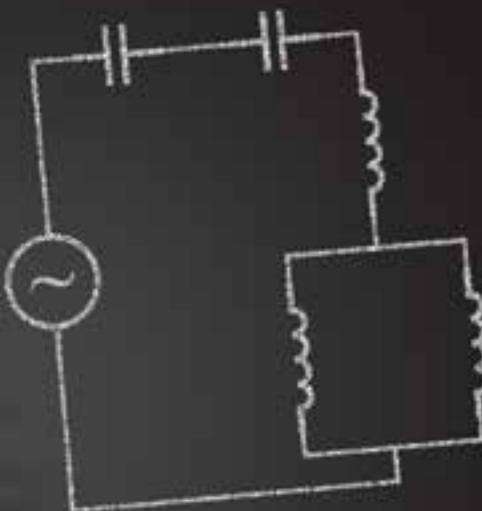


## فصل پنجم



### هرتز

ولتاژ مانند  $\omega L$   
Inductance

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

### خازن سلف Admittance

اندوکتانس  $\omega L$  توان غیر موثر  
اتوان دواهه فرکانس Impedance

ضریب خودالایجاد میکروفوارد (زنافر) Znafar

$$\text{جریان} \times \text{ مقاومت} = \text{ ولتاژ}$$

راکتانس از مقدار رزاپان حالت تشیده برداشته شده است

برداشت

### SUSCEPTANCE

$$\theta_v = 20^\circ$$

اتوان شاهری

$$I(t) = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

خاصیت سلفی

امیدانس در حالت رزاپان

### راکتانس

ولتاژ موثر منبع

$$P_S = V_e I_e$$

Resistance

اتوان غیر موثری

### راکتیو

$$X_L = X_C$$

دیاگرام بودادی

وار

تعداد قدرت

میزان

لوازم غیر موثری

### Reactance مقاومت های سلفی و خازنی

$$X_L = \omega L = 500 \times 5 \times 10^{-7} = 2.5 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 10^{-9}} = 2000 \Omega$$

اندوکتانس سلفی ولتاژ مانکنیم

$$P_d = P_{dc} + P_{dl}$$

مدارهای LC سری و LC موازی

فرکانس صفر مینا منبع ولتاژ متناوب

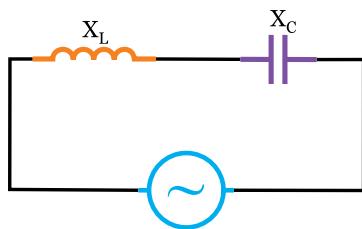
$$X_c - X_L = 2\pi f L$$

برداشت از این دو انتهه امیدانس

RESISTOR Capacitance

میکروفوارد

در مدارهای LC سری مطابق شکل (۵-۴) اختلاف فاز  $\varphi = 90^\circ$  می‌باشد.

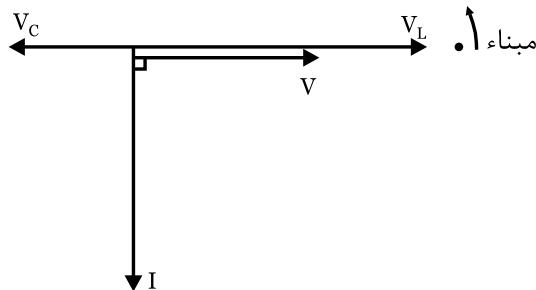


شکل (۵-۴)

$$V_{(t)} = V_m \sin \omega t$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t \pm 90^\circ)$$

اگر  $X_L > X_C$  باشد. مراحل ایجاد نمودار شکل (۵-۵) به صورت زیر حاصل می‌شود.



شکل (۵-۵)

- مبدأ را ترسیم کنید.
- بردار  $V$  را رسم کنید.
- جریان منبع از ولتاژ منبع  $90^\circ$  درجه عقبتر است.
- معادله زمانی جریان منبع به صورت

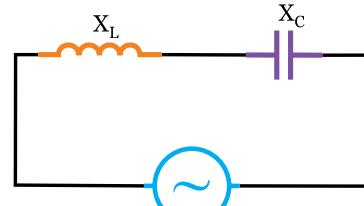
$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - 90^\circ)$$

نوشته می‌شود.

- در سلف جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا  $V_L$  نسبت به  $I$ ،  $90^\circ$  جلوتر ترسیم می‌شود. از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا  $V_L > V_C$  می‌باشد.
- در خازن جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا  $V_C$  نسبت به  $I$ ،  $90^\circ$  عقبتر ترسیم می‌شود. از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا  $V_L > V_C$  می‌باشد.

### ۱-۵- مدارهای LC سری:

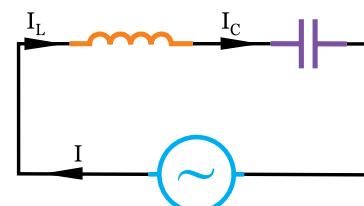
هرگاه یک مقاومت سلفی و یک مقاومت خازنی بصورت سری به یک منبع ولتاژ متناوب متصل شود. مطابق شکل (۵-۱) مدار LC سری را تشکیل می‌دهد.



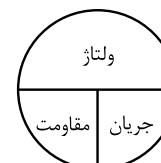
شکل (۵-۱)

$$Z = |X_L - X_C|$$

در مدارهای LC سری جریان منبع با جریان هر یک از عناصر که در شکل (۵-۲) دیده می‌شود برابر می‌باشد.



شکل (۵-۲)

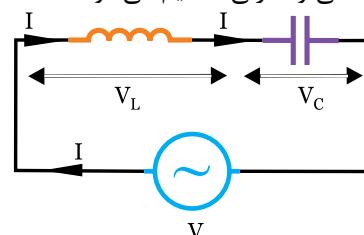


$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{جریان}} \Rightarrow I_L = I_C = I$$

$$I = \frac{V}{Z}$$

$$I_L = I_C = I$$

در این مدارها در شکل (۵-۳) ولتاژ منبع به نسبت مقاومت‌های سلفی و خازنی تقسیم می‌شود.



شکل (۵-۳)

$$V = |V_L - V_C|$$

$$V_L = X_L I, \quad V_C = X_C I$$

برای بدست آوردن توان در مدارهای LC سری به علت اینکه  $\phi = \pm 90^\circ$  است، داریم.

$$\phi = \pm 90^\circ \Rightarrow \cos\phi = 0, \sin\phi = \pm 1$$

- توان موثر یا مصرفی صفر می‌باشد.

$$P_e = V_e I_e \cdot \cos\phi = 0$$

- توان غیر موثر یا راکتیو می‌شود.

$$P_d = V_e I_e \cdot \sin\phi = \pm V_e I_e$$

اگر  $X_L > X_C$  باشد مدار پس فاز بوده و  $P_d = V_e I_e$  می‌شود

و اگر  $X_L < X_C$  باشد مدار پیش فاز بوده و  $P_d = -V_e I_e$  می‌شود.

- توان ظاهری می‌شود.

$$P_s = V_e I_e \Rightarrow P_s = |P_d|$$

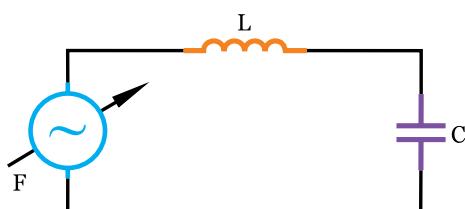
## ۵-۲- تاثیر فرکانس بر روی امپدانس و

### جريان در مدار LC سری:

از آنجائیکه با افزایش فرکانس مقاومت سلفی

$$X_L = 2\pi fL \quad \text{و} \quad X_C = \frac{1}{2\pi fC}$$

کاهش می‌یابد و با افزایش فرکانس مقاومت خازنی  $Z = |X_L - X_C|$  و  $I = \frac{V}{Z}$  در شکل‌های زیر،  $Z$  و  $I$  در کمترین و بیشترین فرکانس و فرکانس رزنانس را بررسی می‌کنیم.

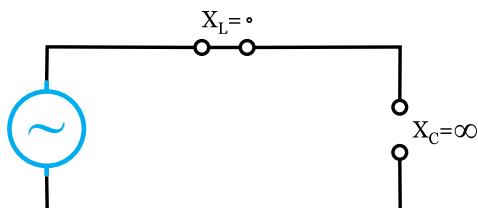


شکل (۵-۸)

که سه حالت اتفاق می‌افتد.

(۱) فرکانس صفر(DC):

خازن مدار را قطع می‌کند.



شکل (۵-۹)

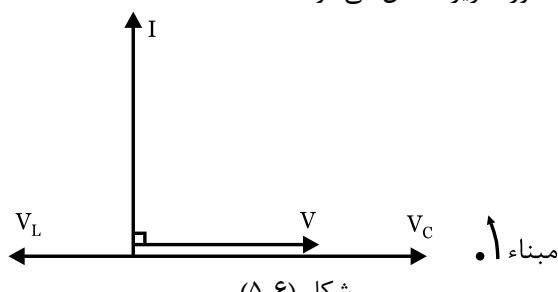
$$X_L = 0$$

$$X_C = \infty$$

$$Z = \infty$$

$$I = 0$$

اگر  $X_L < X_C$  باشد. مراحل ایجاد نمودار شکل (۵-۶) به صورت زیر حاصل می‌شود.



شکل (۵-۶)

- مبدأ را ترسیم کنید.

- بردار  $V$  را رسم کنید.

- جریان منبع از ولتاژ منبع  $90^\circ$  جلوتر است.

- معادله زمانی جریان منبع به صورت

$$i(t) = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

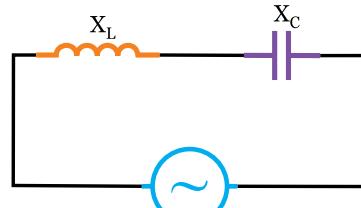
نوشته می‌شود.

- در سلف جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است لذا  $V_L$  نسبت به  $I$ ،  $90^\circ$  جلوتر ترسیم می‌شود. از آنجائیکه مدار پیش فاز است لذا  $V_L < V_C$  می‌باشد.

- در خازن جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا  $V_C$  نسبت به  $I$ ،  $90^\circ$  عقب‌تر ترسیم می‌شود. از آنجائیکه مدار پیش فاز است لذا  $V_L < V_C$  می‌باشد.

اگر  $V_L = V_C$  باشد:

از آنجائیکه  $I_L = I_C$  می‌باشد ولتاژ دو سلف و خازن در مدار شکل (۵-۷) برابر می‌شود لذا ولتاژ منبع صفر خواهد شد که مدار در حالت تشدید یا رزنانس می‌باشد.



شکل (۵-۷)

$$X_L = X_C \Rightarrow V_L = V_C$$

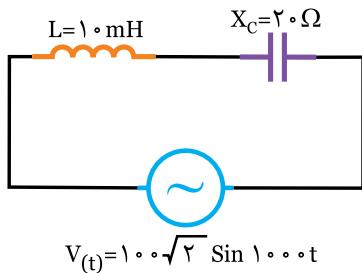
$$V_e = |V_L - V_C| \Rightarrow V = 0$$

$$X_C = X_L \Rightarrow \frac{1}{2\pi f C} = 2\pi f L \Rightarrow (2\pi)^2 f^2 L C = 1 \Rightarrow$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}}$$

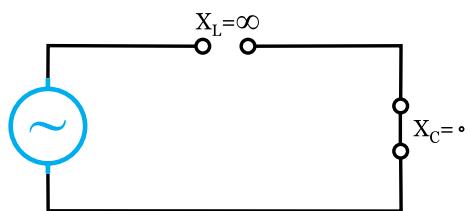
### مثال ۱

در مدار شکل (۵-۱۳) امپدانس مدار را بدست آورید.



شکل (۵-۱۳)

۲) فرکانس بی‌نهایت:  
سلف مدار را قطع می‌کند.



شکل (۵-۱۰)

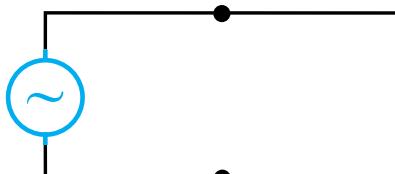
$$X_L = \infty$$

$$X_C = 0$$

$$Z = \infty$$

$$I = 0$$

۳) فرکانس رزنانس(تشدید):



شکل (۵-۱۱)

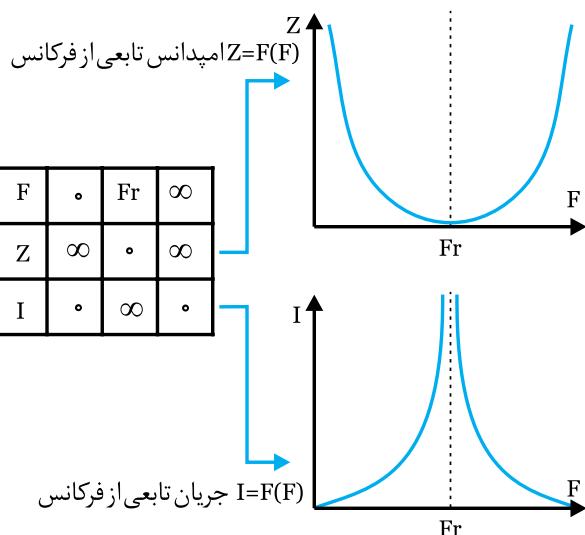
$$X_C = X_L \quad Z = 0$$

$$V_e = V_L \Rightarrow I = \infty$$

$$P_d = 0 \Rightarrow$$

$$P_S = 0$$

نتایج بررسی شده را می‌توان در جدول زیر خلاصه کرد.



شکل (۵-۱۲)

### مثال ۲

ابتدا  $X_C$  را بدست می‌آوریم.

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{.....} = ..... \Omega$$

$$Z = |X_L - .....| = |50 - .....| = ..... \Omega$$

## حل

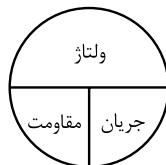
الف) ابتدا مقدار  $X_L$  و  $X_C$  را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 30 \times 10^{-3} = 30 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{1000 \times 50 \times 10^{-6}} = 20 \Omega$$

$$Z = |X_L - X_C| = |30 - 20| = 10 \Omega$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \frac{\text{جريان}}{\text{جریان موثر مدار}}$$

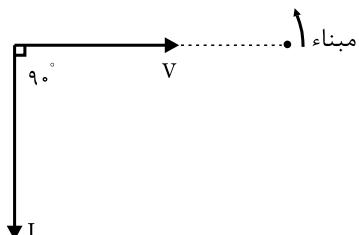


$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100V$$

جريان موثر مدار

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{10} = 10 A$$

- ب) برای نوشتن معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام برداری می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.
- مبدا را ترسیم می‌کنیم.
  - بردار  $V_{(t)}$  را رسم کنید.



شکل (۵-۱۷)

- در این مدار  $X_L > X_C$  است لذا مدار پس فاز و جریان منبع ۹۰° از ولتاژ مدار عقبتر است و آن را رسم کنید.
- با توجه به موقعیت بردار  $I$  معادله زمانی آن را

$$I_m = I_e \times \sqrt{2} \Rightarrow I_m = 10\sqrt{2} A$$

می‌نویسیم.

