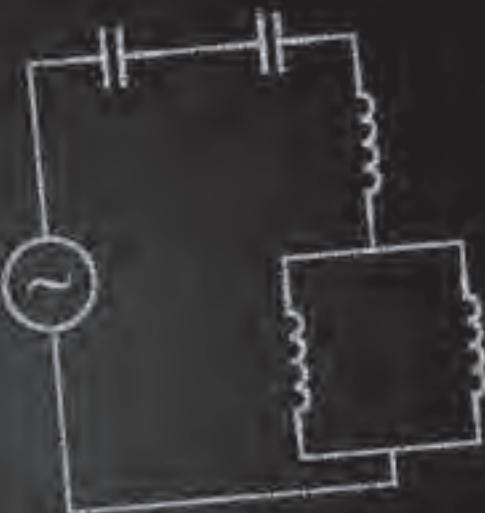


فصل پنجم



هرتز

ولتاژ مانکنی θ
Inductance

خازن $\frac{1}{\omega L}$

اندوکتانس ωL توان غیر موثر
Admittance

اندوکتانس ωL توان دوامه فرکانس
Impedance
ضریب خودالقایص میکروویاراد (لذان)

$$\text{جریان} \times \text{ مقاومت} = \text{ ولتاژ}$$

راکتانس این مطالعه را با حالت تکیدیه بروارد

منبع ولتاژ سلفی $\theta = 30^\circ$

توان ظاهری

$$I_m = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

خاصیت سلفی

امیدانس در حالت رزدانی

راکتانس

ولتاژ موثر منبع

$$P_S = V_e I_e$$

Resistance

راکتیو

Reactance

$X_L = X_C$

وار

دیاگرام برداری

توان غیر موثر

Reactance

ماکتیو مقاومت های سلفی و خازنی

فرکانس زرناش توان غیر موثر

$X_L = \omega L = 50\pi \times 5 \times 10^{-3} = 2/5\Omega$

اندوکتانس سلفی

امیدانس

ولتاژ مانکنی

$X_C = 1/\omega C = 1/(50\pi \times 10^{-3}) = 100\Omega$

Capacitance

میکروویاراد

مدارهای LC سری و LC موازی

Serial LC Circuits

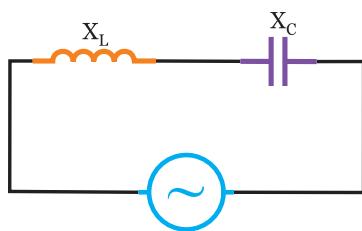
فرکانس صفر مینا منبع ولتاژ متناب

RESISTOR

توان دوامه امیدانس

Capacitance

در مدارهای LC سری مطابق شکل (۵-۴) اختلاف فاز $\varphi = 90^\circ$ می‌باشد.

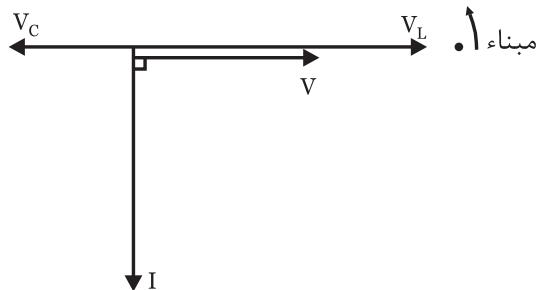


شکل (۵-۴)

$$V_{(t)} = V_m \sin \omega t$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t \pm 90^\circ)$$

اگر $X_L > X_C$ باشد. مراحل ایجاد نمودار شکل (۵-۵) به صورت زیر حاصل می‌شود.



شکل (۵-۵)

- مبنای را ترسیم کنید.
- بردار V را رسم کنید.
- جریان منبع از ولتاژ منبع 90° درجه عقبتر است.
- معادلهی زمانی جریان منبع به صورت

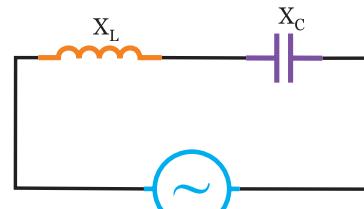
$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - 90^\circ)$$

نوشته می‌شود.

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا V_L نسبت به I ، 90° جلوتر ترسیم می‌شود. از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا $V_L > V_C$ می‌باشد.
- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا V_C نسبت به I ، 90° عقبتر ترسیم می‌شود. از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا $V_L > V_C$ می‌باشد.

۱-۵-۱- مدارهای LC سری:

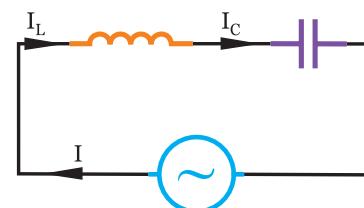
هرگاه یک مقاومت سلفی و یک مقاومت خازنی بصورت سری به یک منبع ولتاژ متناوب متصل شود. مطابق شکل (۵-۱) مدار LC سری را تشکیل می‌دهد.



شکل (۵-۱)

$$Z = |X_L - X_C|$$

در مدارهای LC سری جریان منبع با جریان هر یک از عناصر که در شکل (۵-۲) دیده می‌شود برابر می‌باشد.



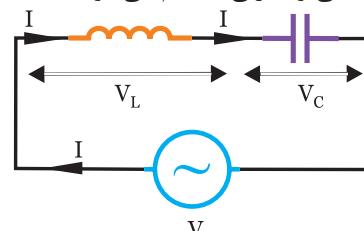
شکل (۵-۲)



$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{سلفی}}$$

$$I = \frac{V}{Z} \quad I_L = I_C = I$$

در این مدارها در شکل (۵-۳) ولتاژ منبع به نسبت مقاومت‌های سلفی و خازنی تقسیم می‌شود.



شکل (۵-۳)

$$V = |V_L - V_C|$$

$$V_L = X_L I \quad , \quad V_C = X_C I$$

برای بدست آوردن توان در مدارهای LC سری به علت اینکه $\phi = \pm 90^\circ$ است، داریم.

$$\phi = \pm 90^\circ \Rightarrow \cos\phi = 0, \sin\phi = \pm 1$$

- توان موثر یا مصرفی صفر می‌باشد.

$$P_e = V_e I_e \cdot \cos\phi = 0$$

- توان غیر موثر یا راکتیو می‌شود.

$$P_d = V_e I_e \cdot \sin\phi = \pm V_e I_e$$

اگر $X_L > X_C$ باشد مدار پس فاز بوده و $P_d = V_e I_e$ می‌شود

و اگر $X_L < X_C$ باشد مدار پیش فاز بوده و $P_d = -V_e I_e$ می‌شود.

- توان ظاهری می‌شود.

$$P_s = V_e I_e \Rightarrow P_s = |P_d|$$

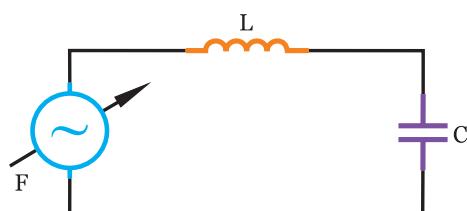
۵-۲- تاثیر فرکانس بر روی امپدانس و

جريان در مدار LC سری:

از آنجائیکه با افزایش فرکانس مقاومت سلفی

$$X_L = 2\pi fL \quad \text{و} \quad X_C = \frac{1}{2\pi fC}$$

کاهش می‌یابد و با افزایش فرکانس مقاومت خازنی $Z = |X_L - X_C|$ و $I = \frac{V}{Z}$ در شکل‌های زیر، Z و I در کمترین و بیشترین فرکانس و فرکانس رزنانس را بررسی می‌کنیم.

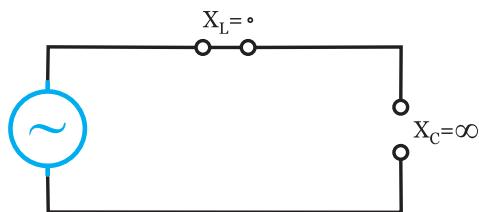


شکل (۵-۸)

که سه حالت اتفاق می‌افتد.

(۱) فرکانس صفر(DC):

خازن مدار را قطع می‌کند.



شکل (۵-۹)

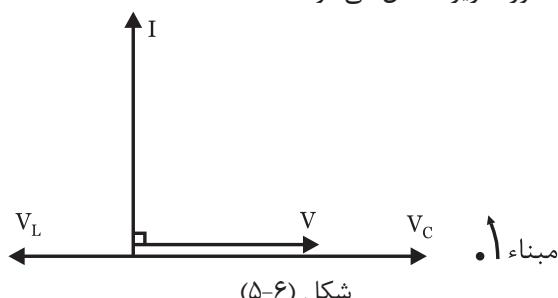
$$X_L = 0$$

$$X_C = \infty$$

$$Z = \infty$$

$$I = 0$$

اگر $X_L < X_C$ باشد. مراحل ایجاد نمودار شکل (۵-۶) به صورت زیر حاصل می‌شود.



شکل (۵-۶)

- مبدأ را ترسیم کنید.

- بردار V را رسم کنید.

- جریان منبع از ولتاژ منبع 90° جلوتر است.

- معادله زمانی جریان منبع به صورت

$$i(t) = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

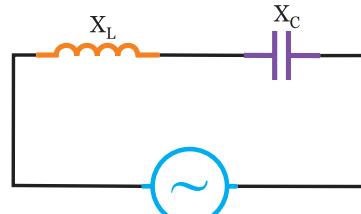
نوشته می‌شود.

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است لذا V_L نسبت به I ، 90° جلوتر ترسیم می‌شود. از آنجائیکه مدار پیش فاز است لذا $V_L < V_C$ می‌باشد.

- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا V_C نسبت به I ، 90° عقب‌تر ترسیم می‌شود. از آنجائیکه مدار پیش فاز است لذا $V_L < V_C$ می‌باشد.

اگر $V_L = V_C$ باشد:

از آنجائیکه $I_L = I_C$ می‌باشد ولتاژ دو سلف و خازن در مدار شکل (۵-۷) برابر می‌شود لذا ولتاژ منبع صفر خواهد شد که مدار در حالت تشدید یا رزنانس می‌باشد.



شکل (۵-۷)

$$X_L = X_C \Rightarrow V_L = V_C$$

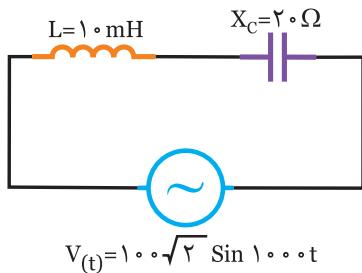
$$V_e = |V_L - V_C| \Rightarrow V = 0$$

$$X_C = X_L \Rightarrow \frac{1}{2\pi f C} = 2\pi f L \Rightarrow (2\pi)^2 f^2 L C = 1 \Rightarrow$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}}$$

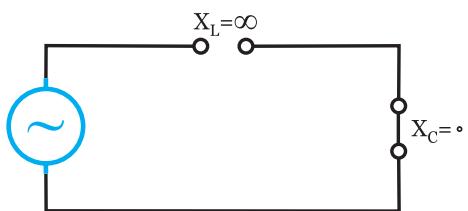
مثال ۱

در مدار شکل (۵-۱۳) امپدانس مدار را بدست آورید.



شکل (۵-۱۳)

۲) فرکانس بی‌نهایت:
سلف مدار را قطع می‌کند.



شکل (۵-۱۰)

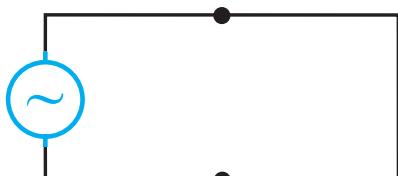
$$X_L = \infty$$

$$X_C = 0$$

$$Z = \infty$$

$$I = 0$$

۳) فرکانس رزنانس(تشدید):



شکل (۵-۱۱)

$$X_C = X_L \quad Z = 0$$

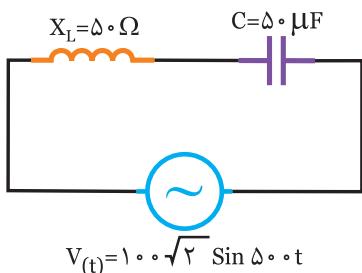
$$V_e = V_L \Rightarrow I = \infty$$

$$P_d = 0 \Rightarrow$$

$$P_S = 0$$

نتایج بررسی شده را می‌توان در جدول زیر خلاصه کرد.

در مدار شکل (۵-۱۴) امپدانس مدار را بدست آورید.

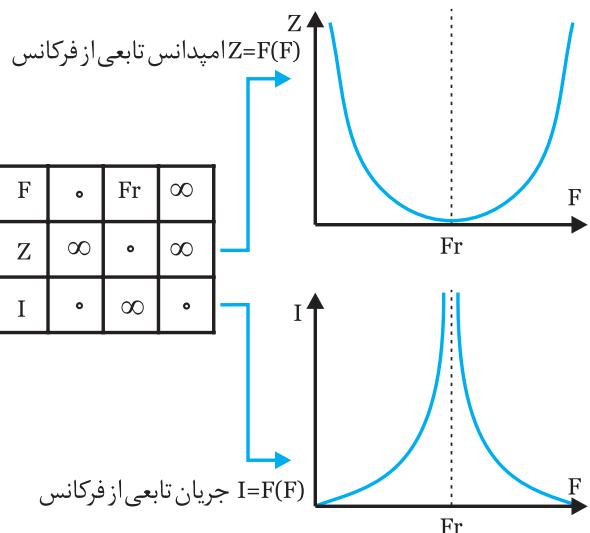


شکل (۵-۱۴)

ابتدا X_C را بدست می‌آوریم.

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{50 \times 10^3} = \Omega$$

$$Z = |X_L -| = |50 -| = \Omega$$



شکل (۵-۱۲)



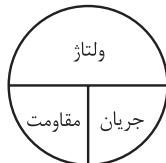
الف) ابتدا مقدار X_L و X_C را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 30 \times 10^{-3} = 30 \Omega$$

$$X_c = \frac{1}{\omega c} = \frac{1}{1 \times 10^3 \times 10^{-9}} = 10^6 \Omega$$

$$Z = |X_L - X_C| = |\gamma_0 - \gamma_0| = 1.0\Omega$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{ مقاومت}} = \text{جريان}$$

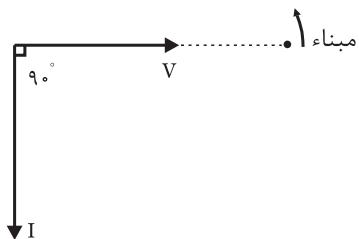


$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100V$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{10} = 10 \text{ A}$$

ب) برای نوشتن معادله‌ی زمانی جریان نیاز به دیاگرام پردازی می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.

- مينا را ترسیم می کنیم.
- بردار $V^{(t)}$ را رسم کنید.



