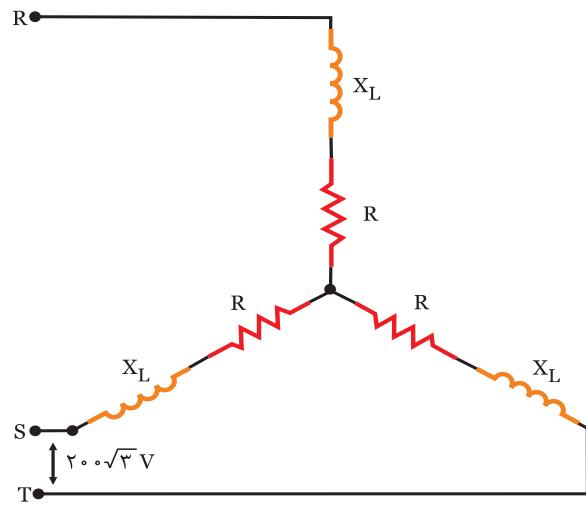


در مدار شکل (۷-۱۲) مطلوب است:

الف) جریان های فاز و خط

ب) توان های اکتیو، راکتیو و ظاهری مدار

ج) جریان سیم نول



$$\sin\phi = \frac{X_L}{Z} = \frac{10}{20} = 0.5$$

پس فاز

$$P_d = \sqrt{3} V_p I_p \sin\phi = \sqrt{3} (220) (11) (0.5) = 4356 \text{ VAR}$$

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(580)^2 + (4356)^2} = 7260 \text{ VA}$$

ج) از آنجائیکه بارها متعادلند لذا جریان سیم نول صفر است.

$$I_N = 0$$

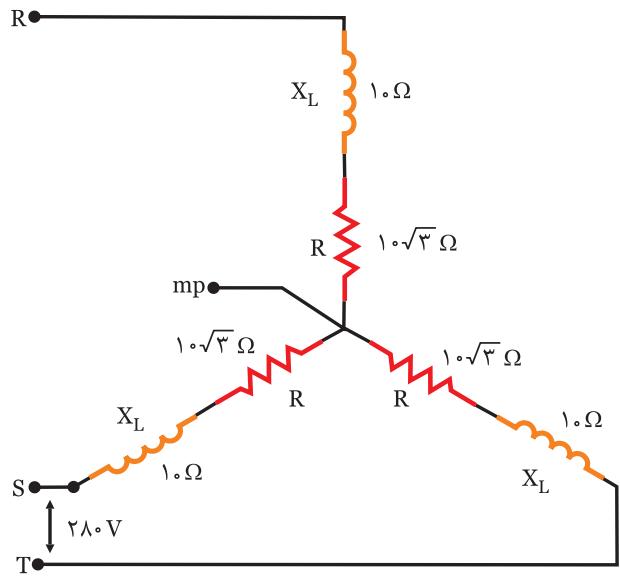


در مدار شکل (۷-۱۱) مطلوب است:

الف) جریان های فاز و خط

ب) توان های اکتیو، راکتیو و ظاهری مدار

ج) جریان سیم نول



(الف)

$$V_p = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{280}{\sqrt{3}} = \dots \text{V}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2} = \sqrt{(10\sqrt{3})^2 + (\dots)^2} = \dots \Omega$$

$$I_L = I_p = \frac{V_p}{Z} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{A}$$

$$\cos\phi = \frac{R}{Z} = \frac{10\sqrt{3}}{\dots} = \dots$$

(ب)

$$Z_3 = \sqrt{R_3^2 + X_L^2} = \sqrt{12^2 + 9^2} = 15\Omega$$

$$I_{P3} = I_{L3} = \frac{V_P}{Z_3} = \frac{120}{20} = 6 A$$

- ب) برای رسم دیاگرام برداری مراحل زیر را بدست می‌آوریم.
 - مبنای را ترسیم کنید.
 - ولتاژ فازها را که همواره 120° درجه اختلاف فاز دارند، رسم نمایید.

- از آنجاییکه مصرف کننده‌ی Z_1 خازنی بوده لذا $\varphi_1 = 0^\circ$ درجه جلوتر از ولتاژ فاز R می‌باشد.

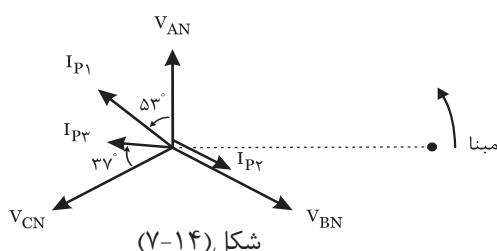
$$\cos\varphi_1 = \frac{R_1}{Z_1} = \frac{6}{10} = 0.6 A \Rightarrow \varphi_1 = 53^\circ$$

- از آنجاییکه مصرف کننده‌ی Z_2 اهمی می‌باشد لذا I_{P2} هم فاز ولتاژ فاز S می‌باشد.

- از آنجاییکه مصرف کننده‌ی Z_3 سلفی بوده لذا I_{P3} درجه عقب‌تر از ولتاژ فاز T می‌باشد.

$$\cos\varphi_3 = \frac{R_3}{Z_3} = \frac{12}{15} = 0.8 A \Rightarrow \varphi_3 = 37^\circ$$

- با توجه به موقعیت جریان‌ها دیاگرام به صورت زیر است.