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - 90^\circ)$$

$$\Rightarrow i_{(t)} = 10\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

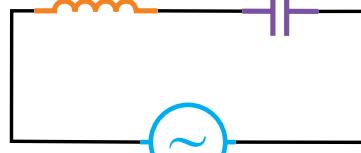
توضیح: چون  $X_L > X_C$  می‌باشد لذا مدار فاز است.

## تمرین

در مدار شکل (۵-۱۵) امپدانس مدار را بدست آورید.

$$L = 50 \text{ mH}$$

$$C = 20 \mu F$$



$$V_{(t)} = 50 \sin 1000t$$

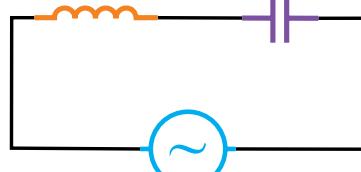
شکل (۵-۱۵)

## مثال ۲

در مدار شکل (۵-۱۶) مطلوبست:

$$L = 30 \text{ mH}$$

$$C = 50 \mu F$$



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 1000t$$

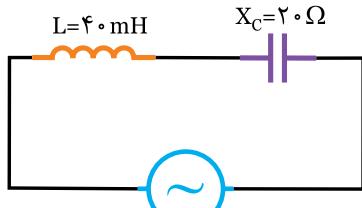
شکل (۵-۱۶)

الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع

### تمرین

در مدار شکل (۵-۲۰) مطلوبست:



$$V_{(t)} = 50\sqrt{2} \sin(1000t + 50^\circ)$$

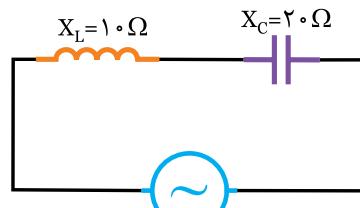
شکل (۵-۲۰)

الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع

### فعالیت ۲

در مدار شکل (۵-۱۸) مطلوبست:



$$V_{(t)} = 50\sqrt{2} \sin(500t - 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۸)

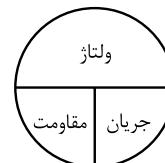
الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع

### حل

$$Z = |X_L - X_C| = |..... - .....| = ..... \Omega$$

$$\text{جریان} = \frac{\text{.....}}{\text{.....}}$$



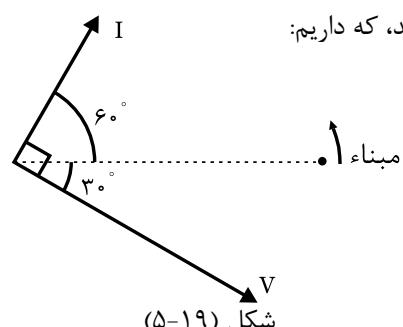
$$V_e = \frac{V}{\sqrt{2}} = \frac{50}{\sqrt{2}} = ..... V$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\text{.....}}{\text{.....}} = ..... A$$

ب) برای نوشتن معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام

برداری می‌باشد که در این مدار  $X_C > X_L$  است لذا مدار پیش

فاز می‌باشد، که داریم:



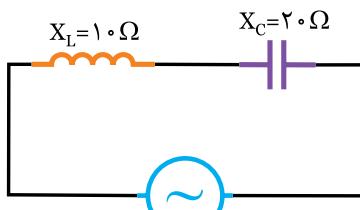
شکل (۵-۱۹)

$$I_m = I_e \times \sqrt{2} = ..... A$$

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t - 60^\circ) \Rightarrow i_{(t)} = ..... \sin(500t - 60^\circ)$$

### مثال ۳

در مدار شکل (۵-۲۱) مطلوبست:



$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin 1000t$$

شکل (۵-۲۱)

الف) ولتاژ منبع

ب) معادله زمانی ولتاژ منبع



- الف) ولتاژ مدار  
ب) معادله زمانی ولتاژ منبع



الف) ابتدا  $X_L$  و  $X_C$  را بدست می‌آوریم.  
 $X_L = \omega L = 500 \times 40 \times 10^{-3} = 20 \Omega$

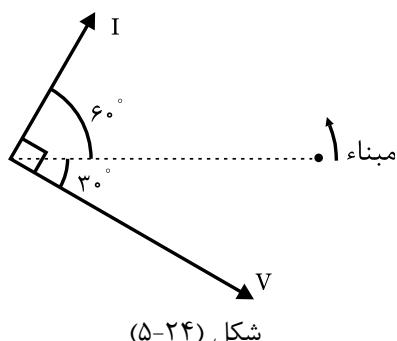
$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 10^{-9}} = 2000 \Omega$$

$$Z = |X_C - X_L| = |2000 - 20| = 1980 \Omega$$

$$I_e = \frac{V}{Z} = \frac{20}{1980} = 0.0101 A$$

$$V_e = Z \cdot I_e = 1980 \times 0.0101 = 20 V$$

ب) برای نوشتمن معادله زمانی ولتاژ منبع نیاز به دیاگرام برداری داریم که در این مدار  $X_C > X_L$  است لذا مدار پیش فاز و ولتاژ مدار  $90^\circ$  عقبتر از جریان مدار است.



$$V_e = \sqrt{2} V_e = 20 V$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t - \dots)$$

$$\Rightarrow V_{(t)} = 20 \sin(500t - \dots)$$

الف)  $Z = |X_L - X_C| = |20 - 10| = 10 \Omega$

مقاومت  $\times$  جریان = ولتاژ

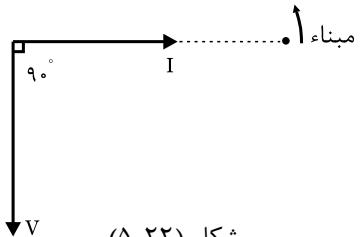
$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 A$$

جریان موثر

$$V_e = Z \cdot I_e = 10 \times 2 = 20 V$$

ولتاژ موثر

- ب) برای نوشتمن معادله زمانی ولتاژ نیاز به دیاگرام برداری می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.
- مبدأ را ترسیم کنید.
  - بردار  $i(t)$  را رسم کنید.



- در این مدار  $X_C > X_L$  است لذا مدار پیش فاز و ولتاژ منبع  $90^\circ$  از جریان مدار عقبتر است و آن را رسم کنید.
- باتوجه به موقعیت بردار  $V$  معادله زمانی آن را می‌نویسیم.

$$V_e = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} \times 20 = 20\sqrt{2} V$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(\omega t - 90^\circ)$$

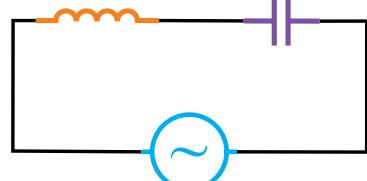
$$\Rightarrow V_{(t)} = 20\sqrt{2} \sin(100\pi t - 90^\circ)$$



در مدار شکل (۵-۲۳) مطلوبست:

$$L = 4.0 mH$$

$$C = 5.0 \mu F$$



$$i_{(t)} = 3\sqrt{2} \sin(500t + 60^\circ)$$

شکل (۵-۲۳)

(الف)

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 3A$$

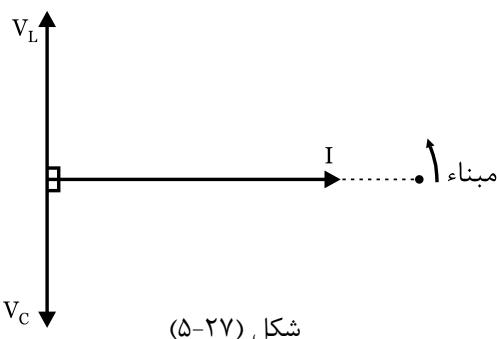
جریان  $\times$  مقاومت = ولتاژ

$$V_L = X_L I_e = (1)(3) = 30V$$

$$V_c = X_c I_e = (5)(3) = 15V$$

ب) برای نوشتن معادلات زمانی ولتاژ نیاز به رسم دیاگرام

- برداری می‌باشد که مراحل آن به صورت زیر است.
- مبنای رسم کنید.
- معادله‌ی زمانی جریان منبع را رسم کنید.



شکل (۵-۲۷)

- در سلف، جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا  $V_L$  از جریان مدار جلوتر است.
- در خازن، جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا  $V_C$  از جریان مدار عقبتر است.
- با توجه به موقعیت بردارهای  $V_L$  و  $V_C$  معادله‌ی زمانی آن‌ها می‌شود.

$$V_{Lm} = \sqrt{2} V_L = 30\sqrt{2}V$$

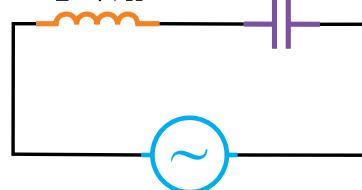
$$V_{cm} = \sqrt{2} V_c = 15\sqrt{2}V$$

$$V_{L(t)} = 30\sqrt{2} \sin(1000t + 90^\circ)$$

$$V_{c(t)} = 15\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

در مدار شکل (۵-۲۵) مطلوبست:

$$L = 0.1H \quad X_C = 10\Omega$$



$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(200t - 60^\circ)$$

شکل (۵-۲۵)

الف) ولتاژ مدار

ب) معادله‌ی زمانی ولتاژ منبع



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

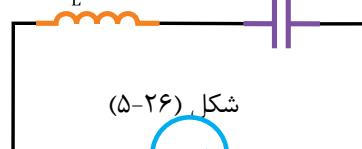
.....

.....



در مدار شکل (۵-۲۶) مطلوبست:

$$X_L = 10\Omega \quad X_C = 5\Omega$$



$$i_{(t)} = 3\sqrt{2} \sin 1000t$$

الف) ولتاژ دو سر سلف و خازن

ب) معادله‌ی زمانی ولتاژ دو سر آن‌ها

### فعالیت ۵

$$V_{Lm} = \sqrt{2} V_L = (\sqrt{2})(\dots) = \dots \text{v}$$

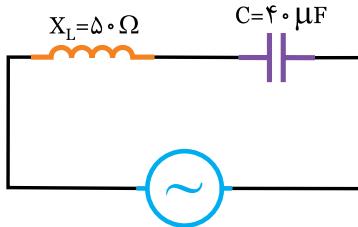
$$V_{Lm} = \sqrt{2} V_C = (\sqrt{2})(\dots) = \dots \text{v}$$

$$V_{L(t)} = \dots \sin(500t + 40^\circ)$$

$$V_{C(t)} = \dots \sin(500t - 140^\circ)$$

### تمرین

در مدار شکل (۵-۳۰) مطلوبست:



$$i_{(t)} = 4\sqrt{2} \sin(500t + 10^\circ)$$

شکل (۵-۳۰)

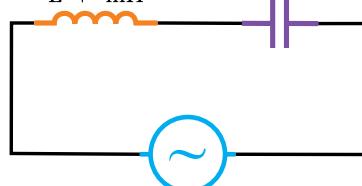
الف) ولتاژ دو سر  $V_C$  و  $V_L$

ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر هر المان

### حل

در مدار شکل (۵-۲۸) مطلوبست:

$$L = 30 \text{ mH} \quad C = 50 \mu\text{F}$$



$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(500t - 50^\circ)$$

شکل (۵-۲۸)

الف) ولتاژ دو سر هر المان

ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر آنها

### حل

الف) ابتدا  $X_L$  و  $X_C$  را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 500 \times 30 \times 10^{-3} = 15 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times \dots} = \dots \Omega$$

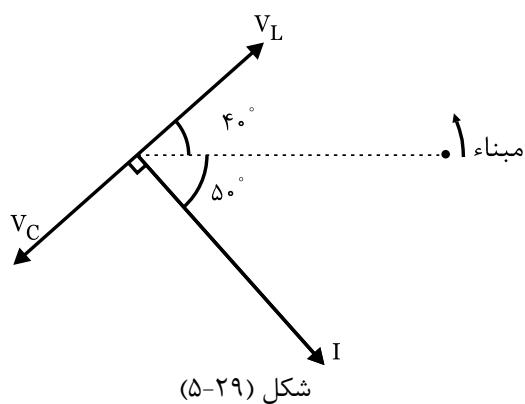
$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \dots = \dots \text{A}$$

جریان  $\times$  مقاومت = ولتاژ

$$V_L = X_L I_e = (15)(\dots) = \dots \text{v}$$

$$V_C = X_C I_e = (\dots)(\dots) = \dots \text{v}$$

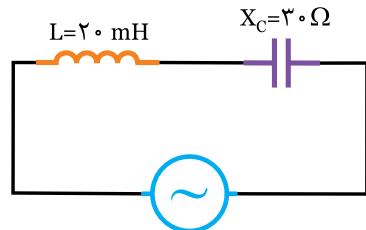
ب) برای نوشتن معادلات زمانی ولتاژ دو سر سلف و خازن باید مینا را مشخص کرده و دیاگرام معادله زمانی جریان رارسم کنیم و سپس دیاگرام  $V_L$  و  $V_C$  رارسم نماییم.



شکل (۵-۲۹)

### مثال ۵

در مدار شکل (۵-۳۱) مطلوبست:



$$V(t) = 100 \sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

شکل (۵-۳۱)

(الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

(ب) ولتاژ دو سر هر المان

(ج) معادله زمانی ولتاژ دو سر هر المان

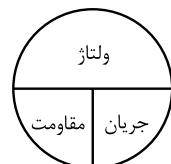
### حل

(الف) ابتدا مقاومت سلفی را محاسبه کنید.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 20 \times 10^{-3} = 20 \Omega$$

$$Z = |X_L - X_C| = |20 - 30| = 10 \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100 \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100 \text{ V}$$

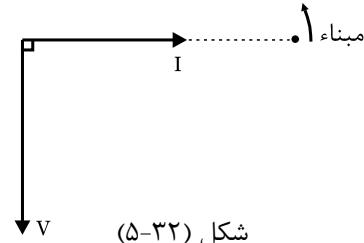


$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{مقاومت}} = \text{جریان}$$

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{100}{10} = 10 \text{ A}$$

برای بدست آوردن معادله زمانی جریان منبع دیاگرام برداری را رسم کنید.

چون  $X_C > X_L$  است مدار خاصیت خازنی دارد و جریان مدار ۹۰° جلوتر از ولتاژ می‌شود.