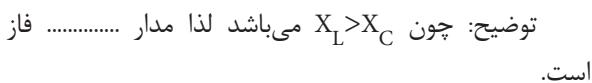
شکل (۱۷-۵)

- در این مدار $X_L > X_c$ است لذا مدار پس فاز و جریان منبع ۹۰ از ولتاژ مدار عقبتر است و آن را رسم کنید.

$$I_m = I_o \times \sqrt{2} \Rightarrow I_m = 10\sqrt{2} \text{ A} \quad \text{می نویسیم.}$$

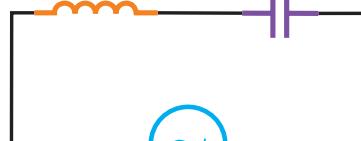
$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - 90^\circ)$$

$$\Rightarrow i_{(t)} = 10\sqrt{2} \sin(100t - 90^\circ)$$



در مدار شکل (۱۵-۵) امپدانس مدار را بدست آورید.

$$L = \omega \circ mH$$



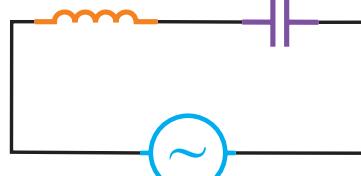
$$V(t) = \phi \cdot \sin(\omega t)$$

شکل (۱۵-۵)



در مدار شکل (۱۶-۵) مطلوب است:

$$L = \mathfrak{V} \circ mH \qquad \qquad C = \mathfrak{U} \circ \mu F$$



$$V(t) = 100\sqrt{2} \sin(100\pi t)$$

شکا (۱۶-۵)

الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع

الف) ولتاژ مدار
ب) معادله زمانی ولتاژ منبع

الف) ابتدا X_L و X_C را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 500 \times 40 \times 10^{-3} = 20 \Omega$$

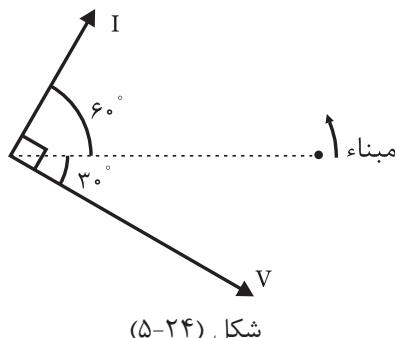
$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 10^{-9}} = 2000 \Omega$$

$$Z = |X_L - X_C| = |20 - 2000| = 2000 \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{20}{2000} = 0.01 A$$

$$V_e = Z \cdot I_e = 2000 \times 0.01 = 20 V$$

ب) برای نوشتمن معادله زمانی ولتاژ منبع نیاز به دیاگرام برداری داریم که در این مدار $X_C > X_L$ است لذا مدار پیش فاز و ولتاژ مدار 90° عقبتر از جریان مدار است.



$$V_e = \sqrt{2} V_e = 20 \sqrt{2} V$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t - \dots)$$

$$\Rightarrow V_{(t)} = 20 \sqrt{2} \sin(500t - \dots)$$

الف) $Z = |X_L - X_C| = |20 - 2000| = 2000 \Omega$

مقاومت \times جریان = ولتاژ

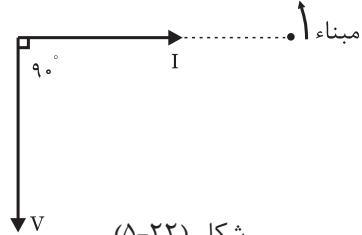
$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{20}{2000} = 0.01 A$$

جریان موثر

$$V_e = Z \cdot I_e = 2000 \times 0.01 = 20 V$$

ولتاژ موثر

ب) برای نوشتمن معادله زمانی ولتاژ نیاز به دیاگرام برداری می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.
- مبدأ را ترسیم کنید.
- بردار $i(t)$ را رسم کنید.



- در این مدار $X_C > X_L$ است لذا مدار پیش فاز و ولتاژ منبع 90° از جریان مدار عقبتر است و آن را رسم کنید.
- با توجه به موقعیت بردار V معادله زمانی آن را می‌نویسیم.

$$V_e = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} \times 20 = 20\sqrt{2} V$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t - 90^\circ)$$

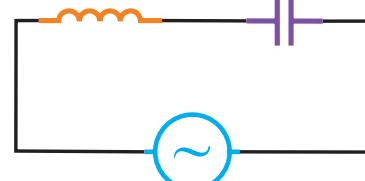
$$\Rightarrow V_{(t)} = 20\sqrt{2} \sin(100\pi t - 90^\circ)$$

فعالیت ۳

در مدار شکل (۵-۲۳) مطلوبست:

$$L = 4.0 mH$$

$$C = 5.0 \mu F$$



$$i_{(t)} = 3\sqrt{2} \sin(500t + 60^\circ)$$

شکل (۵-۲۳)



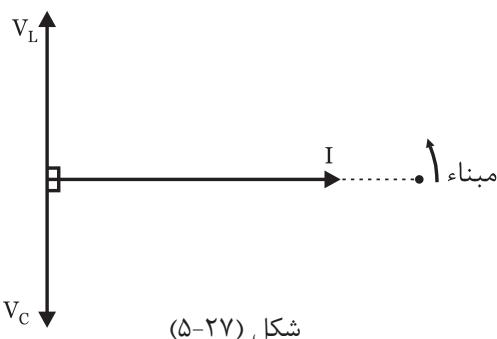
$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 3A$$

جریان \times مقاومت = ولتاژ

$$V_L = X_L I_e = (1)(3) = 30V$$

$$V_C = X_C I_e = (5)(3) = 15V$$

- (ب) برای نوشتن معادلات زمانی ولتاژ نیاز به رسم دیاگرام
برداری می‌باشد که مراحل آن به صورت زیر است.
- مبنای رسم کنید.
 - معادله‌ی زمانی جریان منبع را رسم کنید.



شکل (۵-۲۷)

- در سلف، جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا V_L از جریان مدار جلوتر است.
- در خازن، جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا V_C از جریان مدار عقبتر است.
- با توجه به موقعیت بردارهای V_L و V_C معادله‌ی زمانی آن‌ها می‌شود.

$$V_{Lm} = \sqrt{2} V_L = 30\sqrt{2}V$$

$$V_{cm} = \sqrt{2} V_C = 15\sqrt{2}V$$

$$V_{L(t)} = 30\sqrt{2} \sin(1000t + 90^\circ)$$

$$V_{c(t)} = 15\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

(الف)



در مدار شکل (۵-۲۵) مطلوبست:

$$L = 0.1H \quad X_C = 10\Omega$$



$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(200t - 60^\circ)$$

شکل (۵-۲۵)

(الف) ولتاژ مدار

(ب) معادله‌ی زمانی ولتاژ منبع



.....

.....

.....

.....

.....

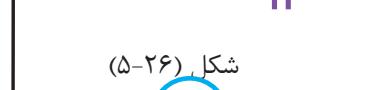
.....

.....



در مدار شکل (۵-۲۶) مطلوبست:

$$X_L = 10\Omega \quad X_C = 5\Omega$$



شکل (۵-۲۶)

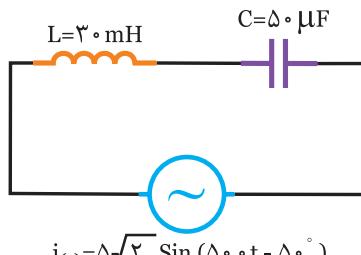
$$i_{(t)} = 3\sqrt{2} \sin 1000t$$

(الف) ولتاژ دو سر سلف و خازن

(ب) معادله‌ی زمانی ولتاژ دو سر آنها

فعالیت ۵

در مدار شکل (۵-۲۸) مطلوبست:



$$i(t) = 5\sqrt{2} \sin(500t - 50^\circ)$$

شکل (۵-۲۸)

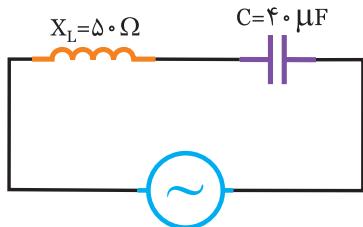
الف) ولتاژ دو سر هر المان

ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر آنها



تمرین

در مدار شکل (۵-۳۰) مطلوبست:



$$i(t) = 4\sqrt{2} \sin(500t + 10^\circ)$$

شکل (۵-۳۰)

الف) ولتاژ دو سر V_C و V_L

ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر هر المان



الف) ابتدا X_L و X_C را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 500 \times 3.0 \times 10^{-3} = 1.5 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 4.0 \times 10^{-6}} = 500 \Omega$$

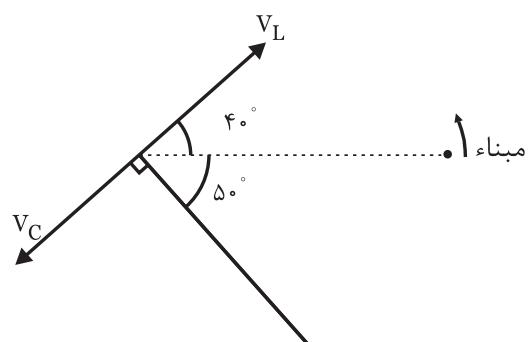
$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0.707 A$$

جریان \times مقاومت = ولتاژ

$$V_L = X_L I_e = (1.5)(0.707) = 1.06 V$$

$$V_C = X_C I_e = (500)(0.707) = 353.5 V$$

ب) برای نوشتن معادلات زمانی ولتاژ دو سر سلف و خازن باید مینا را مشخص کرده و دیاگرام معادله زمانی جریان رارسم کنیم و سپس دیاگرام V_L و V_C رارسم نماییم.



شکل (۵-۲۹)

مثال ۵

$$I_m = \sqrt{2} \quad I_e = \sqrt{2} \times 10 = 10\sqrt{2}$$

جریان ماکریم

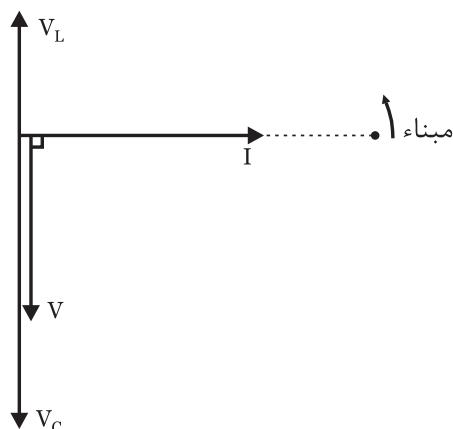
$$i_{(t)} = I_m \sin \omega t \Rightarrow i_{(t)} = 10\sqrt{2} \sin(1000t)$$

ب) با داشتن جریان مدار، ولتاژ دو سر هر المان را بدست جریان \times مقاومت = ولتاژ می‌آوریم.

$$V_L = X_L I_e = (20)(10) = 200V$$

$$V_C = X_C I_e = (30)(10) = 300V$$

ج) برای بدست آوردن معادله زمانی ولتاژ سلف و خازن دیاگرام برداری را ترسیم کرده و با توجه به اینکه ولتاژ سلف 90° جلوتر از جریان مدار و ولتاژ خازن 90° عقبتر از جریان مدار می‌باشد معادله زمانی V_L و V_C را می‌نویسیم.



شکل (۵-۳۳)

$$V_{Lm} = \sqrt{2} \quad V_L = 200\sqrt{2}V$$

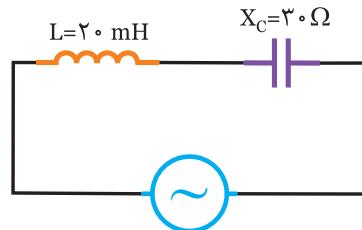
$$V_{cm} = \sqrt{2} \quad V_C = 300\sqrt{2}V$$

$$V_{L(t)} = 200\sqrt{2} \sin(1000t + 90^\circ)$$

$$V_{c(t)} = 300\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

مثال ۶

در مدار شکل (۵-۳۱) مطلوب است:



$$V_{(t)} = 1000\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

شکل (۵-۳۱)

الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

ب) ولتاژ دو سر هر المان

ج) معادله زمانی ولتاژ دو سر هر المان



الف) ابتدا مقاومت سلفی را محاسبه کنید.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 20 \times 10^{-3} = 20\Omega$$

$$Z = |X_L - X_C| = |20 - 30| = 10\Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100V$$

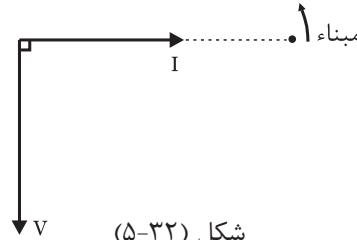
$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{جریان}}$$



$$I = \frac{V}{Z} = \frac{100}{10} = 10A$$

برای بدست آوردن معادله زمانی جریان منبع دیاگرام برداری رارسم کنید.

چون $X_C > X_L$ است مدار خاصیت خازنی دارد و جریان مدار 90° جلوتر از ولتاژ می‌شود.

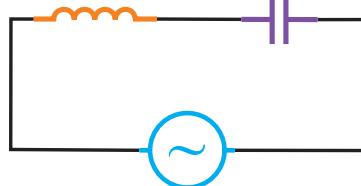


شکل (۵-۳۲)

فعالیت ۵

در مدار شکل (۵-۳۴) مطلوبست:

$$L = ۰/۳ \text{ H} \quad C = ۲۰ \mu\text{F}$$



$$V_{(t)} = ۵۰\sqrt{۲} \sin(۵۰۰t) \text{ V}$$

شکل (۵-۳۴)

(الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

(ب) ولتاژ دو سر هر المان

(ج) معادله زمانی ولتاژ آنها

(الف)

$$X_L = \omega L = ۵۰۰ \times ۰/۳ = \Omega$$

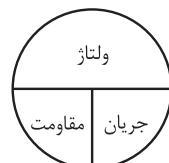
$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{.....} = \Omega$$

$$Z = |X_L - X_C| = |150 -| = \Omega$$

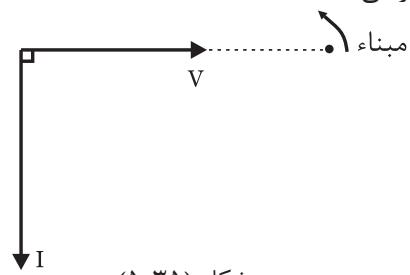
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{.....}{\sqrt{2}} = \text{ V}$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{ مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{ مقاومت}}$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{.....}{.....} = \text{ A}$$



برای بدست آوردن معادله زمانی جریان مدار دیاگرام
برداری نیاز می باشد.



شکل (۵-۳۵)

- ابتدا مینا را رسم کنید.
- بردار $V_{(t)}$ را رسم کنید.
- چون $X_L > X_C$ است لذا مدار پس فاز است.

$$I_m = \sqrt{۲} I_e = (\sqrt{۲})(.....) = \text{ A}$$

$$I_{(t)} = \sin(۵۰۰t - ۹۰^\circ)$$

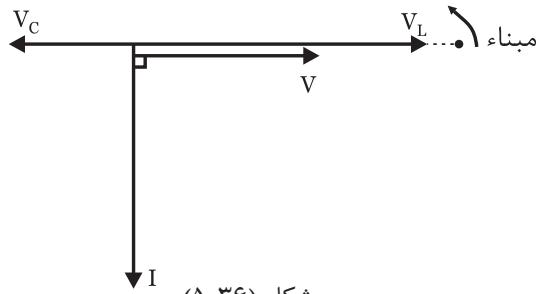
ب) با داشتن جریان مدار، ولتاژ دو سر هر المان را بدست

$$V_L = X_L I_e = \times = \text{ V} \quad \text{آورید.}$$

$$V_C = X_C I_e = \times = \text{ V}$$

ج) برای بدست آوردن معادله زمانی V_L و V_C دیاگرام
برداری نیاز داریم.
- مینا را مشخص کنید.

- بردار V و I را رسم کنید.



شکل (۵-۳۶)
- ولتاژ سلف ۹۰° از جریان سلف جلوتر است.

- ولتاژ خازن ۹۰° از جریان خازن عقب تر است.

$$V_{Lm} = \sqrt{۲} V_L = (\sqrt{۲})(.....) = \text{ V}$$

$$V_{cm} = \sqrt{۲} V_C = (\sqrt{۲})(.....) = \text{ V}$$

$$V_{L(t)} = \sin(۵۰۰t + ۰)$$

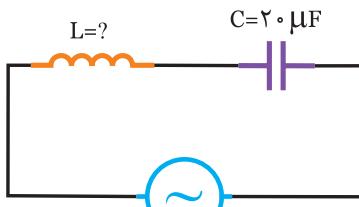
$$V_{c(t)} = \sin(۵۰۰t - ۱۸۰^\circ)$$

مثال ۷

در مدار شکل (۵-۳۸) مطلوبست:

الف) مقاومت سلفی

ب) اندوکتانس سلفی



$$V_{(t)} = 100 \sqrt{2} \sin(500t - 30^\circ)$$

$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(500t + 60^\circ)$$

شکل (۵-۳۸)

مکارس

در مدار شکل (۵-۳۷) مطلوبست:

$$L = 50 \text{ mH}$$

$$C = 40 \mu\text{F}$$



$$V_{(t)} = 50 \sqrt{2} \sin(500t + 90^\circ)$$

شکل (۵-۳۷)

الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

ب) ولتاژ دو سر هر المان

ج) معادله زمانی V_L و V_C

الف) ابتدا ولتاژ و جریان موثر مدار را بدست آورید.