مثال ۲

در مدار شکل (۷-۱۳) مطلوبست:

الف) جریان‌های فاز و خط

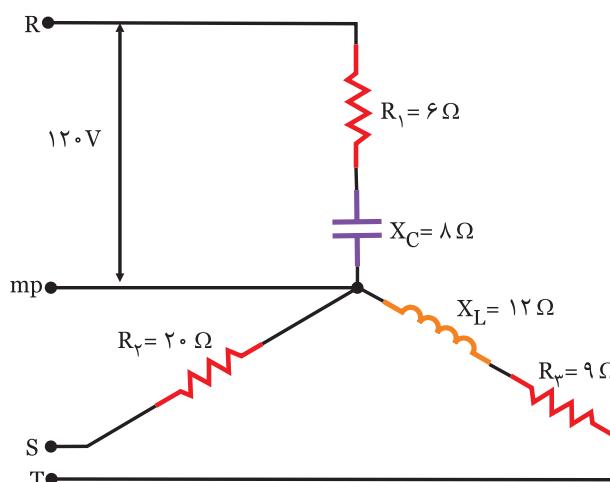
ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژ و جریان



در مدار شکل (۷-۱۳) مطلوبست:

الف) جریان‌های فاز و خط

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژ و جریان



شکل (۷-۱۳)



الف) از آنجاییکه ولتاژ خط و نول داده شده است لذا ولتاژ فازی می‌باشد.

$$V_P = 120V$$

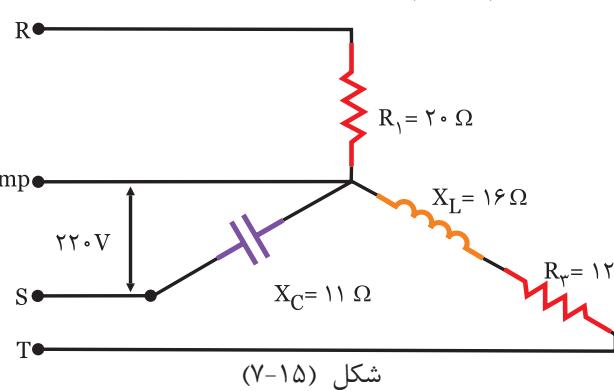
در مصرف کننده‌های ستاره همیشه $I_P = I_L$ برابر می‌باشد.

$$Z_1 = \sqrt{R_1^2 + X_L^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10\Omega$$

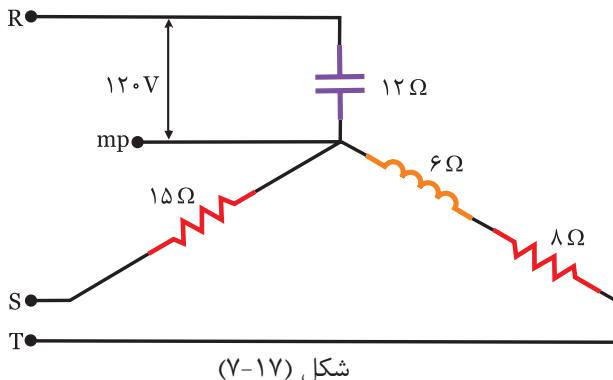
$$I_{P1} = I_{L1} = \frac{V_P}{Z_1} = \frac{120}{10} = 12 A$$

$$Z_2 = R_2 = 20\Omega$$

$$I_{P2} = I_{L2} = \frac{V_P}{Z_2} = \frac{120}{20} = 6 A$$



شکل (۷-۱۵)



$$Z_1 = R_1 = \dots \Omega$$

$$I_{P1} = I_{L1} = \frac{V_P}{Z_1} = \frac{220}{\dots} = \dots A$$

$$Z_2 = X_C = \dots \Omega$$

$$I_{L2} = I_{P2} = \frac{V_P}{Z_2} = \frac{220}{\dots} = \dots A$$

$$Z_3 = \sqrt{R_3^2 + X_L^2} = \sqrt{12^2 + 16^2} = \dots \Omega$$

$$I_{L3} = I_{P3} = \frac{V_P}{Z_3} = \frac{220}{\dots} = \dots A$$

ب) برای رسم دیاگرام برداری مراحل زیر را انجام دهید.

- مبدأ را ترسیم کنید.

- ولتاژ فازها را ترسیم کنید.

- اهمی می‌باشد لذا جریان I_{P1} هم فاز فاز R (V_{AN}) است.

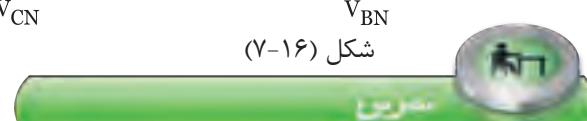
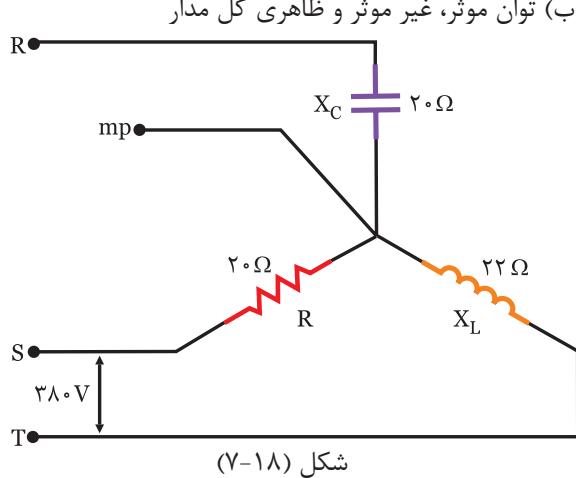
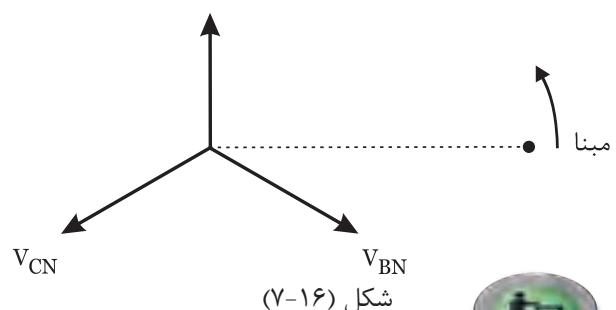
- خازنی می‌باشد لذا جریان I_{P2} ۹۰° جلوتر از فاز s (V_{BN}) است.

- خاصیت سلفی دارد لذا $\phi_3 = 90^\circ - \phi_1$ درجه عقبتر از فاز T است.

$$\cos\phi_3 = \frac{R_3}{Z_3} = \frac{12}{\dots} = \dots A \Rightarrow \phi_3 = 53^\circ$$

- با توجه به موقعیت جریان‌ها دیاگرام برداری را کامل کنید.