شکل (۵-۳۲)

$$I_m = \sqrt{2} \quad I_e = \sqrt{2} \times 10 = 10 \sqrt{2}$$

جریان ماکریم

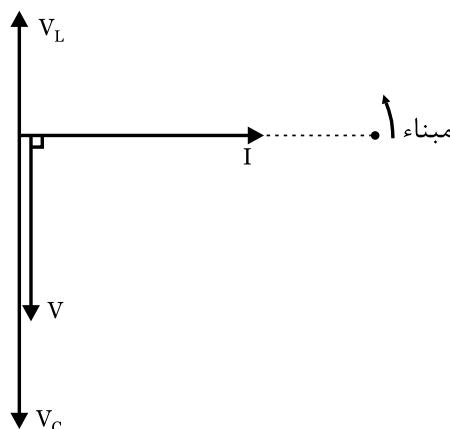
$$i_{(t)} = I_m \sin \omega t \Rightarrow i_{(t)} = 10 \sqrt{2} \sin(1000t)$$

(ب) با داشتن جریان مدار، ولتاژ دو سر هر المان را بدست جریان × مقاومت = ولتاژ می‌آوریم.

$$V_L = X_L I_e = (20)(10) = 200 \text{ V}$$

$$V_C = X_C I_e = (30)(10) = 300 \text{ V}$$

(ج) برای بدست آوردن معادله زمانی ولتاژ سلف و خازن دیاگرام برداری را ترسیم کرده و با توجه به اینکه ولتاژ سلف ۹۰° جلوتر از جریان مدار و ولتاژ خازن ۹۰° عقبتر از جریان مدار می‌باشد معادله زمانی  $V_L$  و  $V_C$  را می‌نویسیم.



شکل (۵-۳۳)

$$V_{Lm} = \sqrt{2} \quad V_L = 200 \sqrt{2} \text{ V}$$

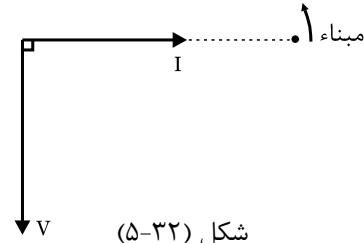
$$V_{cm} = \sqrt{2} \quad V_C = 300 \sqrt{2} \text{ V}$$

$$V_{L(t)} = 200 \sqrt{2} \sin(1000t + 90^\circ)$$

$$V_{c(t)} = 300 \sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

برای بدست آوردن معادله زمانی جریان منبع دیاگرام برداری را رسم کنید.

چون  $X_C > X_L$  است مدار خاصیت خازنی دارد و جریان مدار ۹۰° جلوتر از ولتاژ می‌شود.

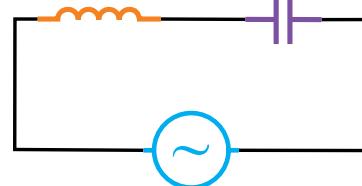


شکل (۵-۳۲)

## فعالیت ۵

در مدار شکل (۵-۳۴) مطلوبست:

$$L = ۰/۳ \text{ H} \quad C = ۲۰ \mu\text{F}$$



$$V_{(t)} = ۵۰\sqrt{۲} \sin(۵۰۰t) \text{ V}$$

شکل (۵-۳۴)

(الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

(ب) ولتاژ دو سر هر المان

(ج) معادله زمانی ولتاژ آنها

## حل

(الف)

$$X_L = \omega L = ۵۰۰ \times ۰/۳ = ..... \Omega$$

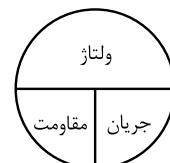
$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{.....} = ..... \Omega$$

$$Z = |X_L - X_C| = |150 - .....| = ..... \Omega$$

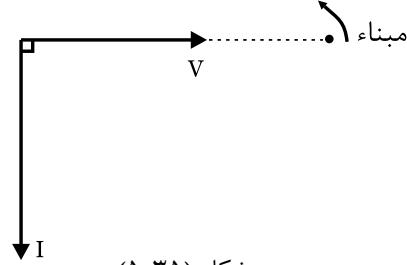
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{.....}{\sqrt{2}} = ..... \text{ V}$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{ مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{ مقاومت}}$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{.....}{.....} = ..... \text{ A}$$



برای بدست آوردن معادله زمانی جریان مدار دیاگرام  
برداری نیاز می باشد.



شکل (۵-۳۵)

- ابتدا مینا را رسم کنید.
- بردار  $V_{(t)}$  را رسم کنید.
- چون  $X_L > X_C$  است لذا مدار پس فاز است.

$$I_m = \sqrt{۲} I_e = (\sqrt{۲})(.....) = ..... \text{ A}$$

$$I_{(t)} = ..... \sin(۵۰۰t - ۹۰^\circ)$$

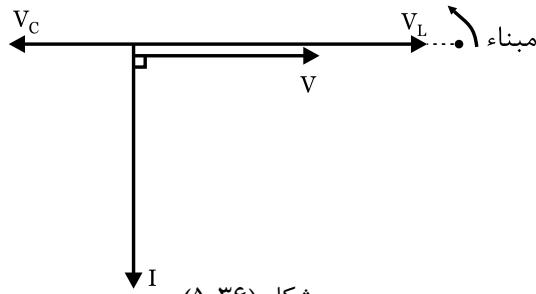
ب) با داشتن جریان مدار، ولتاژ دو سر هر المان را بدست

$$V_L = X_L I_e = ..... \times ..... = ..... \text{ V} \quad \text{آورید.}$$

$$V_C = X_C I_e = ..... \times ..... = ..... \text{ V}$$

ج) برای بدست آوردن معادله زمانی  $V_L$  و  $V_C$  دیاگرام  
برداری نیاز داریم.  
- مینا را مشخص کنید.

- بردار  $V$  و  $I$  را رسم کنید.



- شکل (۵-۳۶)  
- ولتاژ سلف  $90^\circ$  از جریان سلف جلوتر است.  
- ولتاژ خازن  $90^\circ$  از جریان خازن عقب‌تر است.

$$V_{Lm} = \sqrt{۲} V_L = (\sqrt{۲})(.....) = ..... \text{ V}$$

$$V_{cm} = \sqrt{۲} V_C = (\sqrt{۲})(.....) = ..... \text{ V}$$

$$V_{L(t)} = ..... \sin(۵۰۰t + ۰)$$

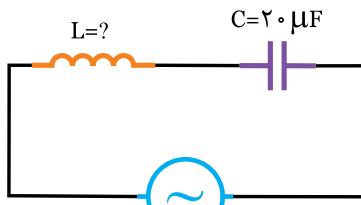
$$V_{c(t)} = ..... \sin(۵۰۰t - ۱۸۰^\circ)$$

مثال ۷

در مدار شکل (۵-۳۸) مطلوبست:

الف) مقاومت سلفی

ب) اندوکتانس سلفی



$$V(t) = 100\sqrt{2} \sin(500t - 30^\circ)$$

$$i(t) = 2\sqrt{2} \sin(500t + 60^\circ)$$

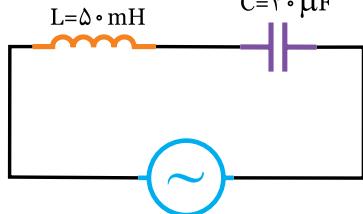
شکل (۵-۳۸)

حل

تمرین

در مدار شکل (۵-۳۷) مطلوبست:

$C = 40 \mu F$



$$V(t) = 50\sqrt{2} \sin(500t + 90^\circ)$$

شکل (۵-۳۷)

الف) جریان منبع و معادله زمانی آن

ب) ولتاژ دو سر هر المان

ج) معادله زمانی  $V_L$  و  $V_C$

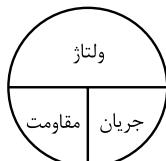
حل

الف) ابتدا ولتاژ و جریان موثر مدار را بدست آورید.

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100V$$

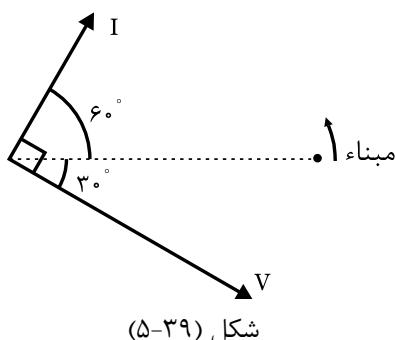
$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2A$$

ولتاژ  $\frac{\text{جریان}}{\text{ مقاومت}}$



$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{100}{2} = 50\Omega$$

دیاگرام برداری را ترسیم کنید.



شکل (۵-۳۹)

دیاگرام برداری را ترسیم کنید.

چون جریان مدار  $90^\circ$  جلوتر از ولتاژ مدار است به همین

دلیل مدار پیش فاز بوده و  $X_c > X_L$  است.

$$Z = |X_L - X_c|$$

$$X_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{5000 \times 20 \times 10^{-6}} = 100\Omega$$

$$Z = X_c - X_L$$

$$50 = 100 - X_L \Rightarrow X_L = 50\Omega$$

(ب)

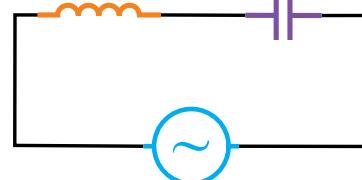
$$X_L = \omega L \Rightarrow L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{50}{5000} = 0.01H$$

$$L = 100mH$$

### فعالیت ۷

در مدار شکل (۵-۴۰) مطلوبست:

$$L = 60mH \quad C = ?$$



$$V(t) = 100\sqrt{2} \sin(1000t - 50^\circ)$$

$$i(t) = 4\sqrt{2} \sin(1000t + 40^\circ)$$

شكل (۵-۴۰)

الف) مقاومت خازنی

ب) ظرفیت خازن بر حسب میکروفاراد



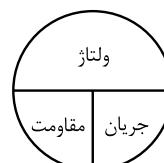
(الف)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = ..... V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{.....}{\sqrt{2}} = ..... A$$

ولتاژ  
جریان  
 مقاومت

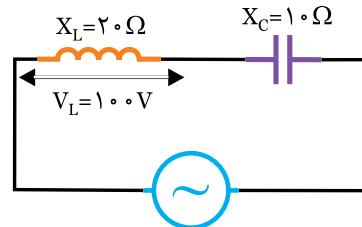
$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{.....}{.....} = ..... \Omega$$





### مثال ۷

در مدار شکل (۵-۴۲) مطلوبست:



شکل (۵-۴۲)

- (الف) جریان منبع  
ب) ولتاژ منبع

ج) رسم دیاگرام برداری با فرض  $\theta_v = 0^\circ$

$$I_e = \frac{V_C}{X_C} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

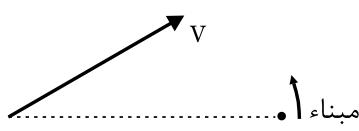
(الف)

$$Z = |X_L - X_C| = |\dots - \dots| = \dots \Omega$$

(ب)

$$V_e = Z \cdot I_e = \dots \times \dots = \dots V$$

ج) چون  $X_L > X_C$  است، مدار می‌باشد و جریان مدار درجه از ولتاژ مدار است. دیاگرام را کامل کنید.

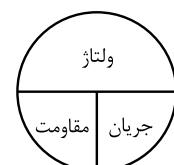


شکل (۵-۴۵)

### حل

$$\text{ولتاژ} = \frac{\text{جریان}}{\text{ مقاومت}}$$

$$I_e = \frac{100}{20} = 5 A$$



(الف)

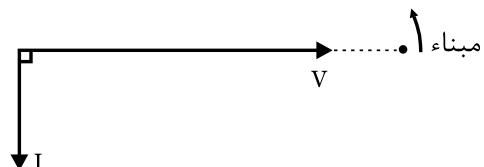
$$\text{جریان} \times \text{ مقاومت} = \text{ولتاژ}$$

(ب)

$$Z = |X_L - X_C| = |20 - 10| = 10 \Omega$$

$$V_e = Z \cdot I_e \Rightarrow V_e = 10 \times 5 = 50 V$$

ج) چون  $X_L > X_C$  است مدار پس فاز می‌باشد و جریان مدار از ولتاژ مدار عقبتر است.



شکل (۵-۴۳)

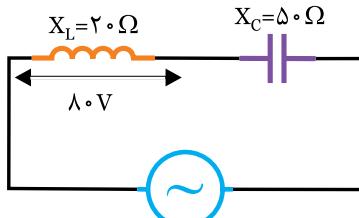
### مثال ۸

در مدار شکل (۵-۴۶) مطلوبست:

- (الف) جریان منبع

- ب) ولتاژ منبع

ج) رسم دیاگرام برداری با فرض  $\theta_v = 90^\circ$



شکل (۵-۴۶)

(الف) جریان مدار

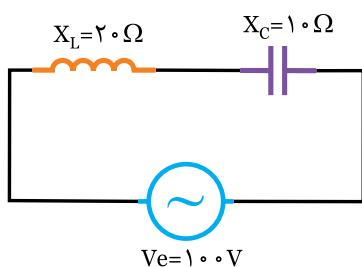
ب) ولتاژ منبع

ج) رسم دیاگرام برداری با فرض  $\theta_v = 90^\circ$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

**مثال ۱**

در مدار شکل (۵-۴۷) مطلوبست:



شکل (۵-۴۷)

الف) توان موثر

ب) توان غیر موثر

ج) توان ظاهري

الف) توان موثر

ب) توان غير موثر

ج) توان ظاهري



$$P_e = \dots$$

(الف)

$$Z = |X_L - X_C| = |\dots - \dots| = \dots \Omega$$

(ب)

$$\text{.....} = \frac{V_e}{\dots} \Rightarrow I_e = \frac{V_e}{\dots} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

با خاطر اينكه  $X_C > X_L$  است، توان راكتيو ..... است.