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100\text{V}$$

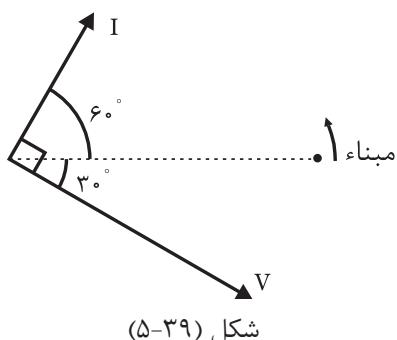
$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2\text{A}$$

ولتاژ $\frac{\text{جریان}}{\text{ مقاومت}}$



$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{100}{2} = 50\Omega$$

دیاگرام برداری را ترسیم کنید.



شکل (۵-۳۹)

دیاگرام برداری را ترسیم کنید.

چون جریان مدار 90° جلوتر از ولتاژ مدار است به همین

دلیل مدار پیش فاز بوده و $X_c > X_L$ است.

$$Z = |X_L - X_c|$$

$$X_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 20 \times 10^{-6}} = 100\Omega$$

چون ولتاژ مدار جلوتر از جریان می‌باشد، مدار پس فاز

$$Z = |X_L - X_c| \quad \text{و } X_L > X_c \text{ است.}$$

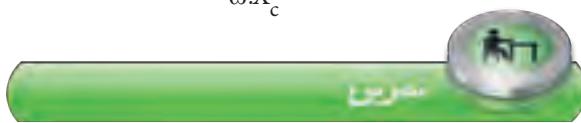
$$X_L = \omega L = 50 \times 10^{-3} \times 1000 = 50\Omega$$

$$Z = X_L - X_c$$

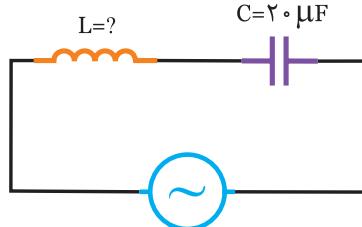
$$\dots = 50 - \dots \Rightarrow X_c = \dots \Omega$$

(ب)

$$X_c = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega X_c} = \frac{1}{50 \times 50} = \dots \mu F$$



در مدار شکل (۵-۴۱) مطلوبست:



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin(1000t - 50^\circ)$$

$$i_{(t)} = 4\sqrt{2} \sin(1000t + 40^\circ)$$

شكل (۵-۴۱)

الف) مقاومت القابی

ب) ضریب خودالقابی سلف (L)

$$Z = X_c - X_L$$

$$50 = 100 - X_L \Rightarrow X_L = 50\Omega$$

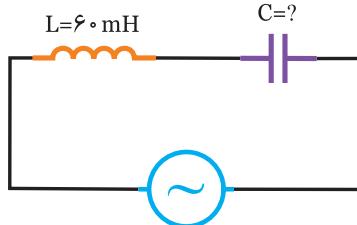
(ب)

$$X_L = \omega L \Rightarrow L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{50}{50} = 1\text{H}$$

$$L = 1\text{mH}$$

فعالیت ۷

در مدار شکل (۵-۴۰) مطلوبست:



$$V_{(t)} = 100 \sin 1000t$$

$$i_{(t)} = 5 \sin(1000t - 90^\circ)$$

شكل (۵-۴۰)

الف) مقاومت خازنی

ب) ظرفیت خازن بر حسب میکروفاراد



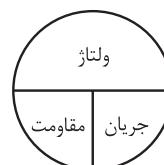
الف)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = \dots \text{V}$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\sqrt{2}} = \dots \text{A}$$

ولتاژ
جریان
 مقاومت

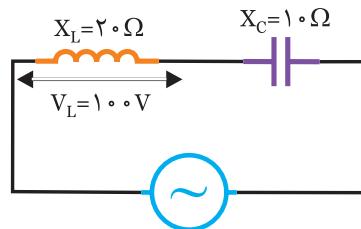
$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \Omega$$





مثال ۷

در مدار شکل (۵-۴۲) مطلوبست:



شکل (۵-۴۲)

- (الف) جریان منبع
ب) ولتاژ منبع

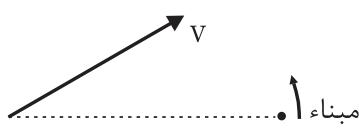
ج) رسم دیاگرام برداری با فرض $\theta_V = 0^\circ$

$$I_e = \frac{V_C}{X_C} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

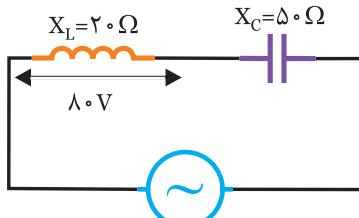
$$Z = |X_L - X_C| = |\dots - \dots| = \dots \Omega$$

$$V_e = Z \cdot I_e = \dots \times \dots = \dots V$$

ج) چون $X_L > X_C$ است، مدار می‌باشد و جریان مدار درجه از ولتاژ مدار است. دیاگرام را کامل کنید.



شکل (۵-۴۵)



شکل (۵-۴۶)

- (الف) جریان مدار
ب) ولتاژ منبع

ج) رسم دیاگرام برداری با فرض $\theta_V = 0^\circ$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{مقاومت}}$$

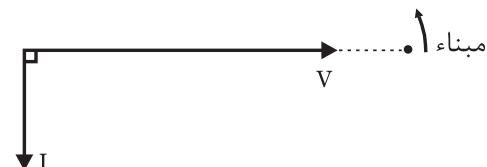
$$I_e = \frac{100}{20} = 5 A$$

$$\text{جریان} \times \text{ مقاومت} = \text{ ولتاژ}$$

$$Z = |X_L - X_C| = |20 - 50| = 10 \Omega$$

$$V_e = Z \cdot I_e \Rightarrow V_e = 10 \times 5 = 50 V$$

ج) چون $X_L > X_C$ است مدار پس فاز می‌باشد و جریان مدار از ولتاژ مدار عقبتر است.



شکل (۵-۴۳)

در مدار شکل (۵-۴۴) مطلوبست:

- (الف) جریان منبع
ب) ولتاژ منبع

ج) رسم دیاگرام برداری با فرض $\theta_V = 30^\circ$

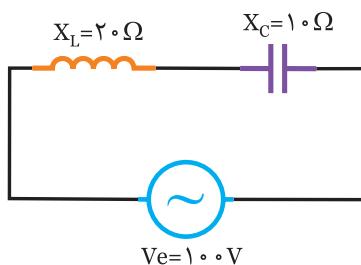
در مدار شکل (۵-۴۴) مطلوبست:

- (الف) جریان منبع
ب) ولتاژ منبع

ج) رسم دیاگرام برداری با فرض $\theta_V = 30^\circ$

مثال ۱

در مدار شکل (۵-۴۷) مطلوبست:



شکل (۵-۴۷)

الف) توان موثر

ب) توان غیر موثر

ج) توان ظاهري

$$P_e = \dots$$

(الف)

(ب)

$$Z = |X_L - X_C| = |\dots - \dots| = \dots \Omega$$

$$\dots = \frac{V_e}{\dots} \Rightarrow I_e = \frac{V_e}{\dots} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

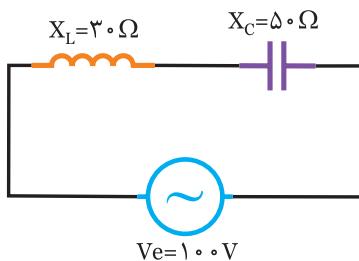
با خاطر اينكه $X_C > X_L$ است، توان راكتيو است.

$$P_d = -V_e I_e \sin\phi = -(1)(\dots)(200) = -\dots V.A.R$$

(ج)

$$P_S = V_e I_e = (\dots)(\dots) = \dots V.A$$

در مدار شکل (۵-۴۹) مطلوبست:



شکل (۵-۴۹)

ب) توان غير مفيد مدار

الف) توان اكتيو مدار

ج) توان ظاهري مدار

الف) با خاطر اينكه مقاومت R نداريم توان موثر صفر است.

$$P_e = V_e I_e \cos\phi = 0$$

(ب)

$$Z = |X_L - X_C| = |30 - 50| = 20 \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{20} = 10 A$$

با خاطر اينكه $X_C > X_L$ است، توان غير موثر مثبت می باشد.

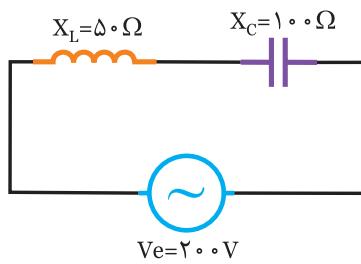
$$P_d = V_e I_e \sin\phi = (100)(10)(1) = 1000 V.A.R$$

(ج)

$$P_S = V_e I_e = 100 \times 10 = 1000 V.A$$

فعاليت ۱

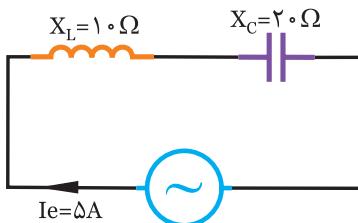
در مدار شکل (۵-۴۸) مطلوبست:



شکل (۵-۴۸)

مثال ۹

در مدار شکل (۵-۵۰) مطلوبست:



شکل (۵-۵۰)

$$P_e = R I_e^2 = (\dots)(\dots)^2 = \dots \text{W}$$

$$P_{dL} = X_L I_e^2 = (4)(\dots)^2 = \dots \text{V.A.R}$$

$$P_{dc} = -X_C I_e^2 = -(10)(\dots)^2 = \dots \text{V.A.R}$$

$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = \dots - \dots = \dots \text{V.A.R}$$

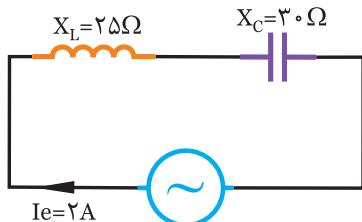
$$P_s = |P_d| = |\dots\dots| = \dots \text{V.A}$$

الف) توان اکتیو

ب) توان راکتیو

ج) توان ظاهری

در مدار شکل (۵-۵۲) مطلوبست:



شکل (۵-۵۲)

الف) توان موثر

ب) توان غیر موثر

ج) توان ظاهری

$$P_e = R I_e^2 = (0)(2)^2 = 0 \text{W}$$

$$P_{dL} = X_L I_e^2 = (10)(2)^2 = 250 \text{W}$$

$$P_{dc} = -X_C I_e^2 = -(20)(2)^2 = -800 \text{W}$$

$$P_d = 250 - 800 = -550 \text{V.A.R}$$

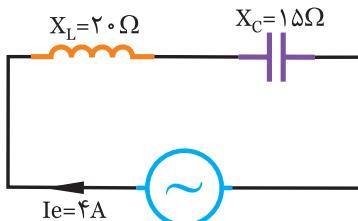
$$Z = |X_L - X_C| = |10 - 20| = 10 \Omega$$

$$P_s = Z I_e^2 = 10(2)^2 = 250 \text{V.A}$$

البته می توان از رابطه $|P_d| = P_s$ نیز بدست آورید.

$$P_s = |P_d| = |-250| = 250 \text{V.A}$$

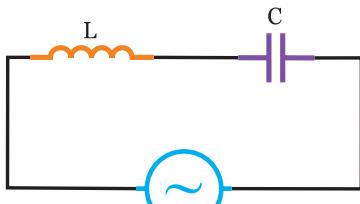
در مدار شکل (۵-۵۱) مطلوبست:



شکل (۵-۵۱)

فعالیت ۱

در مدار شکل (۵-۵۴) اگر $V_c = 2V_L$ باشد. مطلوبست:



$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(1000t + 60^\circ)$$

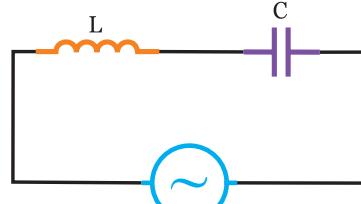
$$V_{(t)} = 200\sqrt{2} \sin(1000t - 30^\circ)$$

شکل (۵-۵۴)

(الف) اندازهی L و C

مثال ۱

در مدار شکل (۵-۵۳) اگر $V_L = 3V_c$ باشد. مطلوبست:



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 500t$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(500t - 90^\circ)$$

شکل (۵-۵۳)

(الف) اندازهی L و C



(الف)

$$V_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots\dots\dots}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots\dots\dots}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots A$$

$$V_e = |V_L - V_C| \Rightarrow 200 = 2V_L - V_L \Rightarrow V_L = \dots\dots\dots V$$

$$V_c = 2V_L = 2 \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots V$$

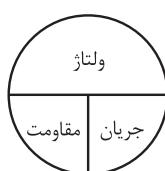
$$\text{ مقاومت} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots}$$

$$X_L = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$X_C = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots\dots\dots}{1000} = \dots\dots\dots mH$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{1000 \times \dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \mu F$$



$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100 V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 A$$

$$V_e = |V_L - V_C| \Rightarrow 100 = 3V_C - V_C \Rightarrow 100 = 2V_C$$

$$V_C = \frac{100}{2} = 50 V$$

$$V_L = 3V_C = 3 \times 50 = 150 V$$

$$\frac{\text{ ولتاژ}}{\text{ مقاومت}} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots}$$

$$X_L = \frac{V_L}{I_e} = \frac{150}{2} = 75 \Omega$$

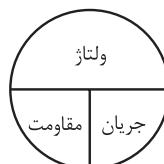
$$X_C = \frac{V_C}{I_e} = \frac{50}{2} = 25 \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{25 \times 500} = 10 \mu F$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{75}{500} = 15 mH$$



(الف)





$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{Lc}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{1.0 \times 1.0^{-3} \times 1.00 \times 1.0^{-6}}}$$

$$= \frac{1000}{2\pi} = 159 \text{ Hz}$$



فرکانس تشدید مدار شکل (۵-۵۷) را بدست آورید.

(۵-۵۷) شکل



$$C_{12} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{120 \times 10}{120 + 10} = \dots \mu F$$

$$C_t = C_r + C_{lr} = 100 + \dots = \dots \mu F$$

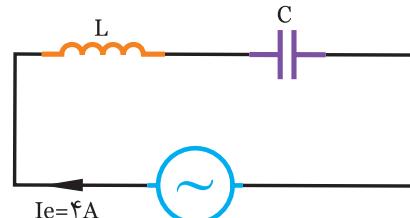
$$L_{\gamma\gamma} = \frac{L_1 \cdot L_2}{L_1 + L_2} = \frac{\dots \times \dots}{\dots \dots} = \dots \text{mH}$$

$$L_t = L_1 + L_{xx} = \gamma/\delta + \dots = \dots \text{ mH}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_t C_t}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\dots \times \dots}} = \dots \text{Hz}$$



در مدار شکل (۵-۵۵) اگر $V_C = 4V_L$ باشد، مطلوبست:

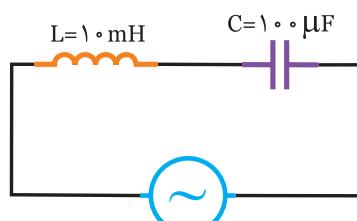


$$\omega = \dots \text{ rad/s}$$

شکل (۵-۵۵)



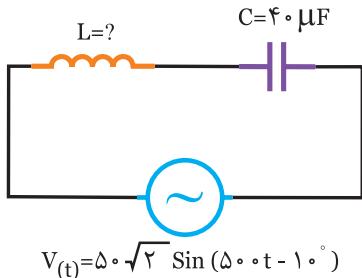
فر کانس رزنانس مدار شکل (۵-۵۶) را پدست آورد.