V_{AN}



در مدار شکل (۷-۱۸) مطلوبست:

الف) جریان‌های فاز و خط

ب) توان موثر، غیر موثر و ظاهری کل مدار

در مدار شکل (۷-۱۷) مطلوبست:

الف) جریان‌های فاز و خط

ب) رسم دیاگرام ولتاژها و جریان‌ها



(الف)

$$V_p = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{\dots}{\dots} = \dots V$$

$$I_{P1} = I_{L1} = \frac{V_p}{X_L} = \frac{\dots}{20} = \dots A$$

$$I_{P2} = I_{L2} = \frac{V_p}{R_2} = \frac{\dots}{40} = \dots A$$

$$I_{P3} = I_{L3} = \frac{V_p}{R_3} = \frac{\dots}{40} = \dots A$$

(ب)

$$P_e = P_{e1} + P_{e3} = \frac{V_p^2}{R_2} + \frac{V_p^2}{R_3} = \frac{(\dots)^2}{22} + \frac{(\dots)^2}{40} = \dots W$$

$$P_d = P_{dL} = \frac{V_p^2}{X_L} = \frac{(\dots)^2}{20} = \dots VAR$$

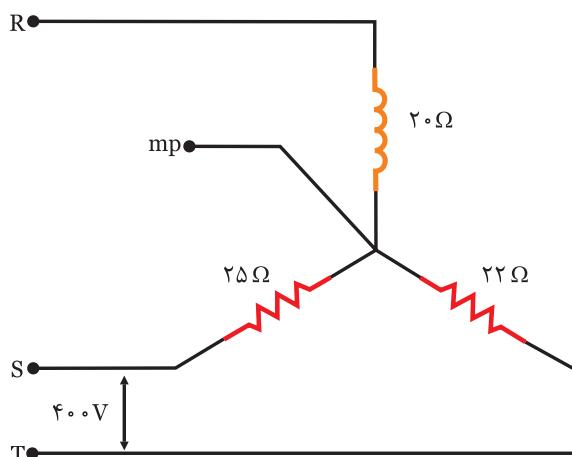
$$Z = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(\dots)^2 + (\dots)^2} = \dots V.A$$



در مدار شکل (۷-۲۰) مطلوب است:

الف) جریان‌های فاز و خط

ب) توان موثر، غیر موثر و ظاهری کل مدار



شکل (۷-۲۰)



الف) ابتدا ولتاژ فازی را بدست می‌آوریم.

$$V_p = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{380}{\sqrt{3}} = 220 V$$

$$I_{P1} = I_{L1} = \frac{V_{p1}}{X_C} = \frac{220}{20} = 11 A$$

$$I_{P2} = I_{L2} = \frac{V_p}{R} = \frac{220}{40} = 11 A$$

$$I_{P3} = I_{L3} = \frac{V_p}{X_L} = \frac{220}{22} = 10 A$$

ب) از آنجاییکه فاز R دارای مصرف کننده‌ی خازنی است فقط توان

راکتیو دارد.

از آنجاییکه فاز S دارای مصرف کننده‌ی اهمی است فقط توان اکتیو دارد.

از آنجاییکه فاز T دارای مصرف کننده‌ی سلفی است فقط توان راکتیو دارد.

$$P_e = P_{e1} = \frac{V_p^2}{R} = \frac{(220)^2}{20} = 2420 W$$

$$P_d = -P_{dc} + P_{dL} = -\frac{V_p^2}{X_C} + \frac{V_p^2}{X_L} = -\frac{(220)^2}{20} + \frac{(220)^2}{22} = -220 VAR$$

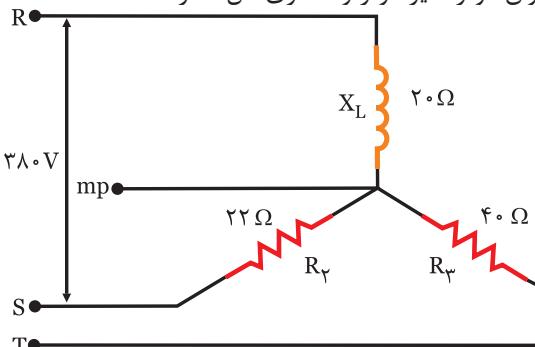
$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(2420)^2 + (-220)^2} = 2421 V.A$$



در مدار شکل (۷-۱۹) مطلوب است:

الف) جریان‌های فاز و خط

ب) توان موثر، غیر موثر و ظاهری کل مدار



شکل (۷-۱۹)





به کمک موتورهای جستجوگر درباره‌ی لغات زیر مطالبی را تهیه و در کلاس ارائه دهید.

Three Phase System (۱)

Sequenece Phase (۲)

Triangular Form (۳)

Balanced Loads (۴)

Unbalanced Loads (۵)

کار عملی (در صورت امکان):

سه لامپ ۱۰۰ را به صورت ستاره در کارگاه بیندید و حالت‌های زیر را بررسی کنید.

۱- اگر یکی از لامپ‌ها قطع شود نور لامپ‌های دیگر چه تغییری می‌کند.

۲- اگر یکی از فازها و سیم نول قطع شود وضعیت نور لامپ‌ها را بررسی کنید.

۳- اگر فقط سیم نول قطع شود وضعیت را بررسی کنید.