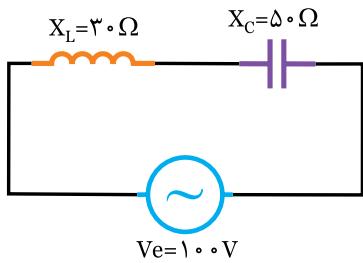
$$P_d = -V_e I_e \sin\phi = -(1)(\dots)(200) = -\dots \text{V.A.R}$$

(ج)

$$P_S = V_e I_e = (\dots)(\dots) = \dots \text{V.A}$$



در مدار شکل (۵-۴۹) مطلوبست:



شکل (۵-۴۹)

ب) توان غير مفيد مدار

الف) توان اكتيو مدار

ج) توان ظاهري مدار

الف) با خاطر اينكه مقاومت R نداريم توان موثر صفر است.

$$P_e = V_e I_e \cos\phi = 0$$

(ب)

$$Z = |X_L - X_C| = |30 - 50| = 10\Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{100}{10} = 10 A$$

با خاطر اينكه  $X_C > X_L$  است، توان غير موثر مثبت

$$P_d = V_e I_e \sin\phi = (100)(10)(1) = 1000 \text{V.A.R}$$

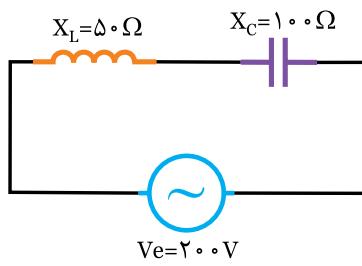
مي باشد.

$$P_S = V_e I_e = 100 \times 10 = 1000 \text{V.A}$$

(ج)

**قطايت ۱**

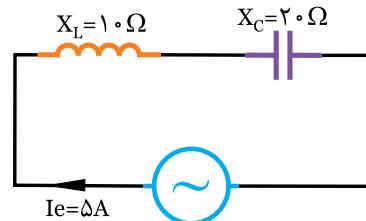
در مدار شکل (۵-۴۸) مطلوبست:



شکل (۵-۴۸)

### مثال ۹

در مدار شکل (۵-۵۰) مطلوبست:



شکل (۵-۵۰)

- (الف) توان اکتیو
- (ب) توان راکتیو
- (ج) توان ظاهری

حل

$$P_e = R I_e^2 = (\dots)(\dots)^2 = \dots \text{W}$$

(الف)

$$P_{dL} = X_L I_e^2 = (4)(\dots)^2 = \dots \text{V.A.R}$$

(ب)

$$P_{dc} = -X_c I_e^2 = -(15)(\dots)^2 = \dots \text{V.A.R}$$

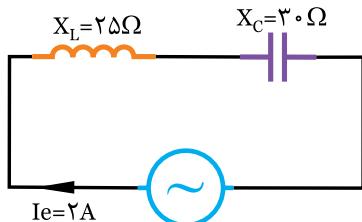
$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = \dots - \dots = \dots \text{V.A.R}$$

(ج)

$$P_s = |P_d| = |\dots| = \dots \text{V.A}$$

تمرین

در مدار شکل (۵-۵۲) مطلوبست:



شکل (۵-۵۲)

(الف) توان موثر

(ب) توان غیر موثر

(ج) توان ظاهری

- حل
- (الف)  $P_e = R I_e^2 = (0)(2)^2 = 0 \text{W}$
  - (ب)  $P_{dL} = X_L I_e^2 = (10)(2)^2 = 250 \text{W}$

$$P_{dc} = -X_c I_e^2 = -(20)(2)^2 = -800 \text{W}$$

$$P_d = 250 - 800 = -550 \text{V.A.R}$$

$$Z = |X_L - X_C| = |10 - 20| = 10 \Omega$$

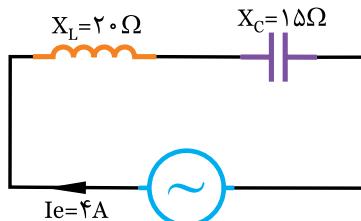
$$P_s = Z I_e^2 = 10(2)^2 = 250 \text{V.A}$$

البته می توان از رابطه  $|P_d| = P_s$  نیز بدست آورید.

$$P_s = |P_d| = |-250| = 250 \text{V.A}$$

### فعالیت ۹

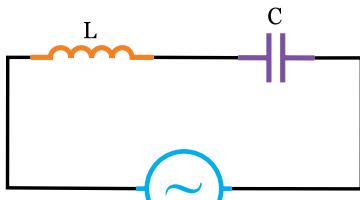
در مدار شکل (۵-۵۱) مطلوبست:



شکل (۵-۵۱)

### مثال ۱

در مدار شکل (۵-۵۴) اگر  $V_c = 2V_L$  باشد. مطلوبست:



$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(1000t + 60^\circ)$$

$$V_{(t)} = 200\sqrt{2} \sin(1000t - 30^\circ)$$

شکل (۵-۵۴)

(الف) اندازهی  $L$  و  $C$



(الف)

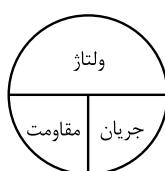
$$V_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots\dots\dots}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots\dots\dots}{\sqrt{2}} = \dots\dots\dots A$$

$$V_e = |V_L - V_C| \Rightarrow 200 = 2V_L - V_L \Rightarrow V_L = \dots\dots\dots V$$

$$V_c = 2V_L = 2 \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots V$$

$$\text{ مقاومت} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots}$$



$$X_L = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

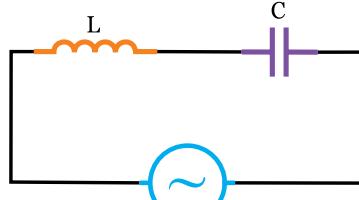
$$X_C = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots\dots\dots}{1000} = \dots\dots\dots mH$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{1000 \times \dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \mu F$$

### مثال ۲

در مدار شکل (۵-۵۳) اگر  $V_L = 3V_c$  باشد. مطلوبست:



$$V_{(t)} = 100\sqrt{2} \sin 500t$$

$$i_{(t)} = 5\sqrt{2} \sin(500t - 90^\circ)$$

شکل (۵-۵۳)

(الف) اندازهی  $L$  و  $C$



(الف)

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100 V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 5 A$$

$$V_e = |V_L - V_C| \Rightarrow 100 = 3V_C - V_C \Rightarrow 100 = 2V_C$$

$$V_C = \frac{100}{2} = 50 V$$

$$V_L = 3V_C = 3 \times 50 = 150 V$$

$$\text{ مقاومت} = \frac{\text{ ولتاژ}}{\text{ جربان}}$$



$$X_L = \frac{V_L}{I_e} = \frac{150}{2} = 75 \Omega$$

$$X_C = \frac{V_C}{I_e} = \frac{50}{2} = 25 \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{25 \times 500} = 10 \mu F$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{75}{500} = 15 mH$$

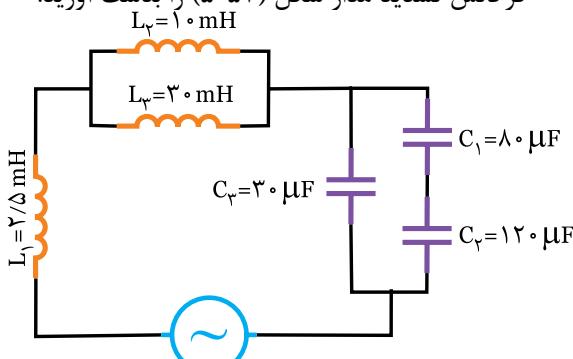
حل

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{Lc}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{10 \times 10^{-3} \times 100 \times 10^{-6}}} =$$

$$= \frac{1000}{2\pi} = 159 \text{ Hz}$$

مثال ۱۱

فرکانس تشذید مدار شکل (۵-۵۷) را بدست آورید.

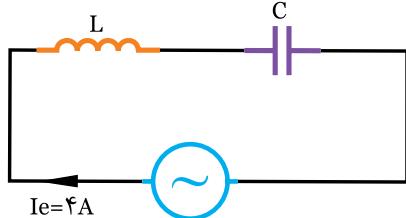


شکل (۵-۵۷)

تمرین

در مدار شکل (۵-۵۵) اگر  $V_C = 4V_L$  باشد، مطلوب است:

اندازه‌ی  $L$  و  $C$



$$V_e = 100 \text{ V}$$

$$\omega = 1000 \text{ rad/s}$$

(۵-۵۵)

حل

$$C_{12} = \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} = \frac{120 \times 80}{120 + 80} = \frac{.....}{.....} \mu\text{F}$$

$$C_t = C_1 + C_{12} = 100 + ..... = ..... \mu\text{F}$$

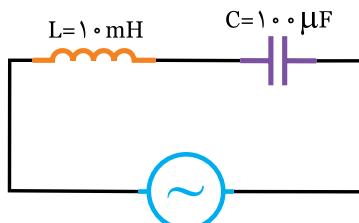
$$L_{12} = \frac{L_1 \cdot L_2}{L_1 + L_2} = \frac{..... \times .....}{.....} \text{ mH}$$

$$L_t = L_1 + L_{12} = 2/5 + ..... = ..... \text{ mH}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_t c_t}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{..... \times .....}} = ..... \text{ Hz}$$

مثال ۱۱

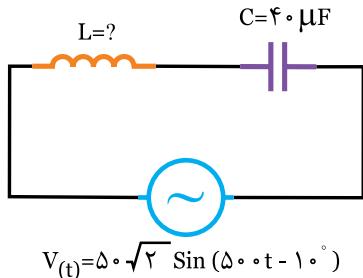
فرکانس رزنانس مدار شکل (۵-۵۶) را بدست آورید.



شکل (۵-۵۶)

## مثال ۱۲

در مدار شکل (۵-۶۰) اندوکتانس  $L$  را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.

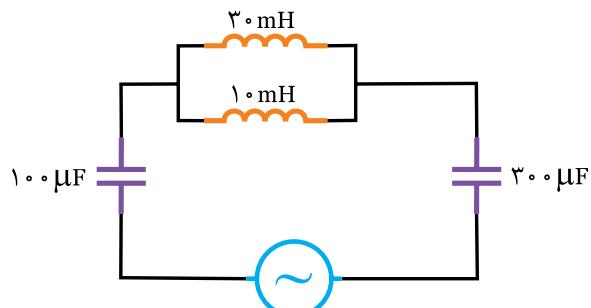


$$V(t) = 50 \sqrt{2} \sin(500t - 10^\circ)$$

شکل (۵-۶۰)

## تمرین

فرکانس رزنانس مدار شکل (۵-۵۸) را بدست آورید.



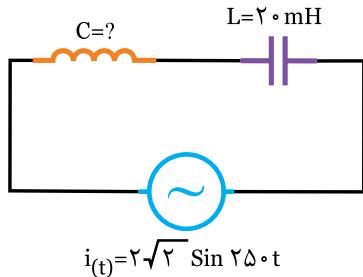
شکل (۵-۵۸)

$$X_C = X_L \Rightarrow \frac{1}{\omega C} = \omega L \Rightarrow L = \frac{1}{\omega^2 C}$$

$$L = \frac{1}{(\omega_0)^2 \times C} = \dots \text{mH}$$

## تمرین

در مدار شکل (۵-۶۱) ظرفیت خازن  $C$  را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.

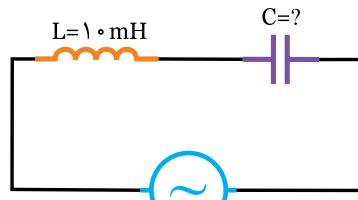


$$i(t) = 2\sqrt{2} \sin 250t$$

شکل (۵-۶۱)

## مثال ۱۲

در مدار شکل (۵-۵۹) ظرفیت خازن  $C$  را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.



$$V(t) = 100 \sin(1000t + 20^\circ)$$

شکل (۵-۵۹)

## حل

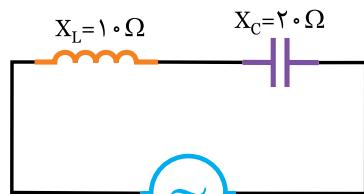
شرط اینکه مدار در حالت رزنانس قرار گیرد  $X_L = X_C$  است لذا داریم:

$$\omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega^2 L} = \frac{1}{(1000)^2 \times 1.0 \times 10^{-3}} = 100 \mu F$$

### مثال ۱۳



در مدار شکل (۵-۶۲) مطلوبست:



$$V(t) = 100\sqrt{2} \sin 1000t$$

شکل (۵-۶۲)

الف) فرکانس تشدید

ب) امپدانس در حالت تشدید

ج) جریان مدار در حالت تشدید



الف) ابتدا L و C را بدست آورید.

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{10}{1000} = 10 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{X_C \cdot \omega} = \frac{1}{1000 \times 20} = 50 \mu\text{F}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{10 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-6}}} = 225 \text{ Hz}$$

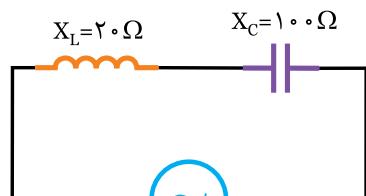
ب) از آنچنانکه در رزنانس  $X_L = X_C$  باشد لذا

$$Z = |X_L - X_C| = 0$$

ج)



در مدار شکل (۵-۶۳) مطلوبست:



$$V(t) = 50\sqrt{2} \sin 500t$$

شکل (۵-۶۳)

الف) فرکانس رزنانس

ب) امپدانس در حالت تشدید

ج) جریان مدار در حالت تشدید



الف)

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{\dots \times \dots} = \dots \mu\text{F}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\dots \times \dots}} = \dots \text{ Hz}$$

Z = ....

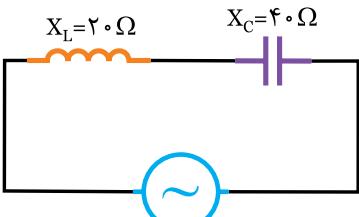
ب)

I = ....

ج)



در مدار شکل (۵-۶۴) مطلوبست:



$$V(t) = 200 \sin(250t + \frac{\pi}{3})$$

شکل (۵-۶۴)

الف) فرکانس رزنانس

ب) امپدانس در حالت تشدید

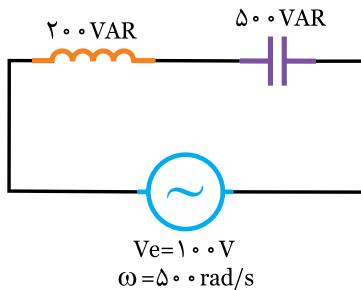
ج) جریان مدار در حالت تشدید

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

**مثال ۱۷**

در مدار شکل (۵-۶۵) مطلوبست:



شکل (۵-۶۵)

الف) اندازهی جریان منبع

ب) اندازهی L و C

$$P_d = |P_{dL} - P_{dc}| = \dots - \dots = \dots \text{ V.A.R}$$

$$P_d = V_e I_e \Rightarrow I_e = \frac{P_d}{V_e} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ A}$$

$$P_{dL} = X_L I_e^2 \Rightarrow X_L = \frac{P_{dL}}{(I_e)^2} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \Omega$$

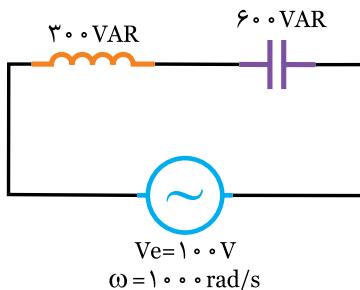
$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ mH}$$

$$P_{dc} = X_c I_e^2 \Rightarrow X_c = \frac{P_{dc}}{(I_e)^2} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega X_c} = \frac{1}{\dots \times \dots} = \dots \mu\text{F}$$

**تمرین**

در مدار شکل (۵-۶۷) مطلوبست:



شکل (۵-۶۷)

الف) اندازهی جریان منبع

ب) اندازهی L و C

$$P_d = |P_{dc} - P_{dL}| = 600 - 300 = 300 \text{ V.A.R}$$

$$P_d = V_e I_e \Rightarrow I_e = \frac{P_d}{V_e} = \frac{300}{100} = 3 \text{ A}$$

$$P_{dL} = X_L I_e^2 \Rightarrow X_L = \frac{300}{(3)^2} = 22/22 \Omega$$

$$P_{dc} = X_c I_e^2 \Rightarrow X_c = \frac{600}{(3)^2} = 66/66 \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{22/22}{500} = 44/44 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{X_c \omega} = \frac{1}{66/66 \times 500/500} = 36 \mu\text{F}$$

**فعالیت ۱۷**

در مدار شکل (۵-۶۶) مطلوبست:

$$P_{dL} = 500 \text{ VAR} \quad P_{dc} = 300 \text{ VAR}$$



$$Ve = 200 \text{ V}$$

$$\omega = 250 \text{ rad/s}$$

شکل (۵-۶۶)

- در مدار LC سری کدام صحیح نیست؟

$$P_e = 0 \quad (1)$$

$$\cos\phi = 0 \quad (2)$$

$$\sin\phi = 0 \quad (3)$$

$$\sin\phi = 1 \quad (4)$$

- در مدار LC سری در حالت رزنانس کدام صحیح نیست؟

$$P_d = 0 \quad (1)$$

$$P_s = 0 \quad (2)$$

$$P_e = 0 \quad (3)$$

$$P_L = P_c \quad (4)$$

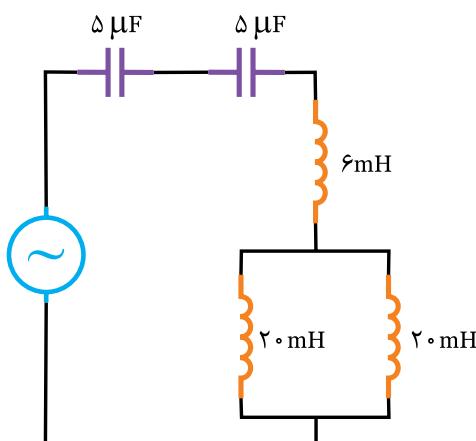
- فرکانس تشدید مدار شکل (۵-۶۸) چند هرتز است.

$$1250 \quad (1)$$

$$\frac{125}{\pi} \quad (2)$$

$$\frac{125}{1250} \quad (3)$$

$$\frac{125}{\pi} \quad (4)$$



شکل (۵-۶۸)

- در مدار LC سری اگر فرکانس زیاد شود  $P_{dL}$  چه خواهد شد؟

(۱) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

(۲) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

(۳) افزایش می‌یابد.