شکا (۵۶-۵)

مثال ۱۲

در مدار شکل (۵-۶۰) اندوکتانس L را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.



$$V(t) = 50 \sqrt{2} \sin(500t - 10^\circ)$$

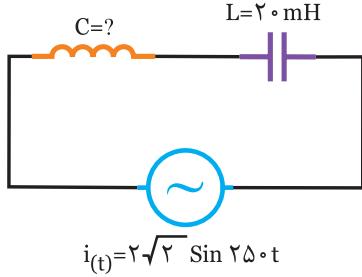
شکل (۵-۶۰)

$$X_C = X_L \Rightarrow \frac{1}{\omega C} = \omega L \Rightarrow L = \frac{1}{\omega^2 C}$$

$$L = \frac{1}{(500)^2 \times 4.0 \times 10^{-6}} = \dots\dots mH$$

مثال ۱۳

در مدار شکل (۵-۶۱) ظرفیت خازن C را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.

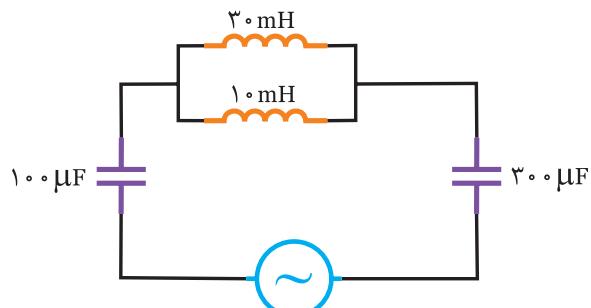


$$i(t) = 2\sqrt{2} \sin 250t$$

شکل (۵-۶۱)

مثال ۱۴

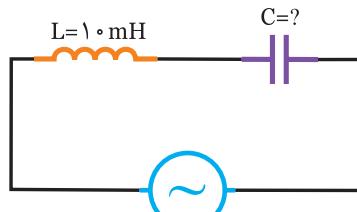
فرکانس رزنانس مدار شکل (۵-۵۸) را بدست آورید.



شکل (۵-۵۸)

مثال ۱۵

در مدار شکل (۵-۵۹) ظرفیت خازن C را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.



$$V(t) = 100 \sin(1000t + 20^\circ)$$

شکل (۵-۵۹)

حل

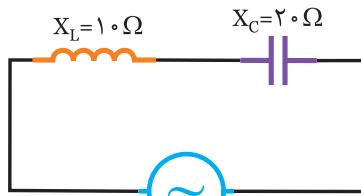
شرط اینکه مدار در حالت رزنانس قرار گیرد است لذا داریم:

$$\omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega^2 L} = \frac{1}{(1000)^2 \times 1.0 \times 10^{-3}} = 100 \mu F$$



IP-TEC

در مدار شکل (۶۲-۵) مطلوبست:



$$V_{(t)} = 100 \sqrt{2} \sin 100\pi t$$

(٦٢-٥)

الف) في كناس، تشديد

ب) امپدانس در حالت تشدید

ج) جریان مدار در حالت تشدید



الف) ابتدا L و C را بدست آورید.

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{10}{1000} = 10 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{X \cdot \omega} = \frac{1}{1000 \times 20} = 0.05 \mu F$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi \sqrt{1.0 \times 10^{-7} \times 4.0 \times 10^{-6}}} = 22 \text{ MHz}$$

ب) از آنجاییکه در رزنانس $X_I = X_C$ می باشد لذا

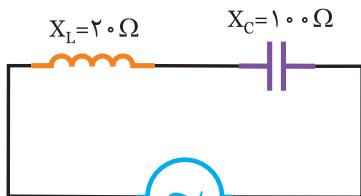
$$Z = |X_L - X_C| = \bullet$$

(ج)



广深线

د، مدار، شکا، (۶۳-۵) مطلوب است:

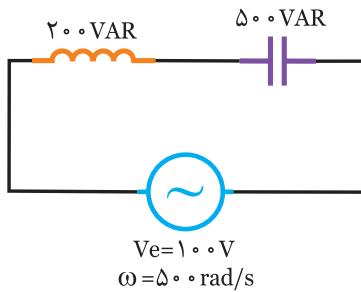


$$V_{(t)} = \omega \cdot \sqrt{2} \sin \omega \cdot t$$

(٦٣-٥)

مثال IF

در مدار شکل (۵-۶۵) مطلوبست:



شکل (۵-۶۵)

(الف) اندازه‌ی جریان منبع

(ب) اندازه‌ی L و C

$$P_d = |P_{dL} - P_{dc}| = - = \text{ V.A.R} \quad (\text{الف})$$

$$P_d = V_e I_e \Rightarrow I_e = \frac{P_d}{V_e} = \frac{.....}{.....} = \text{ A}$$

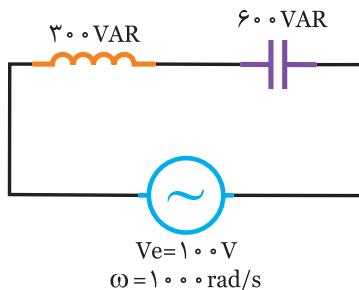
$$P_{dL} = X_L I_e^2 \Rightarrow X_L = \frac{P_{dL}}{(....)^2} = \frac{.....}{.....} = \Omega \quad (\text{ب})$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{.....}{.....} = \text{ mH}$$

$$P_{dc} = X_c I_e^2 \Rightarrow X_c = \frac{P_{dc}}{(....)^2} = \frac{.....}{.....} = \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega X_c} = \frac{1}{..... \times} = \mu\text{F}$$

در مدار شکل (۵-۶۷) مطلوبست:



شکل (۵-۶۷)

(الف) اندازه‌ی جریان منبع

(ب) اندازه‌ی L و C

$$P_d = |P_{dc} - P_{dL}| = 600 - 300 = 300 \text{ V.A.R} \quad (\text{الف})$$

$$P_d = V_e I_e \Rightarrow I_e = \frac{P_d}{V_e} = \frac{300}{100} = 3 \text{ A}$$

$$P_{dL} = X_L I_e^2 \Rightarrow X_L = \frac{300}{(3)^2} = 22/22 \Omega$$

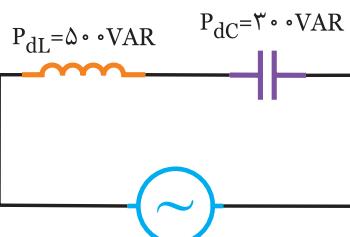
$$P_{dc} = X_c I_e^2 \Rightarrow X_c = \frac{600}{(3)^2} = 66/66 \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{22/22}{600} = 44/44 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{X_c \omega} = \frac{1}{66/66 \times 600/600} = 36 \mu\text{F}$$

فعالیت IF

در مدار شکل (۵-۶۶) مطلوبست:



شکل (۵-۶۶)



- در مدار LC سری کدام صحیح نیست؟

$$P_e = 0 \quad (1)$$

$$\cos\phi = 0 \quad (2)$$

$$\sin\phi = 0 \quad (3)$$

$$\sin\phi = 1 \quad (4)$$

- در مدار LC سری در حالت رزنانس کدام صحیح نیست؟

$$P_d = 0 \quad (1)$$

$$P_s = 0 \quad (2)$$

$$P_e = 0 \quad (3)$$

$$P_L = P_c \quad (4)$$

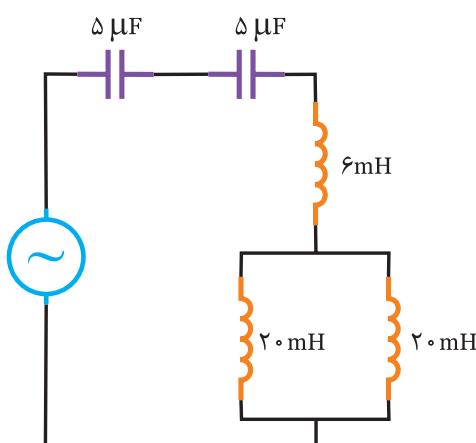
- فرکانس تشدید مدار شکل (۵-۶۸) چند هرتز است.

$$1250 \quad (1)$$

$$\frac{125}{\pi} \quad (2)$$

$$\frac{125}{1250} \quad (3)$$

$$\frac{125}{\pi} \quad (4)$$



شکل (۵-۶۸)

- در مدار LC سری اگر فرکانس زیاد شود P_{dL} چه خواهد شد؟

(۱) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

(۲) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

(۳) افزایش می‌یابد.

(۴) کاهش می‌یابد.

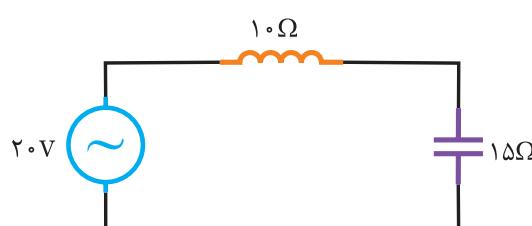
- در مدار شکل (۵-۶۹) توان راکتیو چند وار است.

$$-20 \quad (1)$$

$$20 \quad (2)$$

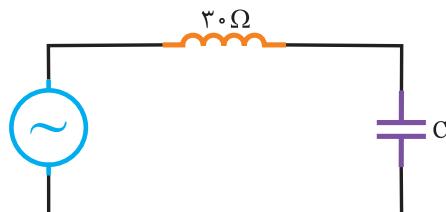
$$-80 \quad (3)$$

$$80 \quad (4)$$

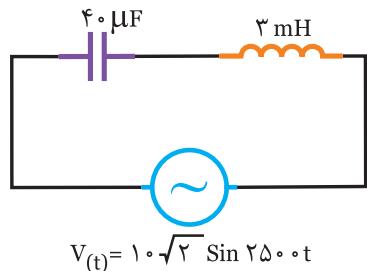


شکل (۵-۶۹)

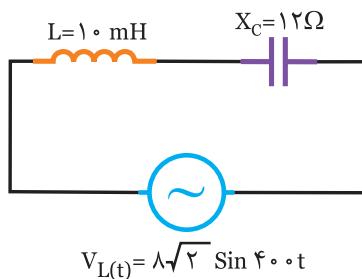
۶- در مدار شکل (۵-۷۰) اگر ظرفیت خازن چند میکروفاراد باشد. ظرفیت خازن $C = 50\sqrt{2} \text{ Sin}(500t - 90^\circ)$ و $i_{(t)} = 2\sqrt{2} \text{ Sin } 500t$ است.



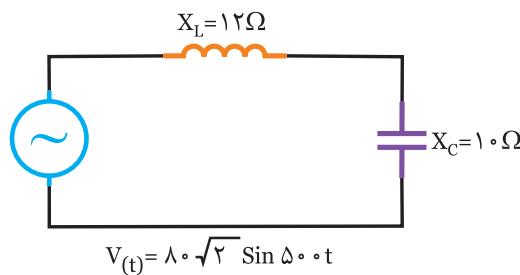
شکل (۵-۷۰)



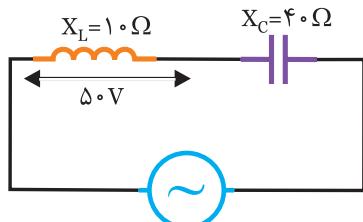
شکل (۵-۷۱)



شکل (۵-۷۲)



شکل (۵-۷۳)



شکل (۵-۷۴)

۷- در مدار شکل (۵-۷۱) مطلوبست:

(الف) جریان مدار

(ب) معادله زمانی جریان مدار

(ج) مدار توسط نرم افزار مولتیسیم به صورت آزمایشگاه مجازی بسته و درستی جوابها را بررسی کنید.

۸- در مدار شکل (۵-۷۲) مطلوبست:

(الف) امپدانس مدار

(ب) معادله زمانی جریان منبع

۹- در مدار شکل (۵-۷۳) مطلوبست:

(الف) معادله زمانی جریان مدار

(ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر سلف و خازن

۱۰- در مدار شکل (۵-۷۴) مطلوبست:

(الف) جریان مدار

(ب) ولتاژ منبع

(ج) رسم دیاگرام برداری ولتاژ با فرض $\theta_v = 50^\circ$

تحقیق کنید



به کمک موتورهای جستجوگر دربارهٔ لغات زیر مطالعی را تهیه و در کلاس ارائه دهید.

Impedance (۱)

Admittance (۲)

Susceptance (۳)

Reactance (۴)

Serial LC Circuits (۵)

همچنین دربارهٔ تفاوت لغات زیر تحقیق کنید.

Resistance با Resistor (۱)

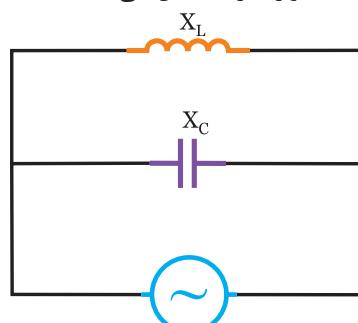
Inductance با Inductor (۲)

Capacitance با Capacitor (۳)

خلاصه درس

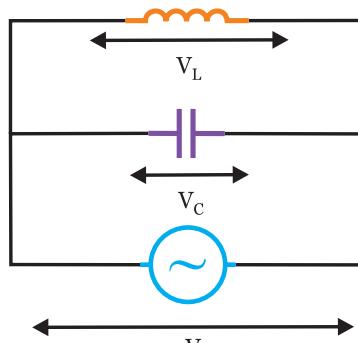
۵-۳- مدارهای LC موازی:

هرگاه یک مقاومت سلفی و یک مقاومت خازنی به صورت موازی به یک منبع ولتاژ متناوب متصل شود. مطابق شکل (۵-۷۵) مدار LC موازی را تشکیل می‌دهد.



شکل (۵-۷۵)

در مدارهای LC موازی ولتاژ منبع با ولتاژ هر یک از عناصر که در شکل (۵-۷۶) دیده می‌شود، برابر می‌باشد.

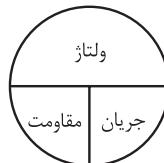


شکل (۵-۷۶)

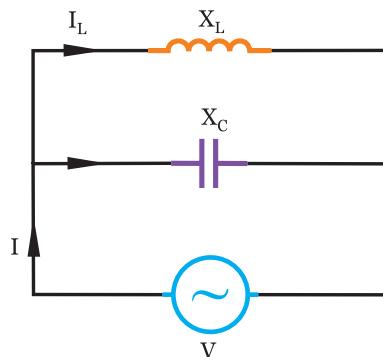
$$\text{جریان} \times \text{ مقاومت} = \text{ولتاژ}$$

$$V = ZI$$

$$V_L = V_C = V_e$$



در این مدارها در شکل (۵-۷۷) جریان منبع به نسبت عکس مقاومتهای سلفی و خازنی تقسیم می‌شود.



شکل (۵-۷۷)

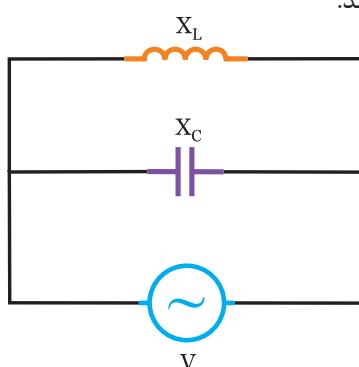
$$I_e = |I_L - I_C|$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} \quad I_C = \frac{V_e}{X_C}$$

در مدارهای LC موازی مطابق شکل (۵-۷۸) اختلاف فاز

$$\varphi = 90^\circ$$

می‌باشد.