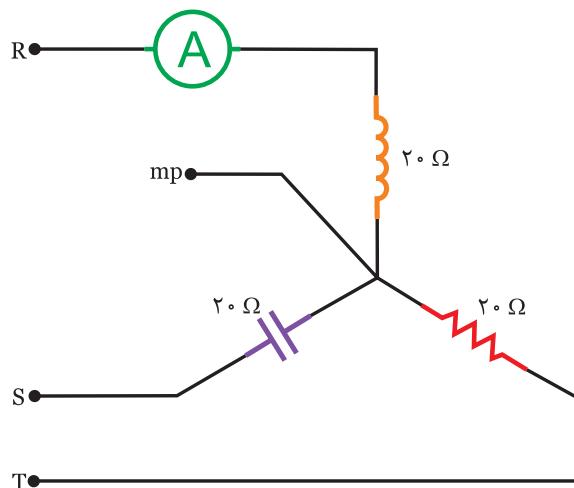
- ۱- چنانچه دو بردار F با زاویه 60° باشد برآیند آن دو بردار $\sqrt{3} F$ است.
- غلط صحیح
- ۲- چنانچه دو بردار مساوی با زاویه 120° باشد برآیند آن ها مساوی یکی از بردارها است.
- غلط صحیح
- ۳- اگر در مصرف کننده هایی که گردش مکانیکی دارند جای دو فاز عوض شود
- ۴- در اتصال ستاره با بارهای نامتعادل اگر سیم نول قطع شود رابطه بین ولتاژ فازی و خطی کدام است.

$$V_L = V_P \quad (2)$$

$$V_L = \sqrt{3} V_P \quad (1)$$

۴) با توجه به مصرف کننده ها کم و زیاد می شود.

$$V_P = \sqrt{3} V_L \quad (3)$$



۵- در مدار شکل (۷-۲۱) آمپر متر چه عددی را نشان می دهد.

(۱) ۲۲

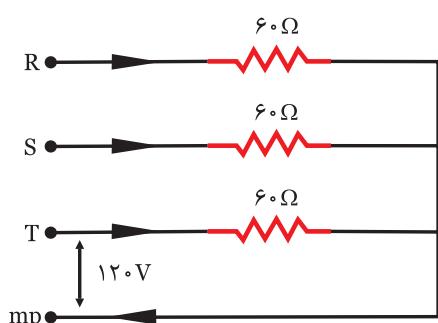
(۲) ۱۱

(۳) $22\sqrt{3}$

(۴) $11\sqrt{3}$

$$V_L = 220\sqrt{3} V$$

شکل (۷-۲۱)



۶- در مدار شکل (۷-۲۲) جریان سیم نول چند آمپر است.

(۱) ۲

(۲) $5/4$

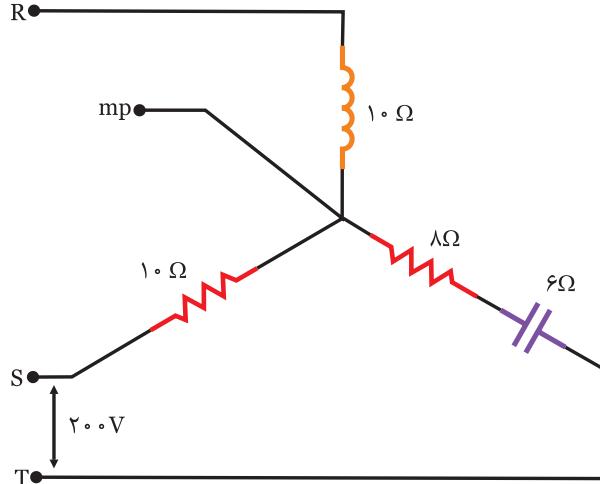
(۳) ۶

(۴) صفر

شکل (۷-۲۲)

۷- در شکل (۷-۲۳) توان راکتیو چند کیلو وار است.

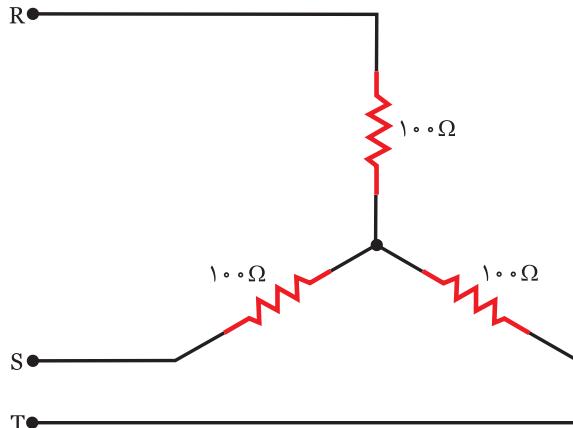
- (۱) $6/4$
- (۲) $1/6$
- (۳) 4
- (۴) $2/4$



شکل (۷-۲۳)

- در مدار شکل (۷-۲۴) توان ظاهری چند ولت آمپر است.

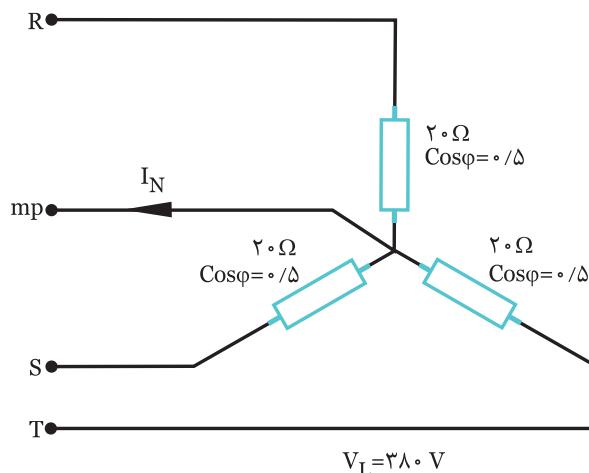
- (۱) 400
- (۲) 1200
- (۳) 800
- (۴) 2400



شکل (۷-۲۴)

۹- جریان سیم نول در مدار شکل (۷-۲۵) چند آمپر است.