(۴) کاهش می‌یابد.

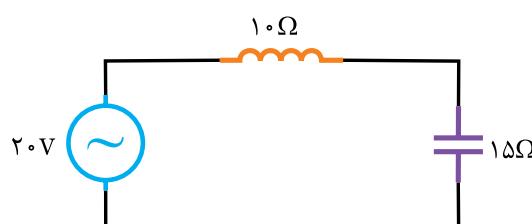
- در مدار شکل (۵-۶۹) توان راکتیو چند وار است.

$$-20 \quad (1)$$

$$20 \quad (2)$$

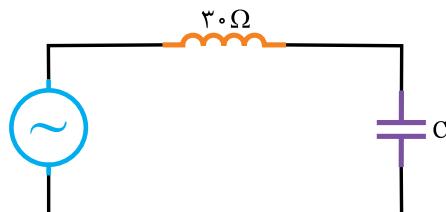
$$-80 \quad (3)$$

$$80 \quad (4)$$

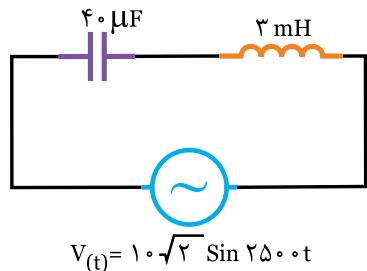


شکل (۵-۶۹)

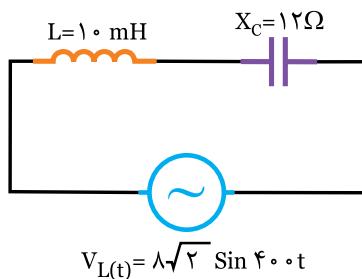
۶- در مدار شکل (۵-۷۰) اگر ظرفیت خازن چند میکروفاراد باشد. ظرفیت خازن  $C$  و  $V_{(t)} = 50\sqrt{2} \sin(500t - 90^\circ)$  باشد. مدار شکل (۵-۷۰) است.



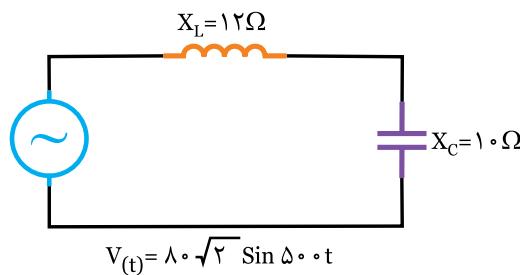
شکل (۵-۷۰)



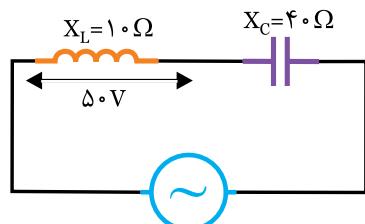
شکل (۵-۷۱)



شکل (۵-۷۲)



شکل (۵-۷۳)



شکل (۵-۷۴)

۷- در مدار شکل (۵-۷۱) مطلوبست:

(الف) جریان مدار

(ب) معادله زمانی جریان مدار

(ج) مدار توسط نرم افزار مولتیسیم به صورت آزمایشگاه مجازی بسته و درستی جوابها را بررسی کنید.

۸- در مدار شکل (۵-۷۲) مطلوبست:

(الف) امپدانس مدار

(ب) معادله زمانی جریان منبع

۹- در مدار شکل (۵-۷۳) مطلوبست:

(الف) معادله زمانی جریان مدار

(ب) معادله زمانی ولتاژ دو سر سلف و خازن

۱۰- در مدار شکل (۵-۷۴) مطلوبست:

(الف) جریان مدار

(ب) ولتاژ منبع

(ج) رسم دیاگرام برداری ولتاژ با فرض  $\theta_v = 50^\circ$

## تحقیق کنید



به کمک موتورهای جستجوگر دربارهٔ لغات زیر مطالعی را تهیه و در کلاس ارائه دهید.

Impedance (۱)

Admittance (۲)

Susceptance (۳)

Reactance (۴)

Serial LC Circuits (۵)

همچنین دربارهٔ تفاوت لغات زیر تحقیق کنید.

Resistance با Resistor (۱)

Inductance با Inductor (۲)

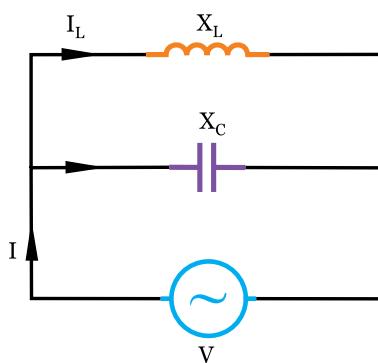
Capacitance با Capacitor (۳)

## خلاصه درس



### ۵-۳- مدارهای LC موازی:

هرگاه یک مقاومت سلفی و یک مقاومت خازنی به صورت موازی به یک منبع ولتاژ متناوب متصل شود. مطابق شکل (۵-۷۵) مدار LC موازی را تشکیل می‌دهد.

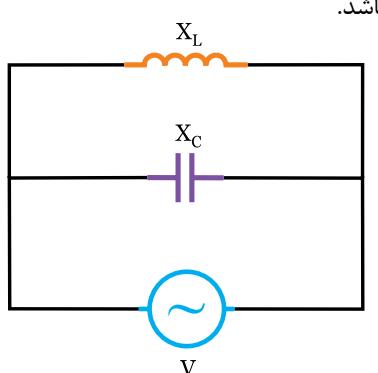


شکل (۵-۷۷)

$$I_e = |I_L - I_c|$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} \quad I_c = \frac{V_e}{X_c}$$

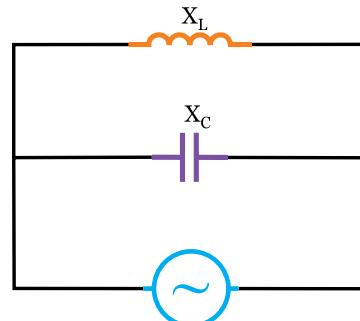
در مدارهای LC موازی مطابق شکل (۵-۷۸) اختلاف فاز  $\varphi = 90^\circ$  می‌باشد.



$$V_{(t)} = V_m \sin \omega t$$

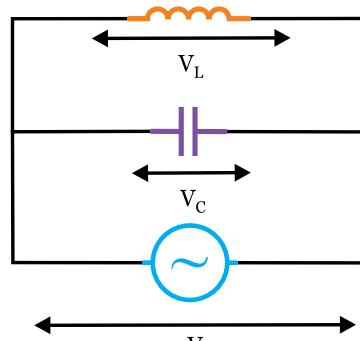
$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t \pm 90^\circ)$$

شکل (۵-۷۸)



شکل (۵-۷۹)

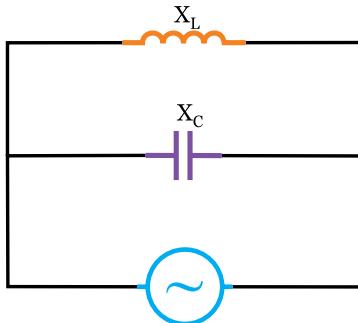
در مدارهای LC موازی ولتاژ منبع با ولتاژ هر یک از عناصر که در شکل (۵-۷۶) دیده می‌شود، برابر می‌باشد.



شکل (۵-۷۶)

پس فاز است لذا  $I_L > I_C$  می‌باشد.  
در خازن جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا  $I_C$  نسبت به  $V$   $90^\circ$  جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار پس فاز است لذا  $I_L > I_C$  می‌باشد.

**اگر  $X_L > X_C$  باشد:**  
از آنجاییکه  $V_L = V_C$  می‌باشد جریان عبوری از سلف و خازن در مدار شکل (۵-۸۱) برابر می‌شود لذا جریان منبع صفر خواهد شد که مدار در حالت تشديید يا رزنانس می‌باشد.



شکل (۵-۸۱)

$$X_L = X_C \Rightarrow I_c = I_L$$

$$I = |I_L - I_c| \Rightarrow I = 0$$

$$X_L = X_C \Rightarrow \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = 2\pi f L \Rightarrow f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

برای بدست آوردن توان در مدارهای LC موازی به علت اینکه  $\varphi = \pm 90^\circ$  است، داریم:

$$\varphi = \pm 90^\circ \Rightarrow \cos \varphi = 0 \quad \sin \varphi = \pm 1$$

- توان موثر یا مصرفی صفر می‌باشد.

$$P_e = V_e I_e \cos \varphi = 0$$

- توان غیر موثر یا راکتیو می‌شود.

$$P_d = V_e I_e \sin \varphi = \pm V_e I_e$$

- اگر  $X_L > X_C$  باشد. مدار پيش فاز بوده و  $P_d = -V_e I_e$

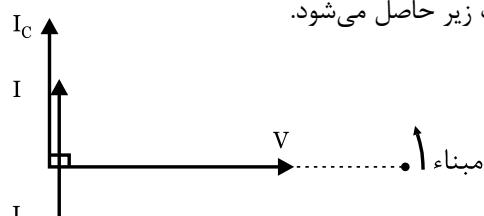
می‌شود و اگر  $X_C > X_L$  باشد. مدار پس فاز بوده و  $P_d = V_e I_e$  می‌شود.

- توان ظاهري می‌شود.

**۵-۴-۴- تاثير فرکانس بر روی امپدانس و جریان در مدار LC موازی:**

از آنجاییکه با افزایش فرکانس مقاومت سلفی  $2\pi f L$  افزایش می‌یابد و با افزایش فرکانس مقاومت خازنی  $\frac{1}{2\pi f C}$

**اگر  $X_L > X_C$  باشد:** مراحل ایجاد نمودار شکل (۵-۷۹) به صورت زیر حاصل می‌شود.



شکل (۵-۷۹)

- مینا را ترسیم کنید.

- بردار  $V$  را رسم کنید.

- جریان منبع از ولتاژ منبع  $90^\circ$  جلوتر است.

- معادله‌ی زمانی جریان منبع به صورت

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

نوشته می‌شود.

- در سلف جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است لذا

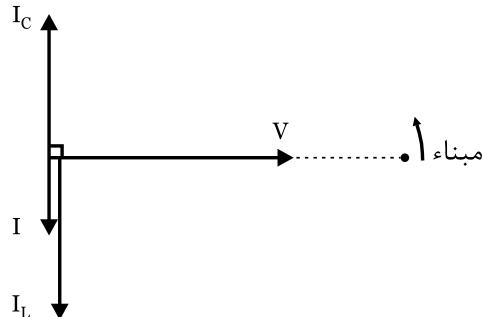
$$I_L \text{ نسبت به } V = 90^\circ$$

- در خازن جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا

$I_C$  نسبت به  $V$   $90^\circ$  جلوتر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار

پيش فاز است لذا  $I_C > I_L$  می‌باشد.

**اگر  $X_L < X_C$  باشد:** مراحل ایجاد نمودار شکل (۵-۸۰) به صورت زیر حاصل می‌شود.



شکل (۵-۸۰)

- مینا را ترسیم کنید.

- بردار  $V$  را رسم کنید.

- جریان منبع از ولتاژ منبع  $90^\circ$  عقب‌تر است.

- معادله‌ی زمانی جریان منبع به

$$i_{(t)} = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

نوشته می‌شود.

- در سلف جریان  $90^\circ$  از ولتاژ دو سرش عقب‌تر است لذا

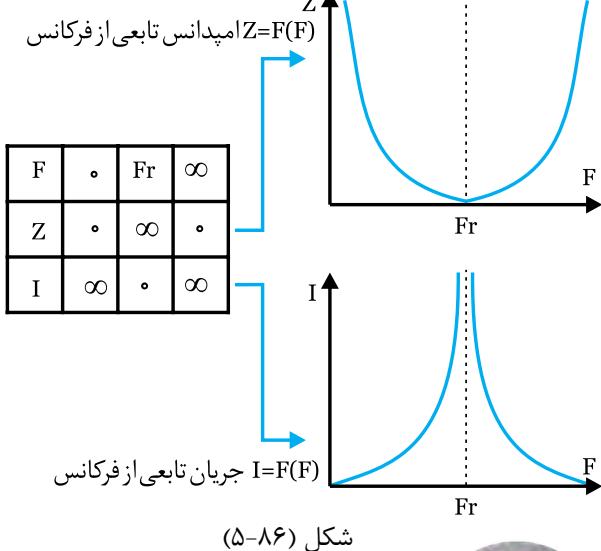
$I_C$  نسبت به  $V$   $90^\circ$  عقب‌تر ترسیم می‌شود از آنجاییکه مدار

$$f = f_r \Rightarrow X_L = X_c$$

$$Z = \infty$$

$$I = 0$$

نتایج بررسی شده را می‌توان در جدول زیر خلاصه کرد.

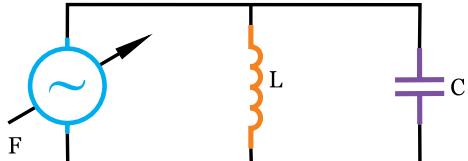


شکل (۵-۸۶)

کاهش می‌یابد لذا با توجه به فرمول‌های

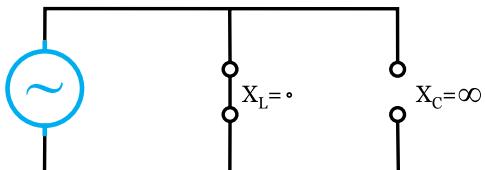
$$Z = \frac{1}{\left| \frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_c} \right|}$$

$I = \frac{V}{Z}$  در شکل‌های زیر،  $Z$  و  $I$  در کمترین و بیشترین فرکانس و رزنانس بررسی می‌کنیم.