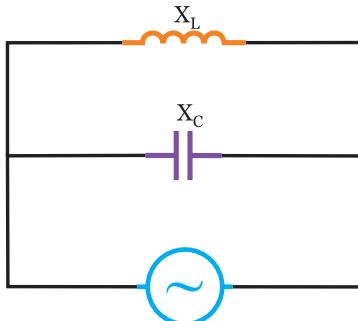
$$V(t) = V_m \sin \omega t$$

$$i(t) = I_m \sin(\omega t \pm 90^\circ)$$

شکل (۵-۷۸)

پس فاز است لذا $I_L > I_C$ می‌باشد.
در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا I_C نسبت به V 90° جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا $I_L > I_C$ می‌باشد.

اگر $X_L > X_C$ باشد:
از آنجاییکه $V_L = V_C$ می‌باشد جریان عبوری از سلف و خازن در مدار شکل (۵-۸۱) برابر می‌شود لذا جریان منبع صفر خواهد شد که مدار در حالت تشديید يا رزنانس می‌باشد.



شکل (۵-۸۱)

$$X_L = X_C \Rightarrow I_c = I_L$$

$$I = |I_L - I_c| \Rightarrow I = 0$$

$$X_L = X_C \Rightarrow \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = 2\pi f L \Rightarrow f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

برای بدست آوردن توان در مدارهای LC موازی به علت اينکه $\varphi = \pm 90^\circ$ است، داريم:

$$\varphi = \pm 90^\circ \Rightarrow \cos \varphi = 0 \quad \sin \varphi = \pm 1$$

- توان موثر یا مصرفی صفر می‌باشد.

$$P_e = V_e I_e \cos \varphi = 0$$

- توان غیر موثر یا راکتیو می‌شود.

$$P_d = V_e I_e \sin \varphi = \pm V_e I_e$$

- اگر $X_L > X_C$ باشد. مدار پيش فاز بوده و $P_d = -V_e I_e$

می‌شود و اگر $X_C > X_L$ باشد. مدار پس فاز بوده و $P_d = V_e I_e$ می‌شود.

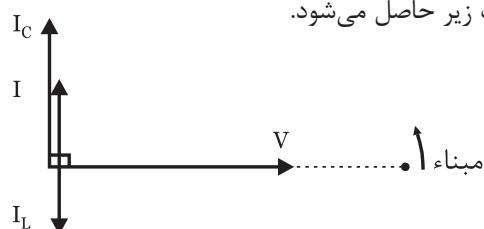
- توان ظاهري می‌شود.

۵-۴-۵- تاثير فرکانس بر روی امپدانس و جریان در مدار LC موازی:

از آنجاییکه با افزایش فرکانس مقاومت سلفی $2\pi f L$ افزایش می‌يابد و با افزایش فرکانس مقاومت خازنی $\frac{1}{2\pi f C}$

اگر $X_L > X_C$ باشد: مراحل ايجاد نمودار شکل (۵-۷۹) به

صورت زير حاصل می‌شود.



شکل (۵-۷۹)

- مينا را ترسیم کنيد.

- بردار V رارسم کنيد.

- جریان منبع از ولتاژ منبع 90° جلوتر است.

- معادلهی زمانی جریان منبع به صورت

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

نوشته می‌شود.

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا

$$I_L \text{ نسبت به } V = 90^\circ$$

- عقبتر ترسیم می‌شود.

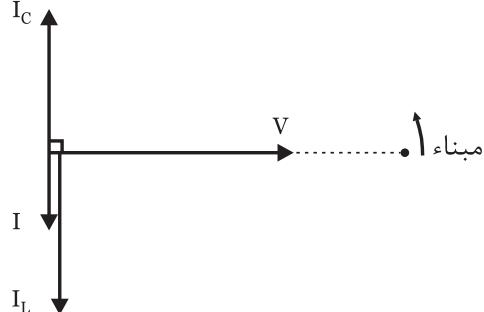
- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا

I_C نسبت به V 90° جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار

پيش فاز است لذا $I_C > I_L$ می‌باشد.

اگر $X_L < X_C$ باشد: مراحل ايجاد نمودار شکل (۵-۸۰) به

صورت زير حاصل می‌شود.



شکل (۵-۸۰)

- مينا را ترسیم کنيد.

- بردار V رارسم کنيد.

- جریان منبع از ولتاژ منبع 90° عقبتر است.

- معادلهی زمانی جریان منبع به

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

نوشته می‌شود.

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا

I_L نسبت به V 90° عقبتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار

$$f = f_r \Rightarrow X_L = X_c$$

$$Z = \infty$$

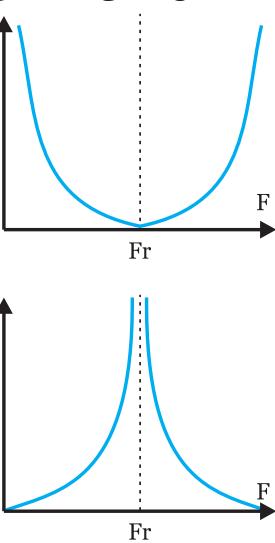
$$I = 0$$

نتایج بررسی شده را می‌توان در جدول زیر خلاصه کرد.

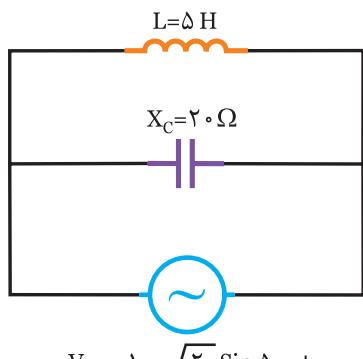
امپدانس تابعی از فرکانس

F	0	Fr	∞
Z	0	∞	0
I	∞	0	∞

جریان تابعی از فرکانس
(۵-۸۶)



در مدار شکل (۵-۸۴) امپدانس مدار را بدست آورید.



شکل (۵-۸۷)

ابتدا X_L را بدست می‌آوریم.

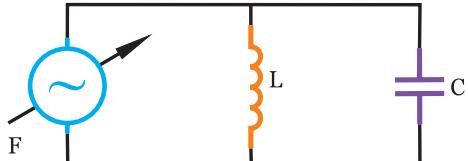
$$X_L = \omega L = 5000 \times 5 \times 10^{-3} = 25 \Omega$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_L - X_c|} = \frac{2/5 \times 25}{|25 - 2|} = \frac{50}{23} = 2.17 \Omega$$

توضیح: چون $X_c > X_L$ می‌باشد لذا مدار پس فاز است.

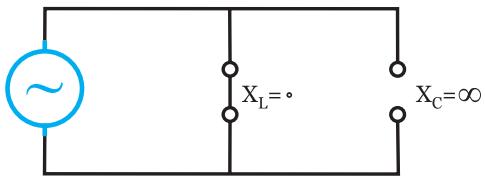
$$\text{کاهش می‌یابد لذا با توجه به فرمول‌های } Z = \frac{1}{\left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_c} \right|}$$

در شکل‌های زیر، Z و I در کمترین و بیشترین فرکانس و فرکانس رزنانس بررسی می‌کنیم.



شکل (۵-۸۲)

۱) فرکانس صفر (DC):



شکل (۵-۸۳)

$$f = 0 \Rightarrow X_L = 0$$

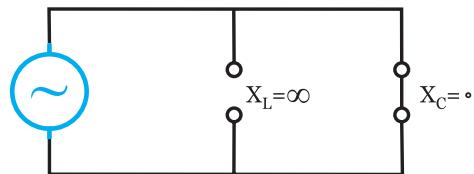
$$X_c = \infty$$

$$Z = \infty$$

$$I = 0$$

سلف مدار را اتصال کوتاه می‌کند.

۲) فرکانس بینهایت:



شکل (۵-۸۴)

$$f = \infty \Rightarrow X_L = \infty$$

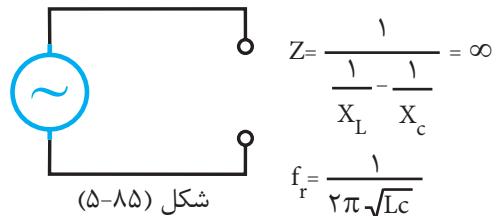
$$X_c = 0$$

$$Z = 0$$

$$I = \infty$$

خازن مدار را اتصال کوتاه می‌کند.

۳) فرکانس رزنانس (تشدید):



شکل (۵-۸۵)

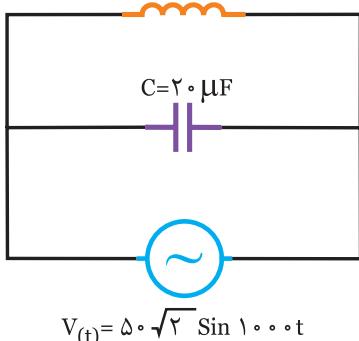
$$Z = \frac{1}{\left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_c} \right|} = \infty$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

مثال ۱۷

در مدار شکل (۵-۹۰) مطلوبست:

$$X_L = 10 \Omega$$



شکل (۵-۹۰)

الف) جریان مدار ب) معادله زمانی جریان منبع

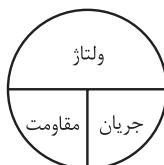


الف) ابتدا مقدار X_C را بدست می‌آوریم.

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{1000 \times 2 \times 10^{-6}} = 50 \Omega$$

$$Z = \frac{X_C X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{10 \times 50}{|10 - 50|} = \frac{500}{40} = 12.5 \Omega$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{ مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{ ولتاژ}}$$



$$V_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{50\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 50 \text{ V}$$

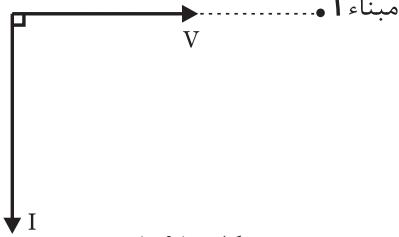
جریان موثر مدار

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{50}{12.5} = 4 \text{ A}$$

ب) برای نوشتن معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام

برداری می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.

مبناه ۱

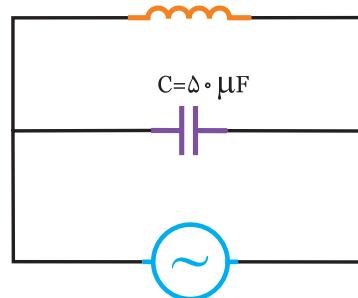


شکل (۵-۹۱)

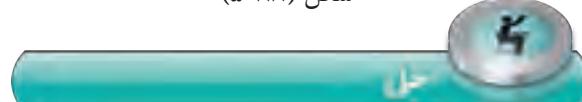
فعالیت ۱۵

در مدار شکل (۵-۸۸) امپدانس مدار را بدست آورید.

$$X_L = 10 \Omega$$



شکل (۵-۸۸)



$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{..... \times} = \Omega$$

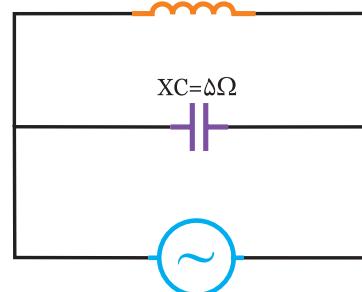
$$Z = \frac{X_C X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{..... \times}{|..... -|} =$$

توضیح: چون X_L می‌باشد لذا مدار فاز است.



در مدار شکل (۵-۸۹) امپدانس مدار را بدست آورید.

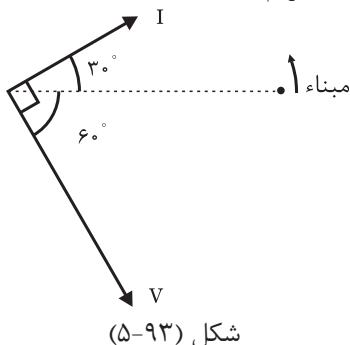
$$XL = 10 \Omega$$



شکل (۵-۸۹)

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \dots\dots\dots A$$

ب) برای نوشتن معادله‌ی زمانی جریان نیاز به دیاگرام برداری می‌باشد که در این مدار $X_L > X_C$ است لذا مدار پیش می‌باشد، که داریم:



شکل (۹۳-۵)

$$I_m = \sqrt{2} I_e = A$$

$$I_{(t)} = I_m \sin(\omega t + 90^\circ) \Rightarrow I_{(t)} = \dots \sin(\dots + 90^\circ)$$



در مدار شکل (۹۴-۵) مطلوبست:

A circuit diagram consisting of a vertical loop. On the left vertical segment, there is an AC voltage source symbol (a circle with a wavy line). On the top horizontal segment, there is an inductor symbol (an orange coil). On the right vertical segment, there is a capacitor symbol (two parallel purple lines). The bottom horizontal segment is the continuation of the loop.

شکار (۹۴-۵)

الفنون

ب) معادله‌ی زمانی حیان منبع

- مبنا را ترسیم می کنیم.

- بردار V را رسم کنید.

- در این مدار X_L است لذا مدار پس فاز و جریان منبع ۹۰° ولیتاً مدار عقبت است و آن را سه کنند.

- با توجه به موقعیت پردار I معادله به صورت زیر

$$I_m = \sqrt{2} I_o = 4\sqrt{2} A$$

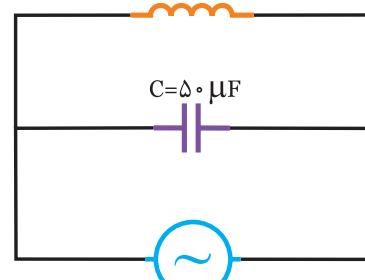
$$I_{(t)} = I_m \sin(\omega t - 90^\circ) \Rightarrow I_{(t)} = 4\sqrt{2} \sin(100\pi t - 90^\circ)$$



جعانت ۱۷

در مدار شکل (۹۲-۵) مطلوبست:

$$L = 1 \circ \circ mH$$

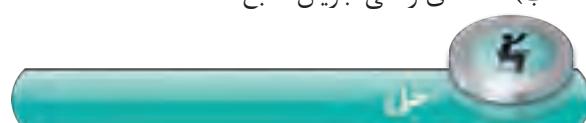


$$V(t) = 100\sqrt{2} \sin(30^\circ t - 30^\circ)$$

شکل (۹۲-۵)

الف) جريان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع



الف)

$$X_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{\times} = \dots \Omega$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots \times \dots}{\dots - \dots} = \gamma \circ \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \dots = \dots V$$

- در این مدار $X_L > X_C$ است لذا مدار پیش فاز و جریان منبع ۹۰° از جریان مدار عقبتر است و آن را رسم کنید.

- با توجه به موقعیت بردار V معادله زمانی آن را

$$V_m = \sqrt{2} \quad V_e = \sqrt{2} \times 800 = 800\sqrt{2} \quad \text{می‌نویسیم.}$$

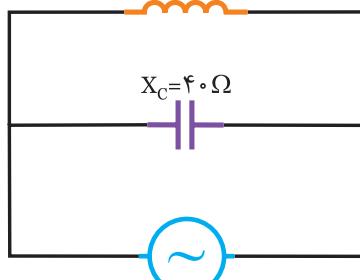
$$V_{(t)} = V_m \sin(500t - 20^\circ)$$

$$\Rightarrow V_{(t)} = 800\sqrt{2} \sin(500t - 20^\circ)$$

فعالیت ۱۷

در مدار شکل (۵-۹۷) مطلوب است:

$$X_L = 20\Omega$$



$$i_{(t)} = 3\sqrt{2} \sin(\omega t - 40^\circ)$$

شکل (۵-۹۷)

الف) ولتاژ مدار

ب) معادله زمانی ولتاژ منبع

(الف)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots \times \dots}{|\dots - \dots|} = \dots \Omega$$

جریان موثر منبع

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\sqrt{2}} = \dots A$$

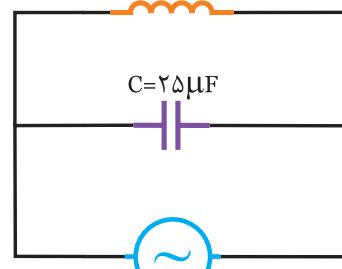
ولتاژ مدار

$$V_e = Z \cdot I_e = \dots \times \dots = \dots V$$

مثال ۱۷

در مدار شکل (۵-۹۵) مطلوب است:

$$X_L = 100\Omega$$



$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(500t + 70^\circ)$$

شکل (۵-۹۵)

الف) ولتاژ منبع

ب) معادله زمانی ولتاژ منبع



الف) ابتدا X_c را بدست می‌آوریم.

$$X_c = \frac{1}{\omega c} = \frac{1}{500 \times 25 \times 10^{-6}} = 80\Omega$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{100 \times 80}{|80 - 100|} = 400\Omega$$

مقاومت × جریان = ولتاژ



$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2A$$

ولتاژ موثر منبع

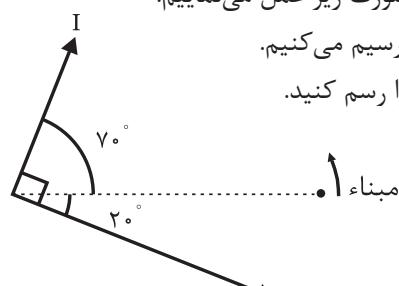
$$V_e = Z \cdot I_e = 400 \times 2 = 800V$$

ب) برای نوشتتن معادله ولتاژ نیاز به دیاگرام برداری

می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.