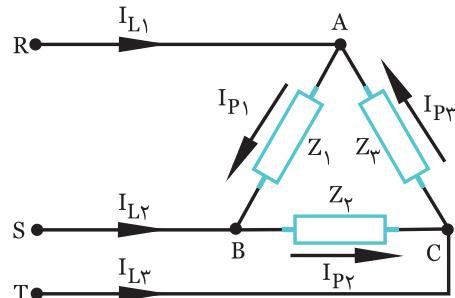
- (۱) صفر
- (۲) 11
- (۳) $11\sqrt{3}$
- (۴) $8/0\Delta$



شکل (۷-۲۵)

۷-۳- اتصال مثلث

در اتصال مثلث برای بدست آوردن مجھولات مسئله اگر نیاز به دیاگرام بردار می باشد باید دیاگرام برداری ولتاژ خطوط را به صورت زیر رسم کرد و سپس خواسته ها را بدست آورد در اتصال مثلث همواره ولتاژ خط با فاز برابر است.

$$V_L = V_P$$


شکل (۷-۲۷)

- ۱- اگر در اتصال مثلث با بار متعادل یک مصرف کننده قطع شود توان مصرفی $\frac{2}{3}$ توان نامی می شود.
- ۲- اگر در اتصال مثلث با بار متعادل یک فاز (R یا S یا T) قطع شود توان مصرفی $\frac{1}{3}$ توان نامی می شود.

مثال ۵

در مدار شکل (۷-۲۹) مطلوب است:

(الف) جریان های خط و فاز

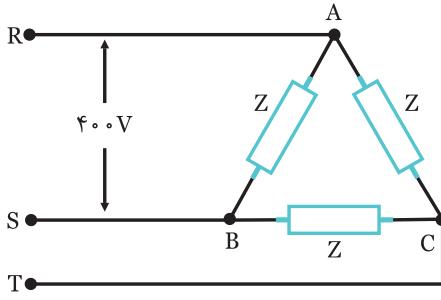
(ب) توان های اکتیو، راکتیو و ظاهری مدار

$$Z = 100 \Omega$$

$$\text{و}$$

$$\cos \varphi = 0.6$$

پس فاز

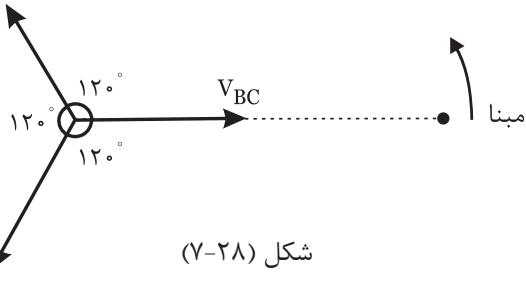


شکل (۷-۲۹)

(الف) در اتصال ستاره همواره $V_L = V_P$ می باشد. از آنجائیکه بارها متعادلنند جریان فازها برابرند.

$$I_P = \frac{V_P}{Z_1} = \frac{400}{100} = 4A$$

$$I_L = \sqrt{3} I_P = \sqrt{3} \times 4 = 4\sqrt{3} A$$



شکل (۷-۲۸)

$$V_{AB} = V_P$$

$$V_{BC} = V_P$$

$$V_{CA} = V_P$$

صرف کننده ها در وضعیت مثلث دو حالت دارند:

(الف) مثلث با بارهای متعادل:

چون توان مصرف کننده ها شبیه هم می باشد یکی از مصرف کننده ها را به دست آورده سه برابر می نماییم.

از آنجائیکه بارها متعادل هستند جریان خط به صورت زیر

بدست می آید:

$$I_L = \sqrt{3} I_P$$

$$P_e = 3V_P I_P \cos \varphi$$

$$P_e = 3V_P I_P \sin \varphi$$

$$P_s = 3V_P I_P$$

$$\cos\phi = \frac{R}{Z} = \frac{10}{.....} =A$$

سه برابر می‌نماییم.

$$P_e = \sqrt{3} V_p I_p \cos\phi = \sqrt{3}(400)(4)(0/6) =W$$

$$\sin\phi = \frac{X_L}{Z} = \frac{10}{.....} =A$$

$$P_d = \sqrt{3} V_p I_p \sin\phi = \sqrt{3}(400)(4)(0/6) =VAR$$

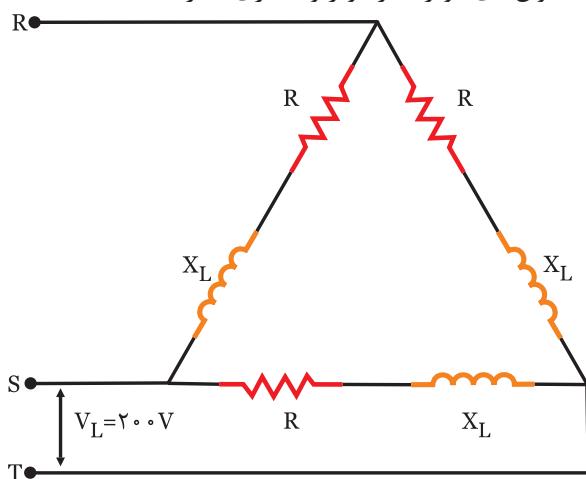
$$P_s = \sqrt{3} V_p I_p = \sqrt{3}(400)(4) =V.A$$



در مدار شکل (۷-۳۱) مطلوب است:

الف) جریان‌های خط و فاز

ب) توان‌های موثر، غیر موثر و ظاهری مدار



$$R = 10\Omega$$

$$X_L = 10\sqrt{3}\Omega$$

شکل (۷-۳۱)



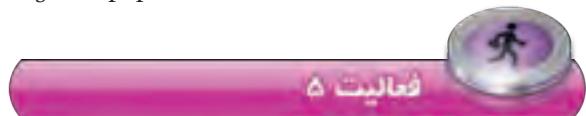
ب) از آنجائیکه بارها متعادلنند توان یکی را بدست آورده و سه برابر می‌نماییم.