شکل (۵-۸۲)

(۱) فرکانس صفر (DC):



شکل (۵-۸۳)

$$f = 0 \Rightarrow X_L = 0$$

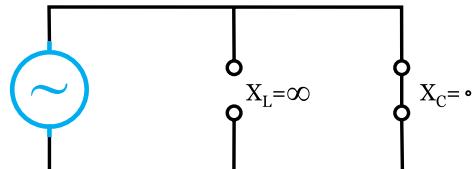
$$X_c = \infty$$

$$Z = 0$$

$$I = \infty$$

سلف مدار را اتصال کوتاه می‌کند.

(۲) فرکانس بی‌نهایت:



شکل (۵-۸۴)

$$f = \infty \Rightarrow X_L = \infty$$

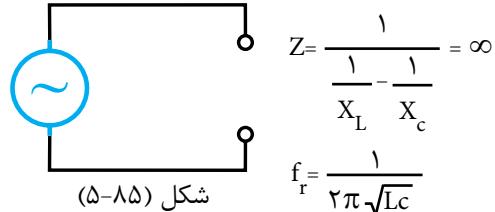
$$X_c = 0$$

$$Z = 0$$

$$I = \infty$$

خازن مدار را اتصال کوتاه می‌کند.

(۳) فرکانس رزنانس (تشدید):



شکل (۵-۸۵)

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

ابتدا  $X_L$  را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 500 \times 5 \times 10^{-3} = 2.5 \Omega$$

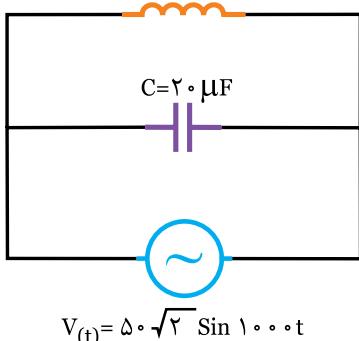
$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_L - X_c|} = \frac{2/5 \times 20}{|2/5 - 20|} = \frac{40}{17/5} = 2.35 \Omega$$

توضیح: چون  $X_c > X_L$  می‌باشد لذا مدار پس فاز است.

مثال ۱۷

در مدار شکل (۵-۹۰) مطلوبست:

$$X_L = 10\Omega$$



شکل (۵-۹۰)

الف) جریان مدار      ب) معادله زمانی جریان منبع

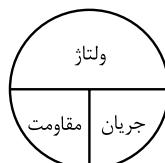
حل

الف) ابتدا مقدار  $X_C$  را بدست می آوریم.

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{1000 \times 2 \times 10^{-6}} = 50\Omega$$

$$Z = \frac{X_C X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{10 \times 50}{|10 - 50|} = \frac{500}{40} = 12.5\Omega$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{ مقاومت}} = \frac{\text{جریان}}{\text{ ولتاژ}}$$



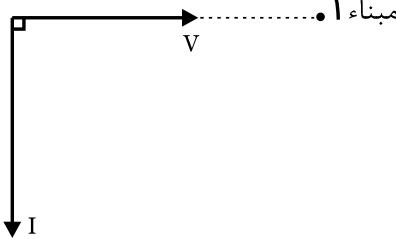
$$V_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{50\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 50V$$

جریان موثر مدار

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{50}{12.5} = 4A$$

ب) برای نوشتن معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام

$$\text{برداری می باشد که به صورت زیر عمل می نماییم.}$$

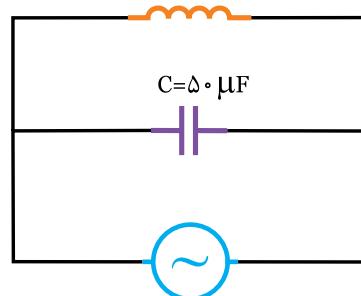


شکل (۵-۹۱)

فعالیت ۱۵

در مدار شکل (۵-۸۸) امپدانس مدار را بدست آورید.

$$X_L = 10\Omega$$



شکل (۵-۸۸)

حل

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{..... \times .....} = ..... \Omega$$

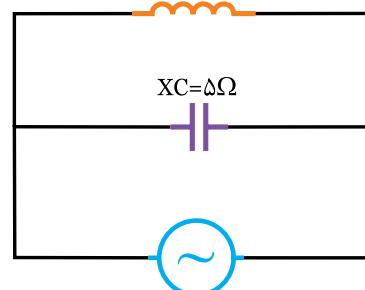
$$Z = \frac{X_C X_L}{|X_C - X_L|} = \frac{..... \times .....}{|..... - .....|} = .....$$

توضیح: چون  $X_L$  و  $X_C$  می باشد لذا مدار فاز است.

تمرین

در مدار شکل (۵-۸۹) امپدانس مدار را بدست آورید.

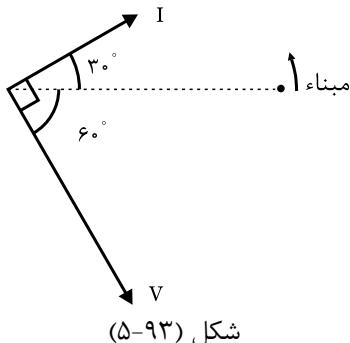
$$XL = 10\Omega$$



شکل (۵-۸۹)

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots A$$

جریان موثر مدار  
برای نوشتمن معادله زمانی جریان نیاز به دیاگرام  
برداری می‌باشد که در این مدار  $X_C > X_L$  است لذا مدار پیش  
فاز می‌باشد، که داریم:



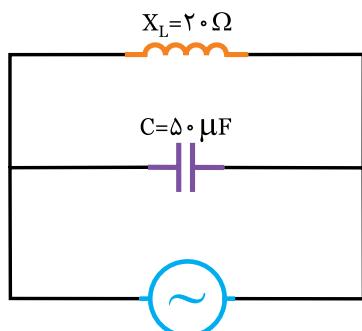
شکل (۵-۹۳)

$$I_m = \sqrt{2} I_e = \dots\dots\dots A$$

$$I_{(t)} = I_m \sin(\omega t + 30^\circ) \Rightarrow I_{(t)} = \dots\dots\dots \sin(\dots\dots\dots + 30^\circ)$$

### تمرین

در مدار شکل (۵-۹۴) مطلوبست:



$$V_{(t)} = 50 \sqrt{2} \sin(500t - 10^\circ)$$

شکل (۵-۹۴)

(الف) جریان مدار

(ب) معادله زمانی جریان منبع

- مینا را ترسیم می‌کنیم.

- بردار  $V_{(t)}$  را رسم کنید.

- در این مدار  $X_c > X_L$  است لذا مدار پس فاز و جریان منبع  $90^\circ$  از ولتاژ مدار عقبتر است و آن را رسم کنید.

- با توجه به موقعیت بردار  $I$  معادله به صورت زیر می‌شود.

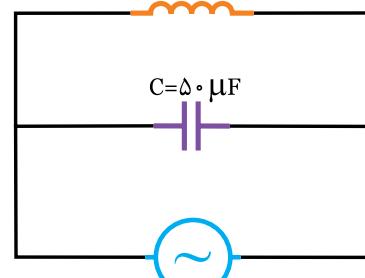
$$I_m = \sqrt{2} I_e = 4\sqrt{2} A$$

$$I_{(t)} = I_m \sin(\omega t - 90^\circ) \Rightarrow I_{(t)} = 4\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

### فعالیت ۱۷

در مدار شکل (۵-۹۲) مطلوبست:

$$L = 100 mH$$



$$V_{(t)} = 100 \sqrt{2} \sin(500t - 60^\circ)$$

شکل (۵-۹۲)

(الف) جریان مدار

(ب) معادله زمانی جریان منبع



(الف)

$$X_L = \omega L = \dots\dots\dots \times 500 = \dots\dots\dots \Omega$$

$$X_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{\dots\dots\dots \times \dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots\dots \times \dots\dots}{|\dots\dots - \dots\dots|} = 200 \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots v$$

- در این مدار  $X_L > X_C$  است لذا مدار پیش فاز و جریان منبع ۹۰° از جریان مدار عقبتر است و آن را رسم کنید.
- با توجه به موقعیت بردار  $V$  معادله زمانی آن را

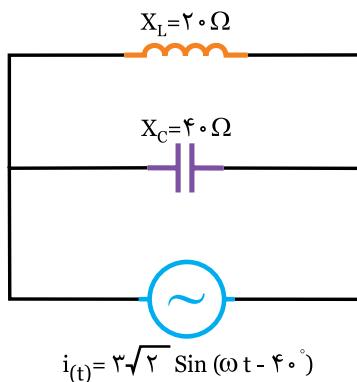
$$V_m = \sqrt{2} \quad V_e = \sqrt{2} \times 800 = 800\sqrt{2} \quad \text{می‌نویسیم.}$$

$$V_{(t)} = V_m \sin(500t - 20^\circ)$$

$$\Rightarrow V_{(t)} = 800\sqrt{2} \sin(500t - 20^\circ)$$

### فعالیت ۱۷

در مدار شکل (۵-۹۷) مطلوب است:



$$i_{(t)} = 3\sqrt{2} \sin(\omega t - 40^\circ)$$

شکل (۵-۹۷)

الف) ولتاژ مدار

ب) معادله زمانی ولتاژ منبع



(الف)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots \times \dots}{|\dots - \dots|} = \dots \Omega$$

جریان موثر منبع

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\sqrt{2}} = \dots A$$

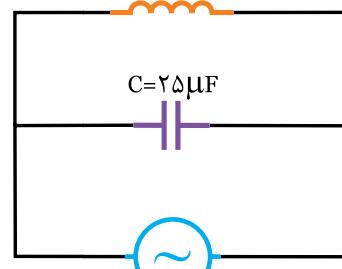
ولتاژ مدار

$$V_e = Z \cdot I_e = \dots \times \dots = \dots V$$

### مثال ۱۷

در مدار شکل (۵-۹۵) مطلوب است:

$$X_L = 100 \Omega$$



$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(500t + 70^\circ)$$

شکل (۵-۹۵)

الف) ولتاژ منبع

ب) معادله زمانی ولتاژ منبع



الف) ابتدا  $X_c$  را بدست می‌آوریم.

$$X_c = \frac{1}{\omega c} = \frac{1}{500 \times 25 \times 10^{-6}} = 80 \Omega$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_L - X_c|} = \frac{100 \times 80}{|100 - 80|} = 400 \Omega$$

مقاومت × جریان = ولتاژ

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 A$$



ولتاژ موثر منبع

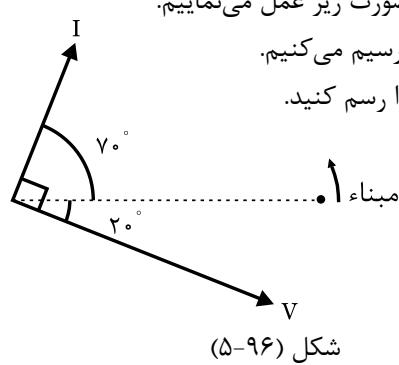
$$V = Z \cdot I = 400 \times 2 = 800 V$$

ب) برای نوشتن معادله ولتاژ نیاز به دیاگرام برداری

می‌باشد که به صورت زیر عمل می‌نماییم.

- مبدأ را ترسیم می‌کنیم.

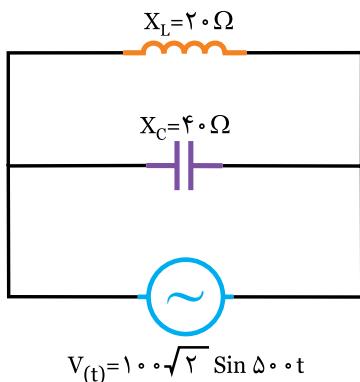
- بردار  $I$  را رسم کنید.



شکل (۵-۹۶)

## مثال ۱۷

در مدار شکل (۵-۱۰۰) مطلوبست:



شکل (۵-۱۰۰)

- (الف) جریان عبوری از سلف و خازن
- (ب) معادلهی زمانی جریان سلف و خازن

## حل

(الف)

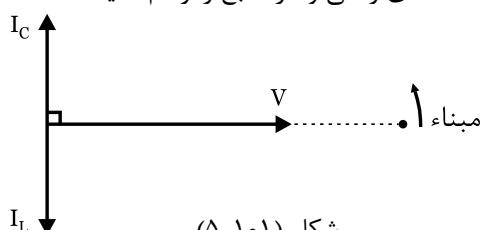
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 100 \text{ V}$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{100}{20} = 5 \text{ A}$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{100}{40} = 2.5 \text{ A}$$

- (ب) برای نوشتتن معادلات زمانی جریان نیاز به رسم دیاگرام برداری می‌باشد که مرحله‌ی آن به صورت زیر است.

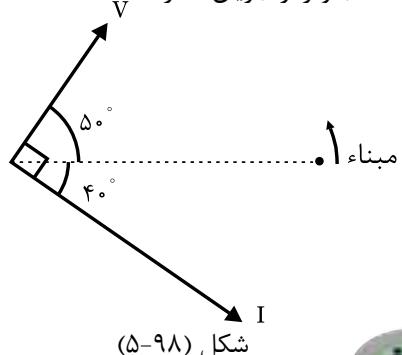
- مبدأ را ترسیم کنید.
- معادلهی زمانی ولتاژ منبع را رسم کنید.



شکل (۵-۱۰۱)

- در سلف جریان ۹۰° از ولتاژ دو سرش عقبتر است لذا  $I_L$  از ۹۰° از ولتاژ مدار عقبتر است.
- در خازن جریان ۹۰° از ولتاژ دو سرش جلوتر است لذا  $I_c$  از ۹۰° از ولتاژ مدار جلوتر است.

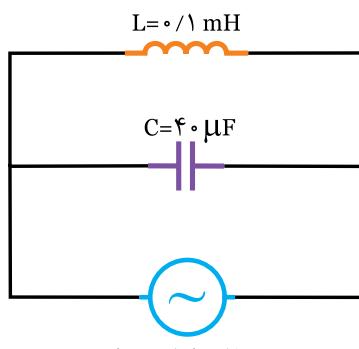
ب) برای نوشتتن معادله زمانی ولتاژ منبع نیاز به دیاگرام برداری درایم که در این مدار  $X_c > X_L$  است لذا مدار پس فاز و ولتاژ مدار ۹۰° جلوتر از جریان مدار است.