- مبدأ را ترسیم می‌کنیم.

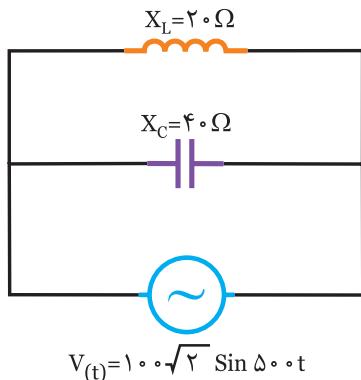
- بردار I را رسم کنید.



شکل (۵-۹۶)

مثال ۱۷

در مدار شکل (۵-۱۰۰) مطلوبست:



شکل (۵-۱۰۰)

- (الف) جریان عبوری از سلف و خازن
- (ب) معادله زمانی جریان سلف و خازن

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100V$$

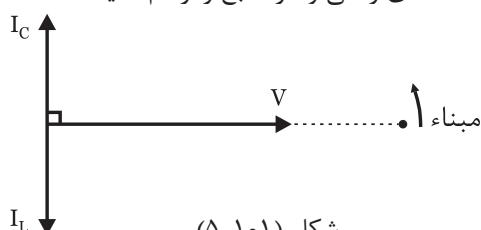
الف

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{100}{20} = 5A$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{100}{40} = 2.5A$$

- (ب) برای نوشتن معادلات زمانی جریان نیاز به رسم دیاگرام برداری می‌باشد که مرحل آن به صورت زیر است.

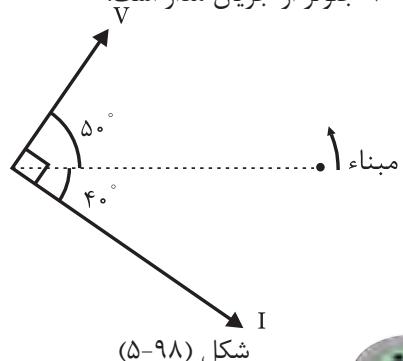
- مبدأ را ترسیم کنید.
- معادله زمانی ولتاژ منبع را رسم کنید.



شکل (۵-۱۰۱)

- در سلف جریان 90° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا I_L از 90° از ولتاژ مدار عقبتر است.
- در خازن جریان 90° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا I_c از 90° از ولتاژ مدار جلوتر است.

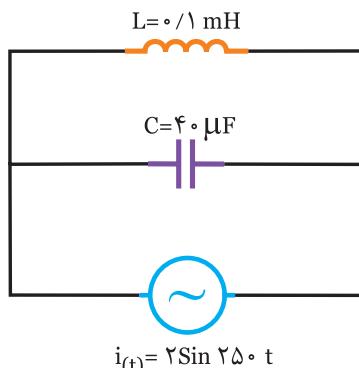
ب) برای نوشتن معادله زمانی ولتاژ منبع نیاز به دیاگرام برداری درایم که در این مدار $X_c > X_L$ است لذا مدار پس فاز و ولتاژ مدار 90° جلوتر از جریان مدار است.



شکل (۵-۹۸)

تمرین

در مدار شکل (۵-۹۹) مطلوبست:



شکل (۵-۹۹)

(الف) ولتاژ مدار

(ب) معادله زمانی ولتاژ منبع

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

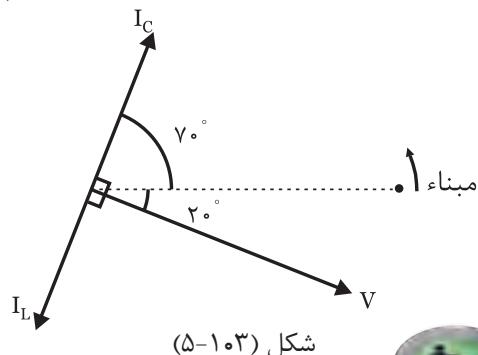
.....

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = \dots A$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = \dots A$$

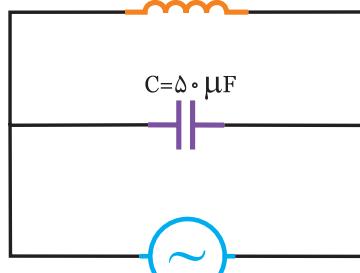
$$I_{L(t)} = \dots \sin(1000t - \dots)$$

$$I_{c(t)} = \dots \sin(1000t + \dots)$$



در مدار شکل (۵-۱۰۴) مطلوبست:

$$X_L = 20 \Omega$$



$$V_{(t)} = 120\sqrt{2} \sin(500t + 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۴)

(الف) جریان عبوری از سلف و خازن

(ب) معادله زمانی جریان سلف و خازن

- با توجه به موقعیت بردارهای I_L و I_c معادله زمانی آنها می‌شود.

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = 5\sqrt{2} A$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = 2/5\sqrt{2} = \frac{5\sqrt{2}}{2} A$$

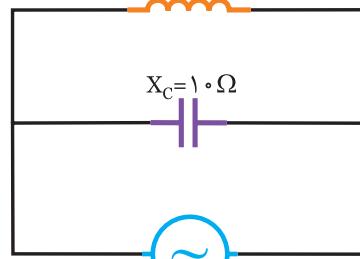
$$i_{L(t)} = 5\sqrt{2} \sin(500t - 90^\circ)$$

$$i_{C(t)} = \frac{5\sqrt{2}}{2} \sin(500t + 90^\circ)$$

فعالیت ۱۶

در مدار شکل (۵-۱۰۲) مطلوبست:

$$L = 20 mH$$



$$V_{(t)} = 50\sqrt{2} \sin(1000t - 20^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۲)

(الف) جریان عبوری از سلف و خازن

(ب) معادله زمانی جریان سلف و خازن

الف)

$$X_L = \omega L = \dots \times \dots = \dots \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\sqrt{2}} = \dots V$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

ب) برای نوشتن معادلات زمانی جریان سلف و خازن باید

مینا را مشخص کرده و دیاگرام معادله زمانی ولتاژ را رسم کنیم

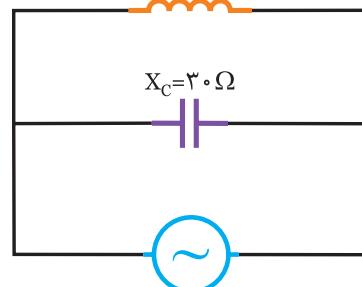
و سپس دیاگرام I_L و I_c را رسم نماییم.

مثال ۱۹



در مدار شکل (۵-۱۰۵) مطلوبست:

$$L = ۲۰ \text{ mH}$$



$$i_{(t)} = ۲\sqrt{2} \sin(1000t - ۹۰^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۵)

الف) ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن

ب) جریان سلف و خازن

ج) معادلهی زمانی جریان سلف و خازن



الف) ابتدا مقاومت سلفی را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times ۲۰ \times 10^{-۳} = ۲۰ \Omega$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{۳۰ \times ۲۰}{|۲۰ - ۳۰|} = ۶۰ \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{۲\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = ۲ \text{ A}$$

$$\text{جریان} \times \text{ مقاومت} = \text{ ولتاژ}$$

$$V_e = Z I_e \Rightarrow V_e = ۲ \times ۶۰ = ۱۲۰ \text{ V}$$

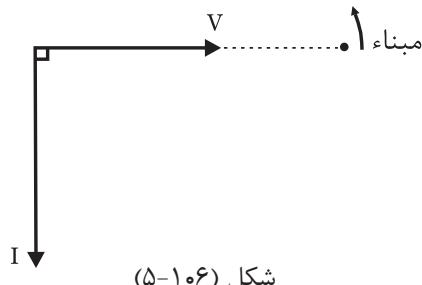
برای بدست آوردن معادلهی زمانی ولتاژ دیاگرام برداری را رسم کنید.

چون $X_c > X_L$ است مدار خاصیت سلفی دارد و ولتاژ مدار 90° جلوتر از جریان مدار می‌باشد.

ولتاژ ماکزیمم

$$V_m = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} \times ۱۲۰ = ۱۲۰\sqrt{2} \text{ V}$$

$$V_{(t)} = V_m \sin \omega t \Rightarrow V_{(t)} = ۱۲۰\sqrt{2} \sin(1000t)$$



شکل (۵-۱۰۶)

ب) با داشتن ولتاژ مدار، جریان سلف و خازن را بدست

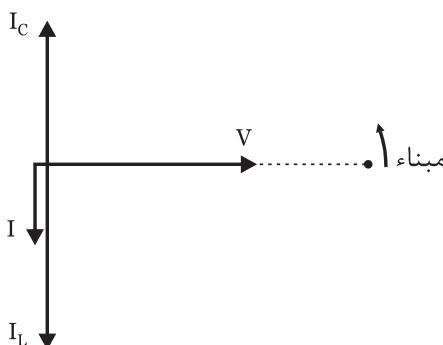
$$\text{ ولتاژ} = \frac{\text{ جریان}}{\text{ مقاومت}} \text{ می‌آوریم.}$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{۱۲۰}{۲۰} = ۶ \text{ A}$$



$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{۱۲۰}{۳۰} = ۴ \text{ A}$$

ج) برای بدست آوردن معادلهی زمانی جریان سلف و خازن دیاگرام برداری را ترسیم کرده و با توجه به اینکه جریان سلف 90° عقب‌تر از ولتاژ مدار و جریان خازن 90° جلوتر از ولتاژ مدار می‌باشد معادلهی زمانی I_L و I_c را می‌نویسیم.



شکل (۵-۱۰۷)

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = ۶\sqrt{2} \text{ A}$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = ۴\sqrt{2} \text{ A}$$

$$i_{L(t)} = ۶\sqrt{2} \sin(1000t - ۹۰^\circ)$$

$$i_{c(t)} = ۴\sqrt{2} \sin(1000t + ۹۰^\circ)$$

برای بدست آوردن معادلهی زمانی ولتاژ دیاگرام برداری را رسم کنید.

چون $X_c > X_L$ است مدار خاصیت سلفی دارد و ولتاژ مدار 90° جلوتر از جریان مدار می‌باشد.

$$V_m = \sqrt{2} V_e = \times = V$$

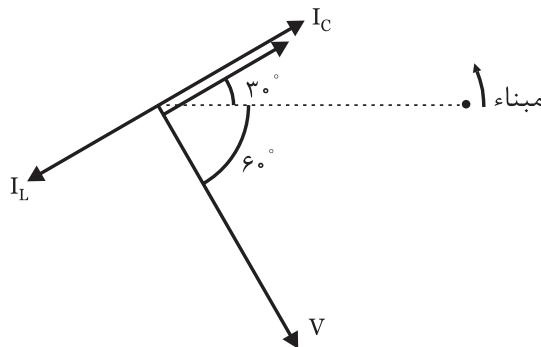
$$V_{(t)} = \sin(\omega t -)$$

ب) با داشتن ولتاژ مدار، جریان سلف و خازن را بدست آورید.

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{.....}{.....} = A$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_C} = \frac{.....}{.....} = A$$

ج) برای بدست آوردن معادله زمانی جریان سلف و خازن دیاگرام برداری را ترسیم می نماییم.



شکل (۵-۱۱۰)

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = A$$

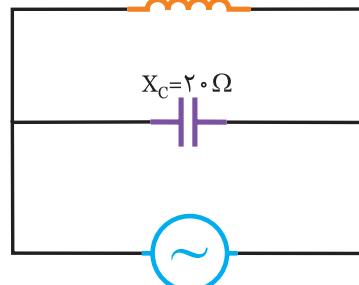
$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = A$$

$$i_{L(t)} = \sin(\omega t - 150^\circ)$$

$$i_{c(t)} = \sin(\omega t +)$$

در مدار شکل (۵-۱۰۸) مطلوب است:

$$X_L = 40 \Omega$$



$$i_{(t)} = \sqrt{2} \sin(\omega t + 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۸)

الف) ولتاژ منبع و معادله زمانی آن

ب) جریان سلف و خازن

ج) معادله زمانی جریان سلف و خازن

(الف)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_L - X_c|} = \frac{..... \times}{|..... -|} = \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{.....}{.....} = A$$

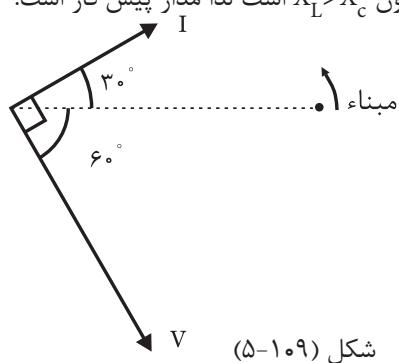
$$V_e = Z I_e = \times = V$$

برای بدست آوردن معادله زمانی ولتاژ مدار نیاز به دیاگرام برداری می باشد.

- ابتدا مبنای را رسم کنید.

- بردار $i_{(t)}$ را رسم کنید.

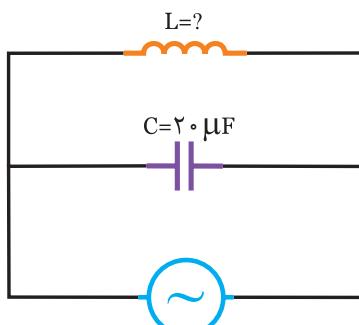
- چون $X_c > X_L$ است لذا مدار پیش فاز است.



شکل (۵-۱۰۹)

Page 10

در مدار شکل (۱۱۲-۵) مطلوب است:



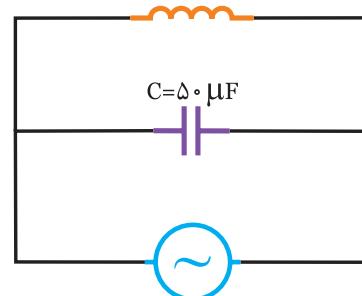
$$V_{(t)} = 100 \sin(\omega_0 t + 30^\circ)$$

شکل (۱۱۲-۵)

- الف) مقاومت سلفی
 - ب) اندوکتانس سلفی

三

در مدار شکل (۱۱۱-۵) مطلوب است:



$$i_{(t)} = \sqrt{2} \sin 2\pi \cdot t$$

شكل (٥-١١١)

- الف) ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن
 - ب) جریان سلف و خازن
 - ج) معادلهی زمانی جریان سلف و خازن

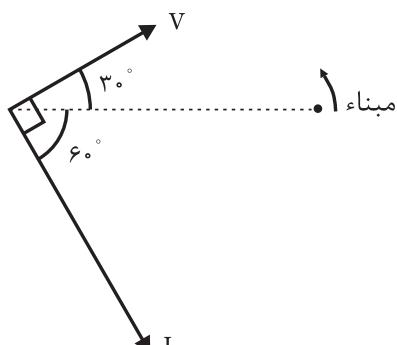
三

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 50\sqrt{2} V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{\gamma}} = \frac{\gamma}{\sqrt{\gamma}} = \sqrt{\gamma} \text{ A}$$

$$Z = \frac{V_e}{I_o} = \frac{50\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 50 \Omega$$

دیاگرام یو داری را ترسیم کنید.