$$P_e = \sqrt{3} V_p I_p \cos\phi = \sqrt{3}(400)(4)(0/6) = 2880W$$

$$\sin\phi = \sqrt{1 - \cos^2\phi} = \sqrt{1 - (0/6)^2} = 0.8$$

$$P_d = \sqrt{3} V_p I_p \sin\phi = \sqrt{3}(400)(4)(0/8) = 3840VAR$$

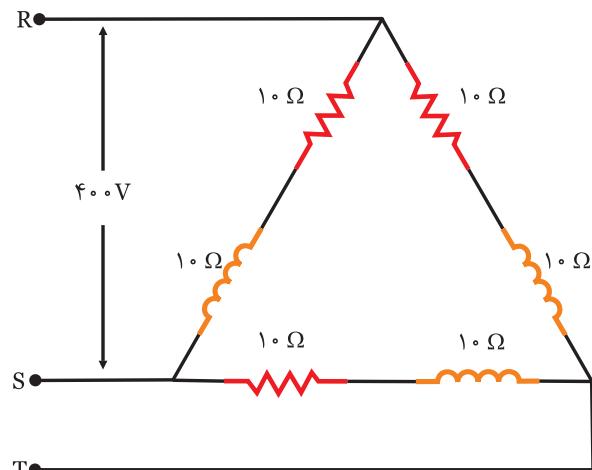
$$P_s = \sqrt{3} V_p I_p = \sqrt{3}(400)(4) = 4800V.A$$



در مدار شکل (۷-۳۰) مطلوب است:

الف) جریان‌های خط و فاز

ب) توان‌های موثر، غیر موثر و ظاهری مدار



شکل (۷-۳۰)



$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2} = \sqrt{10^2 + 10^2} = 10\sqrt{2}\Omega$$

$$V_p = V_L = 400V$$

$$I_p = \frac{V_p}{Z} = \frac{400}{10\sqrt{2}} =A$$

$$I_L = \sqrt{3} I_p = \sqrt{3} (.....) =A$$

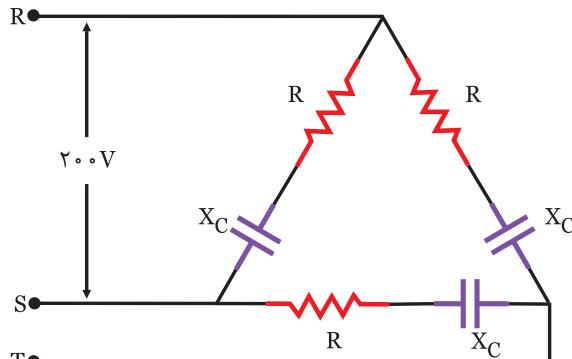
ب) بارها متعادلنند لذا توان یک مصرف کننده بدست آورده و

فعالیت ۷

در مدار شکل (۷-۳۴) مطلوب است:

الف) جریان‌های خط و فاز

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها



$$R = 16\Omega \quad X_C = 12\Omega$$

شکل (۷-۳۴)

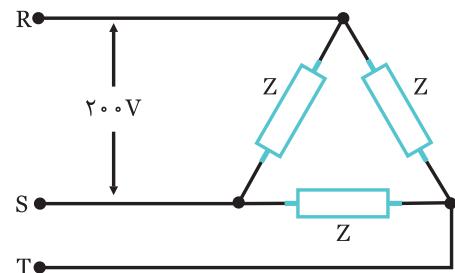
مثال ۷

در مدار شکل (۷-۳۲) مطلوب است:

الف) جریان‌های خط و فاز

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها

$$Z = 20\Omega \quad \text{و} \quad \cos \varphi = 0.8$$



شکل (۷-۳۲)



(الف)

$$V_L = V_P = 200V$$

$$I_P = \frac{V_P}{Z} = \frac{200}{20} = 10A$$

$$I_L = \sqrt{3} I_P = \sqrt{3} (10) = 17.3A$$

ب) برای رسم دیاگرام برداری مراحل زیر را انجام دهید.

- مبدأ را ترسیم کنید.

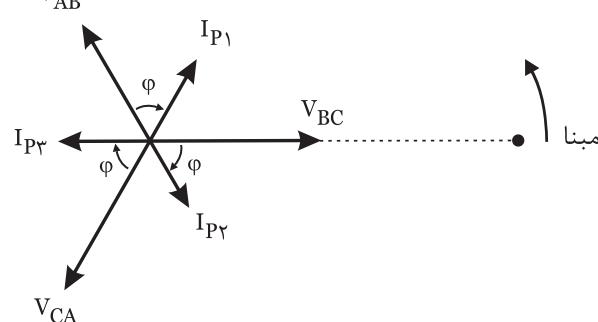
- ولتاژ‌های خط را ترسیم نمایید.

- از آنجاییکه مصرف کننده‌ها پس فاز است لذا جریان فازی

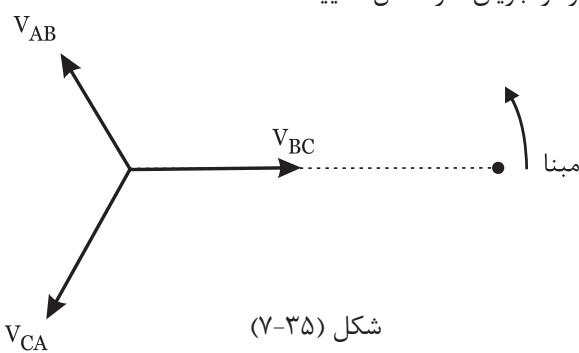
φ درجه عقب‌تر از ولتاژ خط می‌باشد، که داریم:

$$\cos \varphi = 0.8 \Rightarrow \varphi = 37^\circ$$

$$V_{AB}$$



شکل (۷-۳۳)



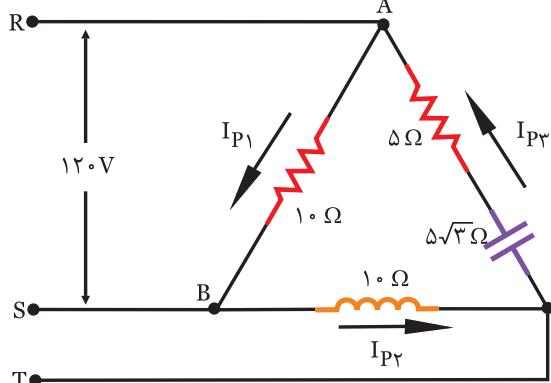
شکل (۷-۳۵)

مثال ۷

در مدار شکل (۷-۳۷) مطلوبست:

الف) جریان‌های فازی

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها



شکل (۷-۳۷)

$$V_P = V_L = 120 \text{ V}$$

(الف)

$$I_{P1} = \frac{V_P}{Z_1} = \frac{120}{10} = 12 \text{ A}$$

$$I_{P2} = \frac{V_P}{Z_2} = \frac{120}{10} = 12 \text{ A}$$

$$Z_3 = \sqrt{R^2 + X_C^2} = \sqrt{5^2 + (5\sqrt{3})^2} = 10 \Omega$$

$$I_{P3} = \frac{V_P}{Z_3} = \frac{120}{10} = 12 \text{ A}$$

ب) برای رسم دیاگرام برداری به صورت زیر عمل می‌نماییم.