شکل (۵-۹۸)

## تمرین

در مدار شکل (۵-۹۹) مطلوبست:



شکل (۵-۹۹)

(الف) ولتاژ مدار

(ب) معادلهی زمانی ولتاژ منبع

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

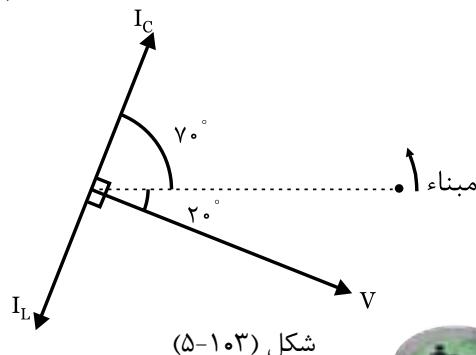
.....

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = \dots A$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = \dots A$$

$$I_{L(t)} = \dots \sin(1000t - \dots)$$

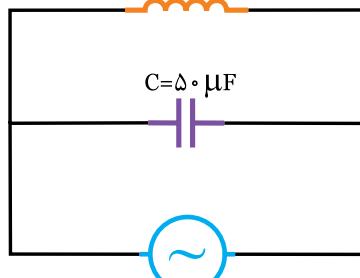
$$I_{c(t)} = \dots \sin(1000t + \dots)$$



**تمرین**

در مدار شکل (۵-۱۰۴) مطلوبست:

$$X_L = 20 \Omega$$



$$V_{(t)} = 120\sqrt{2} \sin(500t + 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۴)

(الف) جریان عبوری از سلف و خازن

(ب) معادله زمانی جریان سلف و خازن

- با توجه به موقعیت بردارهای  $I_L$  و  $I_c$  معادله زمانی آنها می‌شود.

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = 5\sqrt{2} A$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = 2/5\sqrt{2} = \frac{5\sqrt{2}}{2} A$$

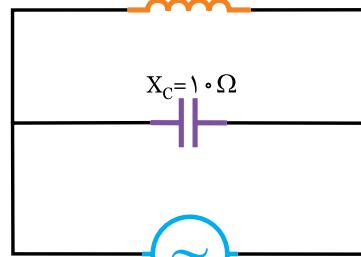
$$i_{L(t)} = 5\sqrt{2} \sin(500t - 90^\circ)$$

$$i_{C(t)} = \frac{5\sqrt{2}}{2} \sin(500t + 90^\circ)$$

**حالات**

در مدار شکل (۵-۱۰۲) مطلوبست:

$$L = 20 mH$$



$$V_{(t)} = 50\sqrt{2} \sin(1000t - 20^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۲)

(الف) جریان عبوری از سلف و خازن

(ب) معادله زمانی جریان سلف و خازن

**حل**

(الف)

$$X_L = \omega L = \dots \times \dots = \dots \Omega$$

$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\sqrt{2}} = \dots V$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

ب) برای نوشتتن معادلات زمانی جریان سلف و خازن باید

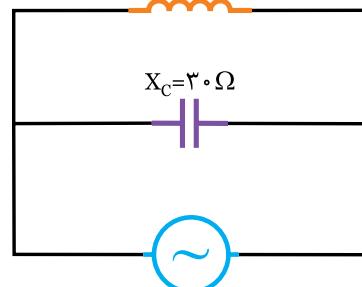
مبنای را مشخص کرده و دیاگرام معادله زمانی ولتاژ را رسم کنیم

و سپس دیاگرام  $I_L$  و  $I_c$  را رسم نماییم.

**مثال ۱۹**

در مدار شکل (۵-۱۰۵) مطلوبست:

$$L = 20 \text{ mH}$$



$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۵)

الف) ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن

ب) جریان سلف و خازن

ج) معادلهی زمانی جریان سلف و خازن



الف) ابتدا مقاومت سلفی را بدست می‌آوریم.

$$X_L = \omega L = 1000 \times 20 \times 10^{-3} = 20 \Omega$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{30 \times 20}{|20 - 30|} = 60 \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 \text{ A}$$

$$\text{جریان} \times \text{ مقاومت} = \text{ ولتاژ}$$

$$V_e = Z I_e \Rightarrow V_e = 2 \times 60 = 120 \text{ V}$$

برای بدست آوردن معادلهی زمانی ولتاژ دیاگرام برداری

را رسم کنید.

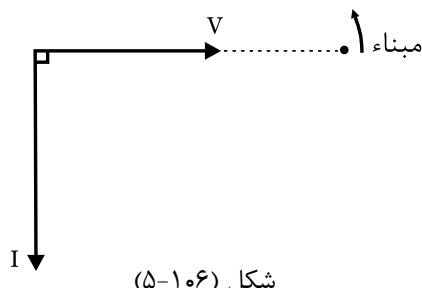
چون  $X_c > X_L$  است مدار خاصیت سلفی دارد و ولتاژ مدار

$90^\circ$  جلوتر از جریان مدار می‌باشد.

ولتاژ ماکزیمم

$$V_m = \sqrt{2} V_e = \sqrt{2} \times 120 = 120\sqrt{2} \text{ V}$$

$$V_{(t)} = V_m \sin \omega t \Rightarrow V_{(t)} = 120\sqrt{2} \sin(1000t)$$

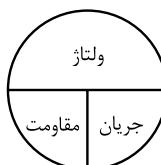


شکل (۵-۱۰۶)

ب) با داشتن ولتاژ مدار، جریان سلف و خازن را بدست

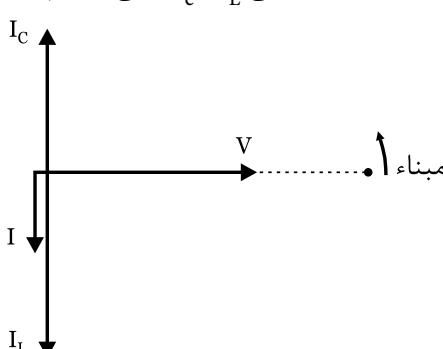
$$\text{ ولتاژ} = \frac{\text{ جریان}}{\text{ مقاومت}} \text{ می‌آوریم.}$$

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{120}{20} = 6 \text{ A}$$



$$I_c = \frac{V_e}{X_c} = \frac{120}{30} = 4 \text{ A}$$

ج) برای بدست آوردن معادلهی زمانی جریان سلف و خازن دیاگرام برداری را ترسیم کرده و با توجه به اینکه جریان سلف  $90^\circ$  عقب‌تر از ولتاژ مدار و جریان خازن  $90^\circ$  جلوتر از ولتاژ مدار می‌باشد معادلهی زمانی  $I_L$  و  $I_c$  را می‌نویسیم.



شکل (۵-۱۰۷)

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = 6\sqrt{2} \text{ A}$$

$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = 4\sqrt{2} \text{ A}$$

$$i_{L(t)} = 6\sqrt{2} \sin(1000t - 90^\circ)$$

$$i_{c(t)} = 4\sqrt{2} \sin(1000t + 90^\circ)$$

$$V_m = \sqrt{2} V_e = \dots \times \dots = \dots V$$

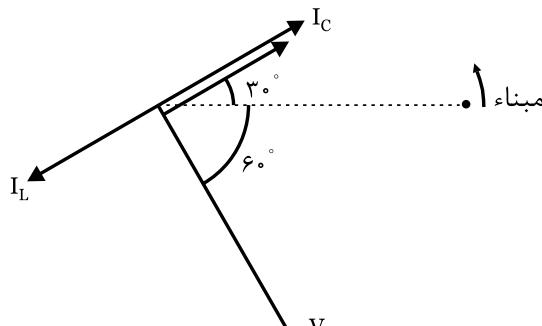
$$V_{(t)} = \dots \sin(\omega t - \dots)$$

ب) با داشتن ولتاژ مدار، جریان سلف و خازن را بدست آورید.

$$I_L = \frac{V_e}{X_L} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

$$I_c = \frac{V_e}{X_C} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

ج) برای بدست آوردن معادله زمانی جریان سلف و خازن دیاگرام برداری را ترسیم می نماییم.



شکل (۵-۱۱۰)

$$I_{Lm} = \sqrt{2} I_L = \dots A$$

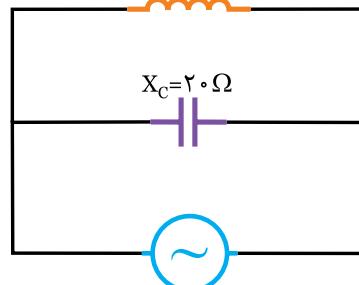
$$I_{cm} = \sqrt{2} I_c = \dots A$$

$$i_{L(t)} = \dots \sin(\omega t - 150^\circ)$$

$$i_{c(t)} = \dots \sin(\omega t + \dots)$$

در مدار شکل (۵-۱۰۸) مطلوب است:

$$X_L = 40 \Omega$$



$$i_{(t)} = \sqrt{2} \sin(\omega t + 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۰۸)

الف) ولتاژ منبع و معادله زمانی آن

ب) جریان سلف و خازن

ج) معادله زمانی جریان سلف و خازن

حل

(الف)

$$Z = \frac{X_C X_L}{|X_L - X_C|} = \frac{\dots \times \dots}{|\dots - \dots|} = \dots \Omega$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

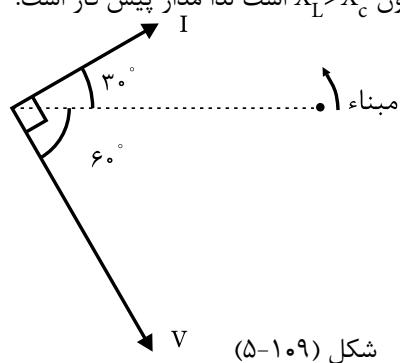
$$V_e = Z I_e = \dots \times \dots = \dots V$$

برای بدست آوردن معادله زمانی ولتاژ مدار نیاز به دیاگرام برداری می باشد.

- ابتدا منبا را رسم کنید.

- بردار  $i_{(t)}$  را رسم کنید.

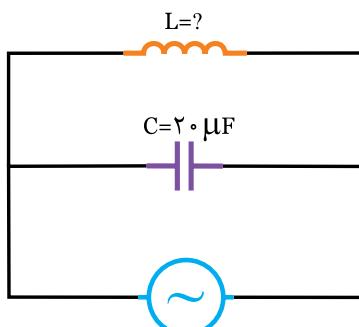
- چون  $X_C > X_L$  است لذا مدار پیش فاز است.



شکل (۵-۱۰۹)

مثال

در مدار شکل (۵-۱۱۲) مطلوبست:



$$V_{(t)} = 100 \sin(500t + 30^\circ)$$

$$i_{(t)} = 2 \sin(500t - 60^\circ)$$

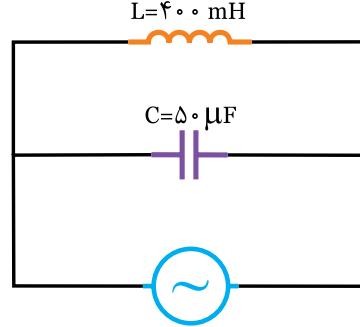
شکل (۵-۱۱۲)

(الف) مقاومت سلفی

(ب) اندوکتانس سلفی

تمرین

در مدار شکل (۵-۱۱۱) مطلوبست:



$$i_{(t)} = 3\sqrt{2} \sin 250t$$

شکل (۵-۱۱۱)

(الف) ولتاژ منبع و معادله زمانی آن

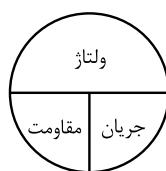
(ب) جریان سلف و خازن

(ج) معادله زمانی جریان سلف و خازن

حل

(الف)

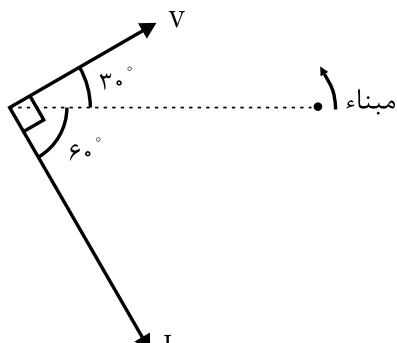
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{100}{\sqrt{2}} = 50\sqrt{2} V$$



$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} A$$

$$\frac{\text{ولتاژ}}{\text{جریان}} = \frac{\text{مقاومت}}{\text{جریان}} \Rightarrow Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{50\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 50 \Omega$$

دیاگرام برداری را ترسیم کنید.



شکل (۵-۱۱۳)

حل

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$Z = \frac{V_e}{I_e} = \frac{\dots}{\dots} = \dots A$$

دیاگرام برداری را ترسیم کنید.

چون ولتاژ  $90^\circ$  جلوتر از جریان است به همین دلیل مدار پس فاز و  $X_c$  است.

$$X_C = \frac{1}{\omega_C} = \frac{1}{500 \times 2 \pi \times 10^{-6}} = 100 \Omega$$

- مبنای ۱. چون جریان  $90^\circ$  جلوتر از ولتاژ است به همین دلیل مدار پیش فاز و  $X_L > X_C$  است.

$$X_L = \omega L = \dots \times \dots = \dots \Omega$$

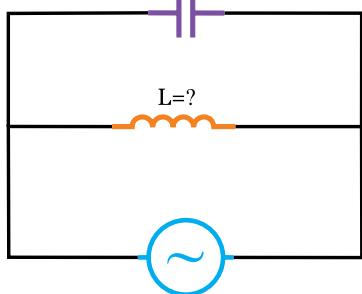
$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_L - X_c|} \Rightarrow \dots = \frac{\dots \times X_c}{|\dots - X_c|} \Rightarrow X_c = \dots \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega_0 X_C} = \frac{1}{500 \times \dots} = \dots \mu F$$



### در مدار شکل (۱۱۵-۵) مطلوبست:

$$C = F \circ \mu_F$$



$$V(t) = 100 \sin(300t - 90^\circ)$$

$$i(t) = \mathfrak{F} \sin(\omega \cdot t + \phi)$$

شکل (۱۱۵-۵)

الف) مقاومت القابي ب) ضرب خود القابي سلف(L)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} \Rightarrow \Delta = \frac{|Y_o - X_L|}{|Y_o - X_L|}$$

$$\Rightarrow 100X_L = 5000 - 50X_L$$

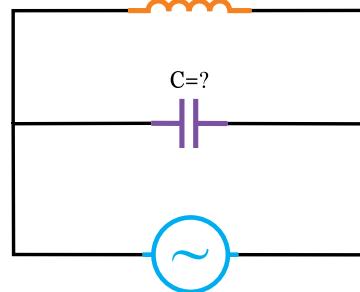
$$\Rightarrow 1\Delta \circ X_L = \Delta \circ \circ \circ \quad \Rightarrow X_L = \frac{\Delta \circ \circ \circ}{1\Delta \circ} = 33/33\Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{33/33}{100} = 66/66 \text{ mH}$$



در مdra شکل (۱۱۴-۵) مطلوبست:

$$L = \gamma \cdot mH$$



$$V_{(t)} = 120\sqrt{2} \sin(\omega \cdot t - 45^\circ)$$

$$i_{(t)} = 2\sqrt{2} \sin(\omega \cdot t + 45^\circ)$$

شكل (٥-١١٤)

### الف) مقاومت خازنی

ب) ظرفیت خازن

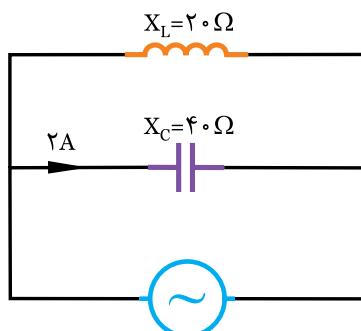


$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{5}} = \dots = \dots V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \dots = \dots A$$

## مثال ۲۱

در مدار شکل (۵-۱۱۸) مطلوبست:



شکل (۵-۱۱۸)

- (الف) ولتاژ منبع
- (ب) جریان منبع
- (ج) رسم دیاگرام برداری با فرض  $\theta_v = 30^\circ$



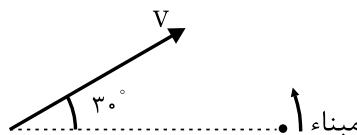
$$(الف) V_e = X_c I_c = 40 \times \dots = \dots \text{ V}$$

(ب)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots \times \dots}{|\dots - \dots|} = \dots \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ A}$$

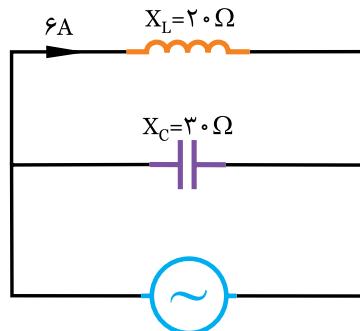
ج) چون  $X_c > X_L$  است مدار فاز می‌باشد و جریان مدار از ولتاژ مدار است.