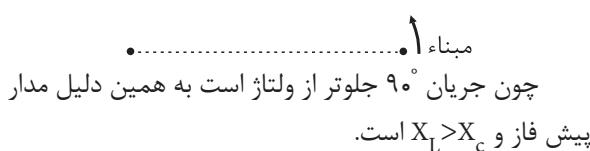
شكل (١١٣-٥)

$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

دیاگرام برداری را ترسیم کنید.

چون ولتاژ 90° جلوتر از جریان است به همین دلیل مدار پس فاز و X_c است.

$$X_C = \frac{1}{\omega_C} = \frac{1}{0.001 \times 10^3} = 100 \Omega$$



$$X_L = \omega L = \dots \times \dots = \dots \Omega$$

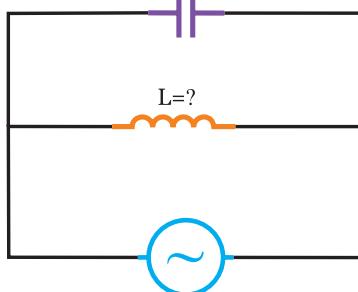
$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_L - X_C|} \Rightarrow \dots = \frac{\dots \times X_c}{|\dots - X_c|} \Rightarrow X_c = \dots \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega_0 X_C} = \frac{1}{500 \times \dots} = \dots \mu F \quad (b)$$



در مدار شکل (۱۱۵-۵) مطلوبست:

$$C = F \circ \mu_F$$



$$V(t) = 100 \sin(30^\circ t - 90^\circ)$$

$$i_{(t)} = f \sin(\omega \cdot t + \phi)$$

شکار (۱۱۵-۵)

الف) مقاومت القايق ب) ضريب خودالقايق سلف(L)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} \Rightarrow \delta o = \frac{|Y_o - X_L|}{|Y_o - X_L|}$$

$$\Rightarrow 100X_I = 5000 - 50X_I$$

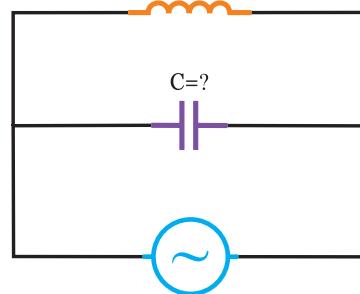
$$\Rightarrow 1\Delta \circ X_L = \Delta \circ \circ \quad \Rightarrow X_L = \frac{\Delta \circ \circ \circ}{1\Delta \circ} = 33/33\Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{33/33}{100} = 66/66 \text{ mH}$$



در مدار شکل (۱۱۴-۵) مطلوبست:

$$L = \gamma \cdot mH$$



$$V_{(t)} = 120 \sqrt{2} \sin(\omega_0 t - 45^\circ)$$

شکار (۱۱۴-۵)

الف) مقاومت خازنی

ب) ظرفیت حازن

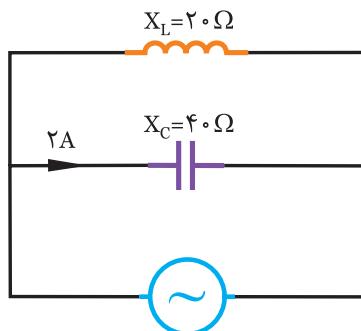


$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{\gamma}} = \dots = \dots V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \dots = \dots A$$

فعالیت ۲۱

در مدار شکل (۵-۱۱۸) مطلوبست:



شکل (۵-۱۱۸)

- (الف) ولتاژ منبع
- (ب) جریان منبع
- (ج) رسم دیاگرام برداری با فرض $\theta_v = 30^\circ$

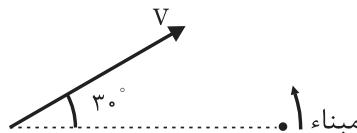


$$(الف) \quad V_e = X_c I_c = 4.0 \times \dots = \dots \text{ V}$$

$$(ب) \quad Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots \times \dots}{|\dots - \dots|} = \dots \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ A}$$

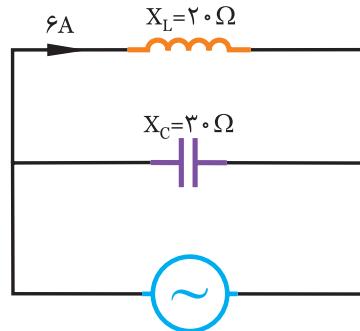
ج) چون $X_c > X_L$ است مدار فاز می‌باشد و جریان مدار از ولتاژ مدار است.



شکل (۵-۱۱۹)

مثال ۲۱

در مدار شکل (۵-۱۱۶) مطلوبست:



شکل (۵-۱۱۶)

- (الف) ولتاژ منبع
- (ب) جریان منبع
- (ج) رسم دیاگرام برداری با فرض $\theta_v = 0^\circ$



(الف) جریان \times مقاومت = ولتاژ

$$V_e = X_L I_L = 6 \times 2.0 = 12.0 \text{ V}$$

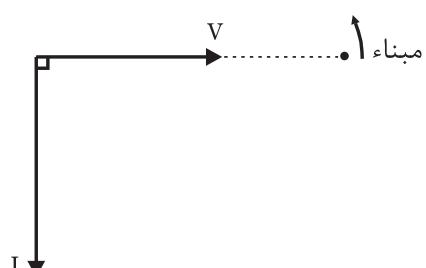


(ب)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{3.0 \times 2.0}{|2.0 - 3.0|} = \frac{6.00}{1.0} = 6.0 \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{12.0}{6.0} = 2 \text{ A}$$

ج) چون $X_c > X_L$ است مدار پس فاز می‌باشد و جریان مدار 90° از ولتاژ مدار عقبتر است.

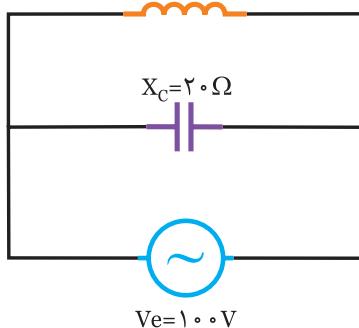


شکل (۵-۱۱۷)

مثال ۲۳

در مدار شکل (۵-۱۲۴) مطلوبست:

$$X_L = 10 \Omega$$



شکل (۵-۱۲۴)

- (الف) توان اکتیو
- (ب) توان راکتیو
- (ج) توان ظاهری

الف) چون R نداریم توان صفر است.

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} = \frac{(100)^2}{\infty} = 0 \text{ W}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} = \frac{(100)^2}{10} = 1000 \text{ VAR}$$

$$P_{dc} = \frac{V_e^2}{-X_C} = \frac{(100)^2}{-20} = -500 \text{ VAR}$$

$$P_d = P_{dc} + P_{dL} = -500 + 1000 = 500 \text{ VAR}$$

$$P_s = |P_d| = 500 \text{ VA}$$

(ج)

به خاطر اینکه $X_L > X_C$ است توان غیر موثر است.

$$P_d = -V_e I_e \sin \varphi = -(.....)(.....)(1) = - \text{ V.A.R}$$

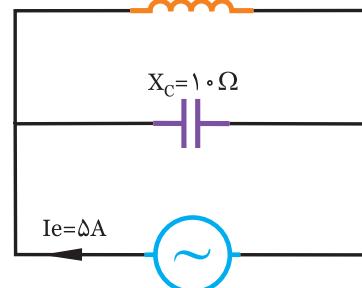
(ج)

$$P_s = V_e I_e = (.....)(.....) = \text{ V.A}$$

پرسیس

در مدار شکل (۵-۱۲۳) مطلوبست:

$$X_L = 5 \Omega$$



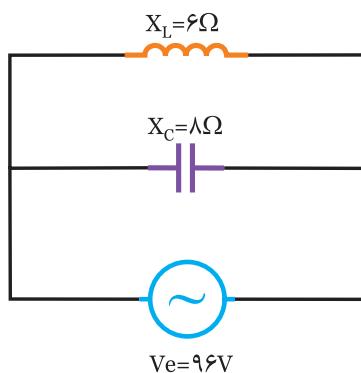
شکل (۵-۱۲۳)

- (الف) توان مصرفی مدار
- (ب) توان غیر مصرفی
- (ج) توان ظاهری



مثال

در مدار شکل (۵-۱۲۶) مطلوبست:



شکل (۵-۱۲۶)

ب) توان غیر موثر

الف) توان موثر

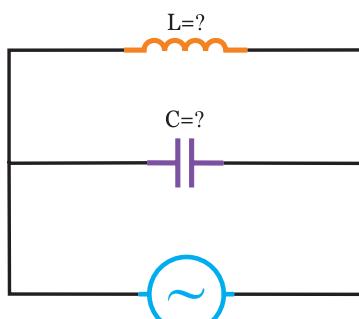
ج) توان ظاهری

.....
.....
.....
.....
.....

مثال

در مدار شکل (۵-۱۲۷) اگر $I_L = 3I_C$ باشد، مطلوبست:

اندازه‌ی C و L



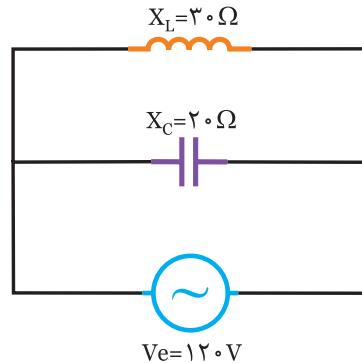
$$V_{(t)} = 60\sqrt{2} \sin 500t$$

$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin (500t - 90^\circ)$$

شکل (۵-۱۲۷)

فعالیت

در مدار شکل (۵-۱۲۵) مطلوبست:



شکل (۵-۱۲۵)

الف) توان واته

ب) توان دواته

ج) توان ظاهری

حل

(الف)

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \text{W}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} = \frac{(120)^2}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \text{VAR}$$

$$P_{dc} = -\frac{V_e^2}{X_C} = -\frac{(120)^2}{\dots\dots\dots} = -\dots\dots\dots \text{VAR}$$

$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = \dots\dots\dots - \dots\dots\dots = -\dots\dots\dots \text{VAR}$$

(ج)

$$P_s = |P_d| = |\dots\dots\dots| = \dots\dots\dots \text{V.A}$$



$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{30\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 30V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 1A$$

$$I_e = |I_c - I_L| \Rightarrow 1 = 2I_L - I_L \Rightarrow I_L = 1A$$

$$I_c = 2I_L = 2(1) = 2A$$

$$X_L = \frac{V_e}{I_L} = \frac{30}{1} = 30\Omega$$

$$X_c = \frac{V_e}{I_c} = \frac{30}{2} = 15\Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{30}{2\pi \cdot 50} = 0.0957mH$$

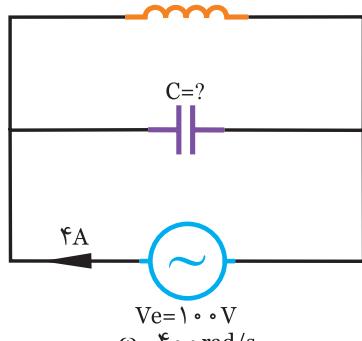
$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 15} = 0.000104F = 104\mu F$$



در مدار شکل (۵-۱۲۹) اگر $I_L = 4I_c$ باشد، مطلوبست:

$L=?$

اندازهی L و C



$$V_e = 30V$$

$$\omega = 50 \text{ rad/s}$$

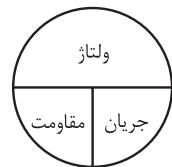
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{60\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 60V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2A$$

$$I_e = |I_L - I_C| \Rightarrow 2 = 2I_C - I_C \Rightarrow 2 = I_C \Rightarrow I_C = 2A$$

$$I_L = 3I_C \Rightarrow I_L = 6A$$

$$\frac{\text{ولتاژ مقاومت}}{\text{جریان}} = \frac{V_e}{I_L}$$



$$X_L = \frac{V_e}{I_L} = \frac{60}{2} = 30\Omega$$

$$X_C = \frac{V_e}{I_c} = \frac{60}{6} = 10\Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{30}{2\pi \cdot 50} = 0.0957mH$$

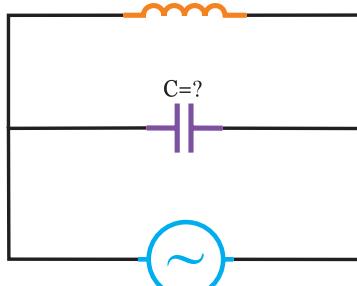
$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 10} = 0.000104F = 104\mu F$$



در مدار شکل (۵-۱۲۸) اگر $I_c = 2I_L$ باشد، مطلوبست:

C و L اندازهی

$L=?$



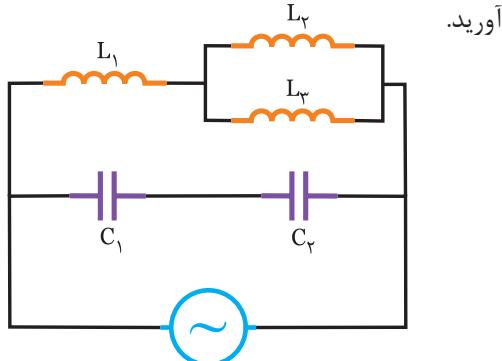
$$V_{(t)} = 30\sqrt{2} \sin(2\pi \cdot 50 \cdot t - 30^\circ)$$

$$i_{(t)} = \sqrt{2} \sin(2\pi \cdot 50 \cdot t + 60^\circ)$$

شکل (۵-۱۲۸)

۲۶ مثال

در مدار شکل (۵-۱۳۲) فرکانس رزنانس را بدست آورید.



شکل (۵-۱۳۲)

$$L_1 = 6 \text{ mH} \quad L_2 = 12 \text{ mH} \quad L_3 = 6 \text{ mH}$$

$$C_1 = 120 \mu\text{F} \quad C_2 = 240 \mu\text{F}$$

.....

.....

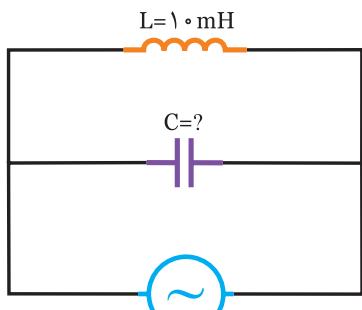
.....

.....

.....

۲۷ مثال

در مدار شکل (۵-۱۳۳) ظرفیت خازن C را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.

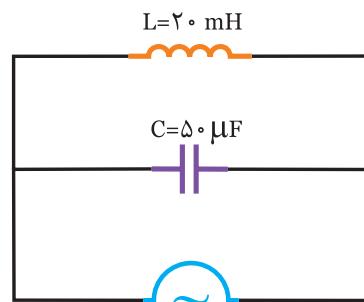


$$\omega = 50 \text{ rad/s}$$

شکل (۵-۱۳۳)

۲۸ مثال

در مدار شکل (۵-۱۳۰) فرکانس رزنانس را بدست آورید.



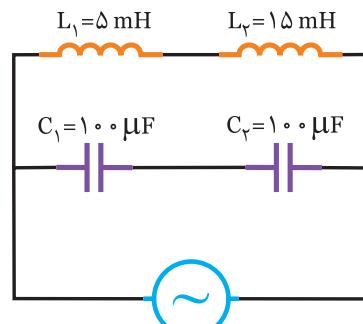
شکل (۵-۱۳۰)

۲۹ حل

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{Lc}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{20 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-6}}} = 159 \text{ Hz}$$

۳۰ فعالیت

در مدار شکل (۵-۱۳۱) فرکانس تشدید را بدست آورید.