- مبنای را ترسیم کنید.

- ولتاژهای خطی را ترسیم کنید.

- اهمی است لذا جریان I_{P1} هم فاز ولتاژ (V_{AB}) می‌باشد.

- سلفی است لذا جریان I_{P2} درجه ۹۰ عقب‌تر از ولتاژ

(V_{BC}) می‌باشد.

- خاصیت خازنی دارد لذا I_{P3} درجه جلوتر از ولتاژ

(V_{CA}) می‌باشد.

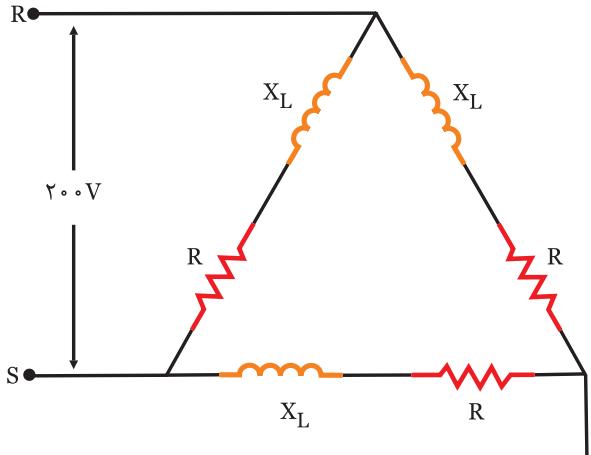
$$\cos\phi_3 = \frac{R_3}{Z_3} = \frac{5}{10} = 0.5 \text{ A} \Rightarrow \phi_3 = 60^\circ$$

تمرین

در مدار شکل (۷-۳۶) مطلوبست:

الف) جریان‌های خط و فاز

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها

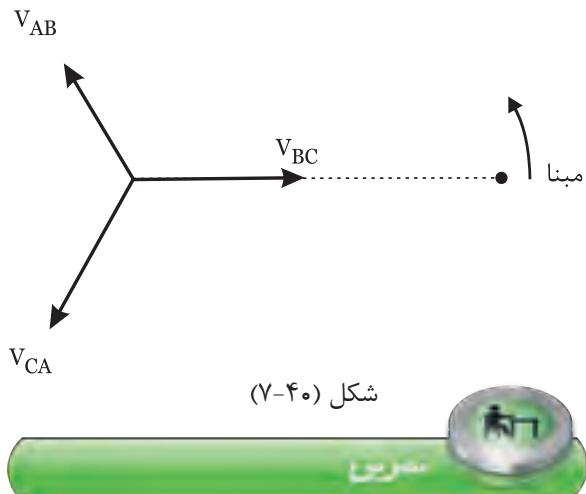


شکل (۷-۳۶)

ب) برای رسم دیاگرام برداری بعد از تعیین مبدأ و ترسیم دیاگرام ولتاژها برای ترسیم جریان‌ها به نکات زیر دقت کنید..

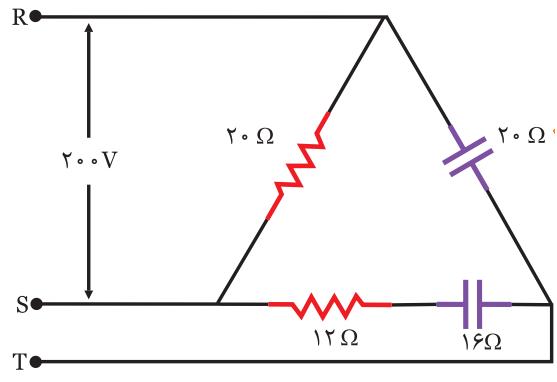
- Z_1 خازنی می‌باشد لذا I_{P1} ۹۰° جلوتر از (V_{AB}) می‌باشد.
- Z_2 اهمی می‌باشد لذا جریان I_{P2} هم فاز (V_{BC}) می‌باشد.
- Z_3 سلفی می‌باشد لذا I_{P3} ۹۰° درجه عقب‌تر از (V_{CA}) می‌باشد.

دیاگرام برداری را کامل کنید.

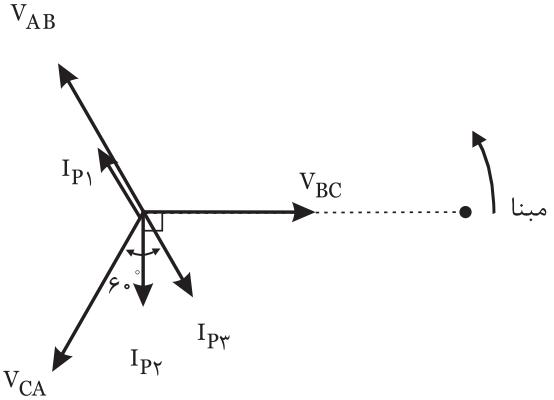


در مدار شکل (۷-۴۱) مطلوبست:
الف) جریان‌های فازی

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها



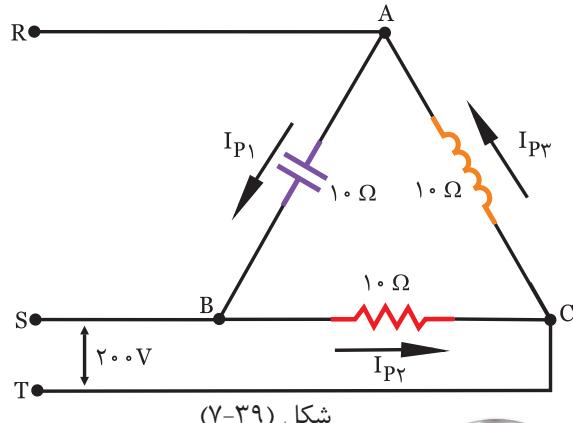
- با توجه به موقعیت برداری ولتاژ داریم.