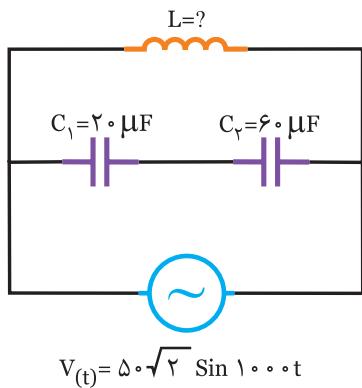


شکل (۵-۱۳۱)

$$C_t = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{\dots \times \dots}{\dots + \dots} = \dots \mu\text{F}$$

$$L_t = L_1 + L_2 = \dots + \dots = \dots \text{ mH}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_t C_t}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\dots \times \dots}} = \dots \text{ Hz}$$



شکل (۵-۱۳۵)

حل

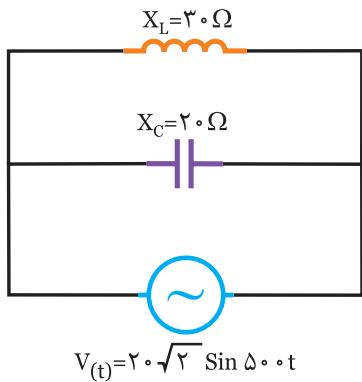
شرط اینکه مدار در حالت تشیدید قرار گیرد این است که باشد لذا داریم.

$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega^2 L}$$

$$C = \frac{1}{(500)^2 (10 \times 10^{-3})} = \frac{1}{250000 \times 10 \times 10^{-3}} = 400 \mu F$$



در مدار شکل (۵-۱۳۶) مطلوبست:



شکل (۵-۱۳۶)

- (الف) فرکانس تشیدید
- (ب) امپدانس مدار در حالت تشیدید
- (ج) جریان مدار در حالت تشیدید



(الف)

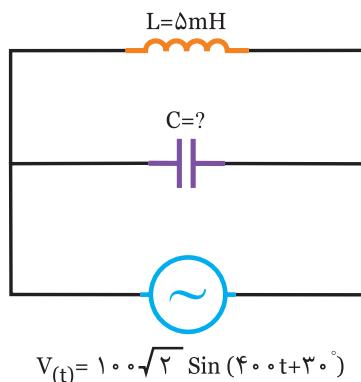
$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{30}{500} = 60 mH$$

$$C = \frac{1}{X_C \omega} = \frac{1}{20 \times 500} = 100 \mu F$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi \sqrt{60 \times 100 \times 10^{-9}}} = 65 Hz$$

فعالیت ۲۷

در مدار شکل (۵-۱۳۴) ظرفیت خازن C را چنان بیابید که مدار در حالت تشیدید قرار گیرد.



شکل (۵-۱۳۴)

$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega^2 L}$$

$$C = \frac{1}{..... \times} = \frac{1}{.....} = \mu F$$

مکار

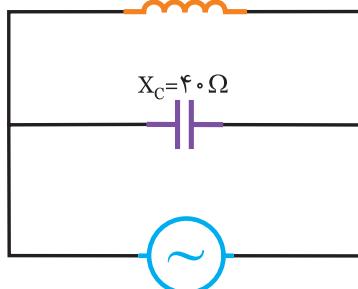
در مدار شکل (۵-۱۳۵) اندوکتانس L را چنان بیابید که مدار در حالت تشیدید قرار گیرد

.....
.....
.....

مطلب

در مدار شکل (۵-۱۳۸) مطلوبست:

$$X_L = 16\Omega$$



$$V(t) = 5\sqrt{2} \sin(250t + \frac{\pi}{4})$$

شکل (۵-۱۳۸)

الف) فرکانس رزنانس

ب) امپدانس مدار در حالت رزنانس

ج) جریان مدار در حالت رزنانس

ب) از آنجاییکه در رزنانس $X_c = X_L$ میباشد لذا داریم.

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{X_c X_L}{0} = \infty$$

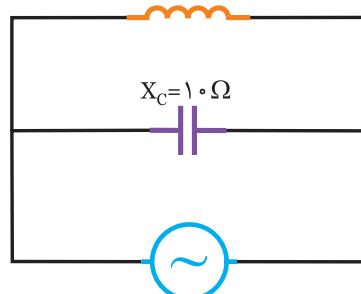
(ج)

$$I_e = \frac{V}{Z} = \frac{V}{\infty} = 0 A$$

فعالیت ۳۷

در مدار شکل (۵-۱۳۷) مطلوبست:

$$X_L = 2\Omega$$



$$\omega = 1000 \text{ rad/s}$$

شکل (۵-۱۳۷)

الف) فرکانس تشدید

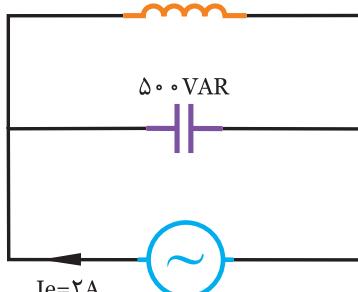
ب) امپدانس در حالت رزنانس

ج) جریان مدار در حالت رزنانس

مثال ۳۸

در مدار شکل (۵-۱۳۹) مطلوبست:

$$200 \text{ VAR}$$



$$\omega = 500 \text{ rad/s}$$

شکل (۵-۱۳۹)

الف) ولتاژ منبع

ب) اندازهی L و C

$$(f) L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{\dots \times \dots} = \dots \mu F$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi \sqrt{\dots \times \dots}} = \dots \text{ Hz}$$

ب) چون $X_c = X_L$ میباشد، داریم.

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \Omega$$

(ج)

$$I_e = \frac{V}{Z} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

$$X_L = \frac{V_e^2}{P_{dL}} = \frac{(\dots)^2}{\dots} = \dots \Omega \quad (ب)$$

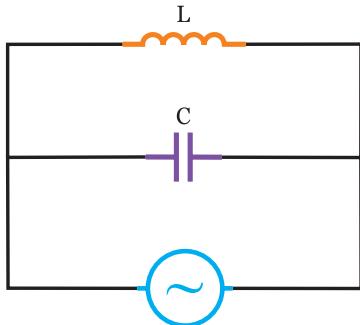
$$X_C = \frac{V_e^2}{P_{dc}} = \frac{(\dots)^2}{\dots} = \dots \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\Omega} = \frac{\dots}{500} = \dots mH$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{\dots \times 500} = \dots \mu F$$



در مدار شکل (۵-۱۴۱) مطلوب است:



شکل (۵-۱۴۱)

(الف) ولتاژ منبع

(ب) اندازهای L و C



$$P_d = |P_{dc} - P_{dL}| = 500 - 200 = 300 \text{ VAR} \quad (الف)$$

$$P_e = V_e I_e \Rightarrow V_e = \frac{P_d}{I_e} = \frac{300}{2} = 150 \text{ V}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} \Rightarrow X_L = \frac{V_e^2}{P_{dL}} = \frac{(150)^2}{200} = 112.5 \Omega$$

$$P_{dc} = \frac{V_e^2}{X_C} \Rightarrow X_C = \frac{V_e^2}{P_{dc}} = \frac{(150)^2}{500} = 45 \Omega$$

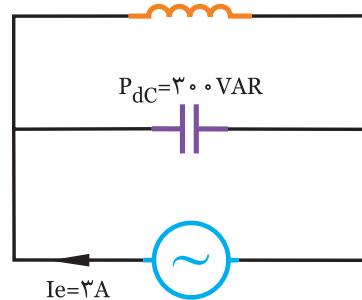
$$L = \frac{X_L}{\Omega} = \frac{112.5}{500} = 225 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{500 \times 45} = 4.44 \mu F$$



در مدار شکل (۵-۱۴۰) مطلوب است:

$$P_{dL} = 400 \text{ VAR}$$



شکل (۵-۱۴۰)

(الف) ولتاژ منبع

(ب) اندازهای L و C

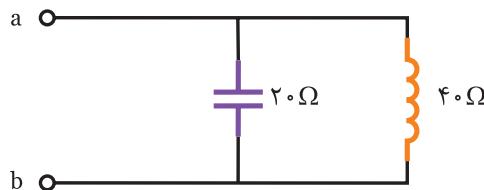


$$P_d = |P_{dL} - P_{dc}| = 400 - 300 = 100 \text{ VAR} \quad (الف)$$

$$P_d = V_e I_e \Rightarrow V_e = \frac{P_d}{I_e} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ V}$$



۱- مقاومت معادل بین دو نقطه a و b در شکل (۵-۱۴۲) چند اهم است؟



شکل (۵-۱۴۲)

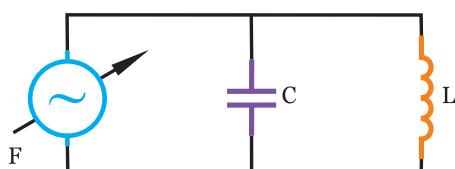
$$X_C = 20 \quad (1)$$

$$X_C = 40 \quad (2)$$

$$X_L = 20 \quad (3)$$

$$X_L = 40 \quad (4)$$

۲- در مدار شکل (۵-۱۴۳) اگر فرکانس از صفر تا نهایت افزایش یابد جریان مدار کدام است.



شکل (۵-۱۴۳)

۳- در مدار موازی اگر ظرفیت خازن چهار برابر شود فرکانس رزنانس کدام است.

$$1) \text{ برابر می شود.}$$

$$2) \text{ نصف می شود.}$$

$$3) \text{ برابر می شود.}$$

$$4) \frac{1}{4} \text{ برابر می شود.}$$

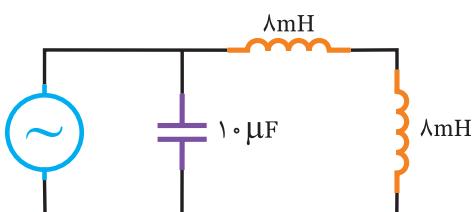
۴- فرکانس تشیدید مدار شکل (۵-۱۴۴) چند هرتز است.

$$\frac{1250}{\pi} \quad (1)$$

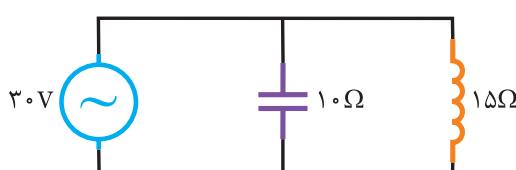
$$\frac{125}{\pi} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{1250} \quad (3)$$

$$125 \quad (4)$$



شکل (۵-۱۴۴)



شکل (۵-۱۴۵)

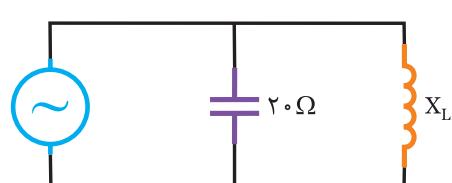
۵- در مدار شکل (۵-۱۴۵) توان راکتیو چند وار است.

$$(1)$$

$$(2)$$

$$(3)$$

$$(4)$$



شکل (۵-۱۴۶)

۶- اگر در شکل (۵-۱۴۶)، باشد راکتانس القایی کدام است.

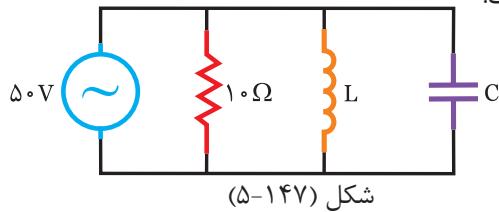
$$20 \quad (1)$$

$$10 \quad (2)$$

$$40 \quad (3)$$

$$5 \quad (4)$$

۷- اگر جریان مدار شکل (۵-۱۴۷)، ۵A باشد، کدام گزینه صحیح است.



$$X_C = 2X_L \quad (۱)$$

$$X_L = 2X_C \quad (۲)$$

$$X_L = X_C \quad (۳)$$

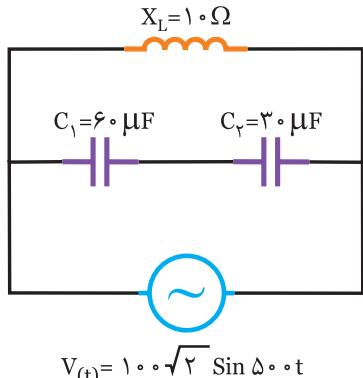
$$L = C \quad (۴)$$

۸- در مدار شکل (۵-۱۴۸) مطلوبست:

الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع

ج) مدار را توسط نرم افزار مولتی سیم بررسی کنید.

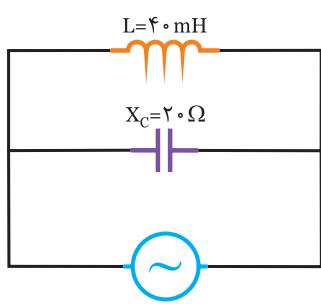


شکل (۵-۱۴۸)

۹- در مدار شکل (۵-۱۴۹) مطلوبست:

الف) ولتاژ منبع

ب) معادله زمانی ولتاژ منبع

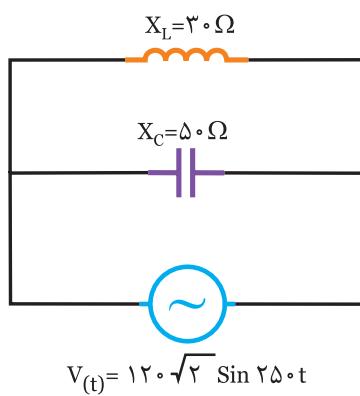


شکل (۵-۱۴۹)

۱۰- در مدار شکل (۵-۱۵۰) مطلوبست:

الف) جریان عبوری از سلف و خازن

ب) معادله زمانی جریان سلف و خازن



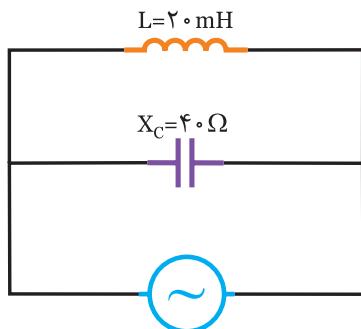
شکل (۵-۱۵۰)

۱۱- در مدار شکل (۵-۱۵۱) مطلوبست:

الف) ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن

ب) جریان سلف و خازن

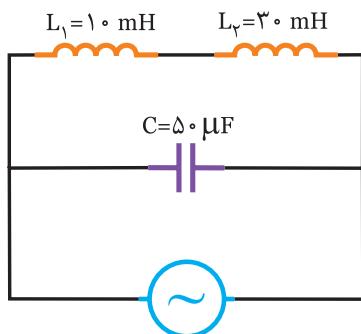
ج) معادلهی زمانی جریان سلف و خازن



$$i(t) = 3 \sin(1000t + 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۵۱)

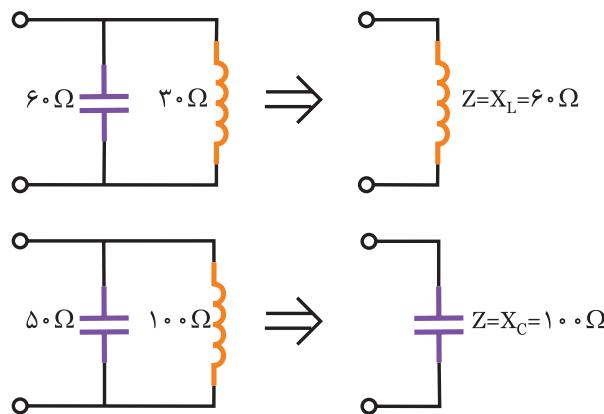
۱۲- در مدار شکل (۵-۱۵۲) فرکانس تشددید را بدست آورید.



شکل (۵-۱۵۲)



اگر در مدار LC موازی راکتانس خازنی و سلفی یکی دو برابر دیگری باشد امپدانس مدار برابر راکتانس بزرگتر و خاصیت آن شبیه کوچکتر می‌باشد.



شکل (۵-۱۵۳)