در مدار شکل (۷-۳۹) مطلوبست:

الف) جریان‌های فازی

ب) رسم دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌ها



(الف)

$$V_L = V_P = 200 \text{ V}$$

$$I_{P1} = \frac{V_P}{Z_1} = \frac{200}{.....} = \text{ A}$$

$$I_{P2} = \frac{V_P}{Z_2} = \frac{200}{.....} = \text{ A}$$

$$I_{P3} = \frac{V_P}{Z_3} = \frac{200}{.....} = \text{ A}$$

- کار عملی (در صورت امکان):**
- سه لامپ ۱۰۰W را به صورت سیستم مثلث در کارگاه ببندید و
حالتهای زیر را بررسی کنید.
- ۱- اگر یکی از سه لامپ قطع شود نور لامپ‌های دیگر را بررسی کنید.
 - ۲- اگر یکی از خطهای R یا S یا T قطع شود نور لامپ‌های دیگر را بررسی کنید.



۱- در یک اتصال مثلث با بار متعادل توان مصرفی کل 120 وات است. اگر یک فاز قطع شود، توان مصرفی به 60 وات می‌رسد.

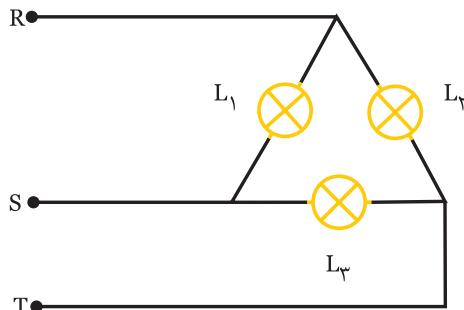
صحیح غلط

۲- اگر در اتصال مثلث مصرف کننده‌ها سیم پیچ باشند با قطع یک فاز احتمال سوختن سیم پیچ‌ها وجود دارد.

صحیح غلط

۳- در مدار شکل (۷-۴۲) اگر فاز R قطع شود جریان I_1 نصف می‌شود.

صحیح غلط

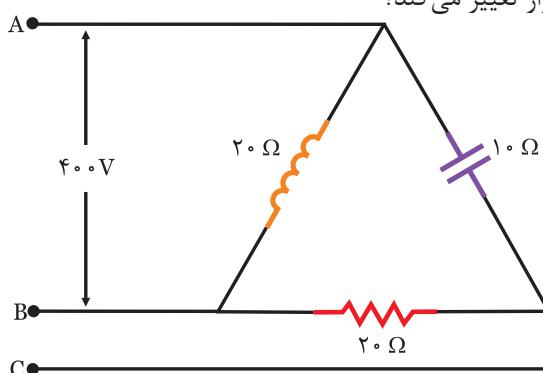


شکل (۷-۴۲)

۴- در مدارهای سه فاز در کدام حالت در صورت قطع یک فاز یکی از مصرف کننده‌ها بدون تغییر مانده و ولتاژ دو مصرف کننده دیگر نصف می‌شود؟

- (۱) ستاره با بار نامتعادل
- (۲) ستاره با بار متعادل
- (۳) مثلث با بار متعادل
- (۴) مثلث با بار نامتعادل

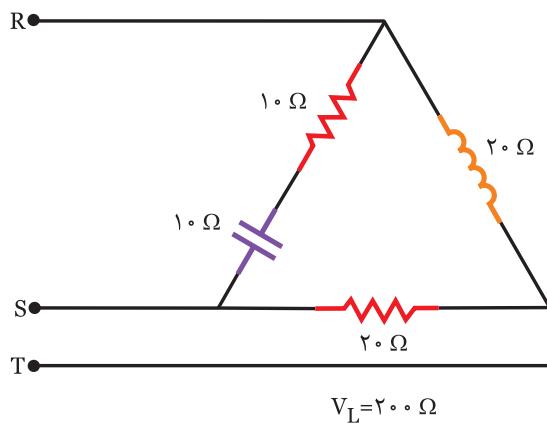
۵- در مدار شکل (۷-۴۳) اگر فاز A قطع شود توان راکتیو چند کیلو وار تغییر می‌کند؟



شکل (۷-۴۳)

۶- کدام گزینه در مورد اتصال مثلث در بارهای نامتعادل صحیح است.

- (۱) جریان‌های خطی با هم برابر و جریان‌های فازی متفاوتند.
- (۲) ولتاژهای خطی و فازی با هم برابر و جریان‌های خطی و فازی متفاوت هستند.
- (۳) ولتاژهای خطی و جریان‌های خطی با هم متفاوتند.
- (۴) ولتاژهای خطی و فازی متفاوت و جریان‌های خطی و فازی برابرند.



۷- در مدار شکل (۷-۴۴) توان مصرفی چند کیلو وات است.

- ۲ (۱)
- ۴ (۲)
- ۶ (۳)
- ۸ (۴)

شکل (۷-۴۴)

۸- برای راهاندازی موتورهای سه فاز آسنکرون ابتدا به صورت راهاندازی کرده و سپس به صورت استفاده می‌شود.

- ۹- بارهای متعادل سه فاز یعنی بارهایی که مقدار اهمی آن یکسان باشد.
- ۱۰- مقدار ولتاژ یکسو شدهی موج سه فاز از مقدار ولتاژ یکسو شدهی یک فاز بیشتر است. صحیح غلط