شکل (۵-۱۱۹)

## مثال ۲۱

در مدار شکل (۵-۱۱۶) مطلوبست:



شکل (۵-۱۱۶)

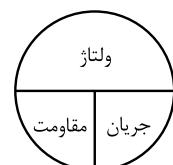
- (الف) ولتاژ منبع
- (ب) جریان منبع
- (ج) رسم دیاگرام برداری با فرض  $\theta_v = 0^\circ$



جریان  $\times$  مقاومت = ولتاژ

$$V_e = X_L I_L = 6 \times 20 = 120 \text{ V}$$

(الف)

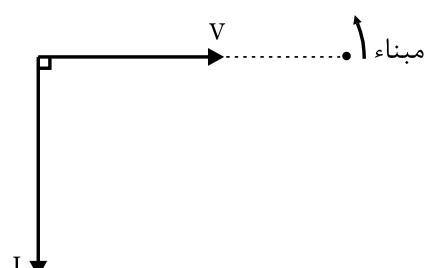


(ب)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{30 \times 20}{|20 - 30|} = \frac{600}{10} = 60 \Omega$$

$$I_e = \frac{V_e}{Z} = \frac{120}{60} = 2 \text{ A}$$

ج) چون  $X_c > X_L$  است مدار پس فاز می‌باشد و جریان مدار  $90^\circ$  از ولتاژ مدار عقبتر است.



شکل (۵-۱۱۷)

**حل**

الف) به خاطر اینکه  $R$  نداریم توان موثر صفر است.

$$P_e = V_e I_e \cos \varphi = 0$$

(ب)

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{20 \times 30}{|20 - 30|} = 60 \Omega$$

$$V_e = Z I_e = 60 \times 2 = 120 \text{ V}$$

به خاطر اینکه  $X_c > X_L$  است توان غیر موثر مثبت است.

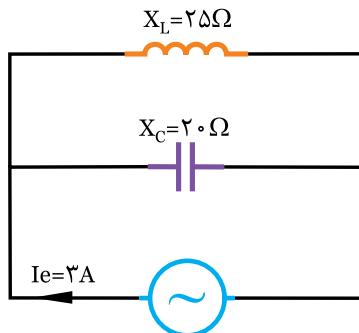
$$P_d = V_e I_e \sin \varphi = (120)(2) = 240 \text{ VAR}$$

(ج)

$$P_S = V_e I_e = 120 \times 2 = 240 \text{ V.A}$$

**نحویت ۲۲**

در مدار شکل (۵-۱۲۲) مطلوبست:



شکل (۵-۱۲۲)

الف) توان مفید

ب) توان غیر مفید

ج) توان ظاهری

**حل**

(الف)

(ب)

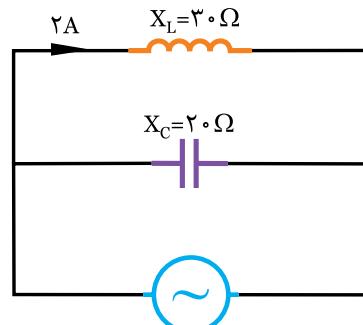
$$P_e = 0$$

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots \times \dots}{|\dots - \dots|} = \dots \Omega$$

$$V_e = Z I_e = \dots \times \dots = \dots \text{ V}$$

**تمرین**

در مدار شکل (۵-۱۲۰) مطلوبست:



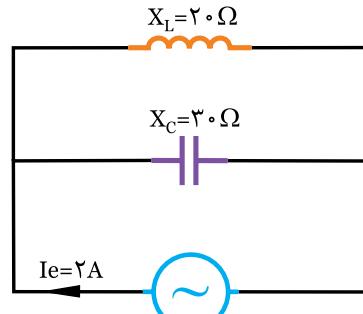
شکل (۵-۱۲۰)

ب) جریان منبع

ج) رسم دیاگرام برداری با فرض  $\theta_v = 0$

**مثال ۲۲**

در مدار شکل (۵-۱۲۱) مطلوبست:



شکل (۵-۱۲۱)

الف) توان موثر

ب) توان غیر موثر

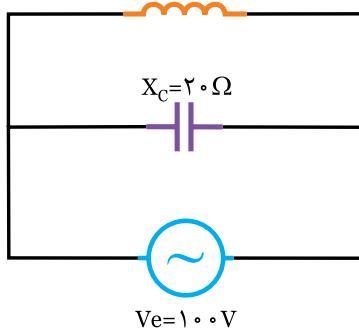
ج) توان ظاهری



مثال ۲۳

در مدار شکل (۵-۱۲۴) مطلوبست:

$$X_L = 10 \Omega$$



شکل (۵-۱۲۴)

- (الف) توان اکتیو
- (ب) توان راکتیو
- (ج) توان ظاهری



(الف) چون  $R$  نداریم توان صفر است.

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} = \frac{(100)^2}{\infty} = 0 \text{ W}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} = \frac{(100)^2}{10} = 1000 \text{ VAR}$$

$$P_{dc} = \frac{V_e^2}{-X_C} = \frac{(100)^2}{-2} = -500 \text{ VAR}$$

$$P_d = P_{dc} + P_{dL} = -500 + 1000 = 500 \text{ VAR}$$

$$P_s = |P_d| = 500 \text{ VA} \quad (ج)$$

به خاطر اینکه  $X_L > X_C$  است توان غیر موثر است.

$$P_d = -V_e I_e \sin \varphi = -(.....)(.....)(1) = - ..... \text{ V.A.R}$$

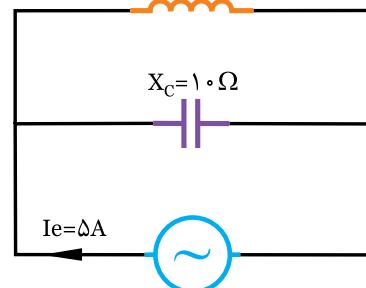
(ج)

$$P_s = V_e I_e = (.....)(.....) = ..... \text{ V A}$$



در مدار شکل (۵-۱۲۳) مطلوبست:

$$X_L = 5 \Omega$$



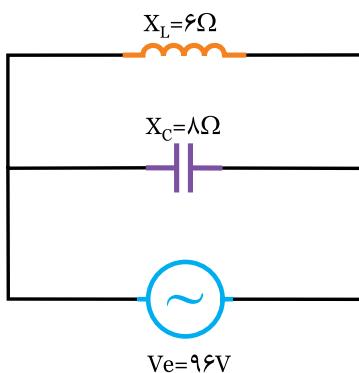
شکل (۵-۱۲۳)

- (الف) توان مصرفی مدار
- (ب) توان غیر مصرفی
- (ج) توان ظاهری



تمرين

در مدار شکل (۵-۱۲۶) مطلوبست:



شكل (۵-۱۲۶)

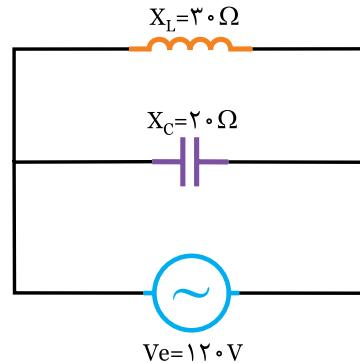
ب) توان غیر موثر

الف) توان موثر

ج) توان ظاهری

حالات ۳۳

در مدار شکل (۵-۱۲۵) مطلوبست:



شكل (۵-۱۲۵)

الف) توان واته

ب) توان دواته

ج) توان ظاهری

حل

(الف)

$$P_e = \frac{V_e^2}{R} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{W}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} = \frac{(120)^2}{\dots} = \dots \text{VAR}$$

$$P_{dc} = -\frac{V_e^2}{X_C} = -\frac{(120)^2}{\dots} = -\dots \text{VAR}$$

$$P_d = P_{dL} + P_{dc} = \dots - \dots = -\dots \text{VAR}$$

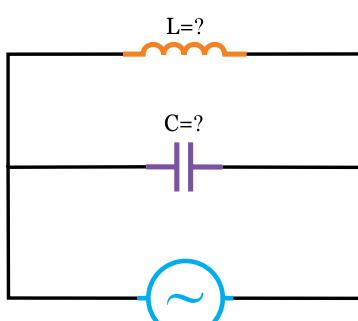
(ج)

$$P_s = |P_d| = |\dots| = \dots \text{V.A}$$

مثال ۲۲

در مدار شکل (۵-۱۲۷) اگر  $I_L = 3I_C$  باشد، مطلوبست:

اندازه‌ی C و L



$$V(t) = 60\sqrt{2} \sin 500t$$

$$i(t) = 2\sqrt{2} \sin(500t - 90^\circ)$$

شكل (۵-۱۲۷)



$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{30\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 30V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 1A$$

$$I_e = |I_c - I_L| \Rightarrow 1 = 2I_L - I_L \Rightarrow I_L = 1A$$

$$I_c = 2I_L = 2(1) = 2A$$

$$X_L = \frac{V_e}{I_L} = \frac{30}{1} = 30\Omega$$

$$X_c = \frac{V_e}{I_c} = \frac{30}{2} = 15\Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{30}{2\pi \cdot 50} = 0.0957mH$$

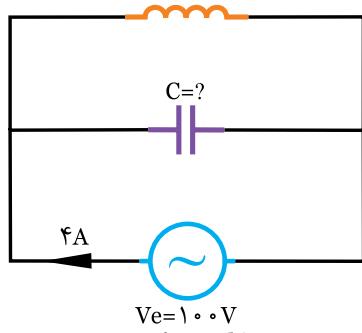
$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 15} = 0.000104F = 104\mu F$$



در مدار شکل (۵-۱۲۹) اگر  $I_L = 4I_c$  باشد، مطلوبست:

$$L=?$$

$$C \text{ و } L \text{ اندازه‌ی}$$



شکل (۵-۱۲۹)



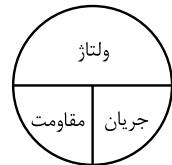
$$V_e = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{60\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 60V$$

$$I_e = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2A$$

$$I_e = |I_L - I_C| \Rightarrow 2 = 2I_C - I_C \Rightarrow 2 = I_C \Rightarrow I_C = 2A$$

$$I_L = 3I_C \Rightarrow I_L = 6A$$

$$\frac{\text{ولتاژ مقاومت}}{\text{جریان مقاومت}} = \frac{\text{ ولتاژ}}{\text{ جریان مقاومت}}$$



$$X_L = \frac{V_e}{I_L} = \frac{60}{2} = 30\Omega$$

$$X_C = \frac{V_e}{I_c} = \frac{60}{4} = 15\Omega$$

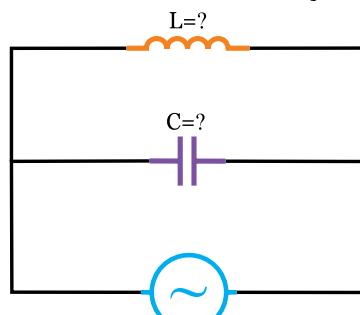
$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{30}{2\pi \cdot 50} = 0.0957mH$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 15} = 0.000104F = 104\mu F$$



در مدار شکل (۵-۱۲۸) اگر  $I_c = 2I_L$  باشد، مطلوبست:

$$C \text{ و } L \text{ اندازه‌ی}$$



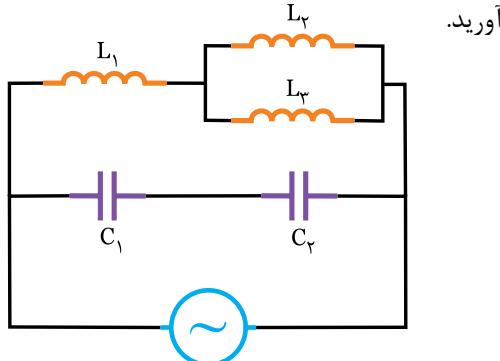
$$V_{(t)} = 30\sqrt{2} \sin(25t - 30^\circ)$$

$$i_{(t)} = \sqrt{2} \sin(25t + 60^\circ)$$

شکل (۵-۱۲۸)

### تمرين

در مدار شکل (۵-۱۳۲) فرکانس رزنانس را بدست آورید.



شکل (۵-۱۳۲)

$$L_1 = 6 \text{ mH} \quad L_2 = 12 \text{ mH} \quad L_3 = 6 \text{ mH}$$

$$C_1 = 120 \mu\text{F} \quad C_2 = 240 \mu\text{F}$$

.....

.....

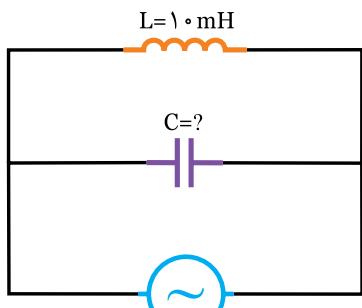
.....

.....

.....

### مثال ۲۷

در مدار شکل (۵-۱۳۳) ظرفیت خازن  $C$  را چنان تعیین کنید که مدار در حالت تشدید قرار گیرد.

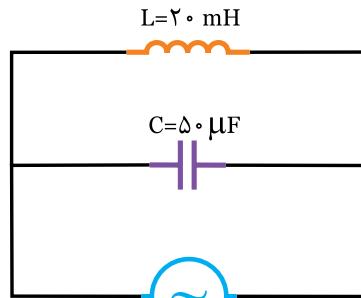


$$\omega = 50 \text{ rad/s}$$

شکل (۵-۱۳۳)

### مثال ۲۵

در مدار شکل (۵-۱۳۰) فرکانس رزنانس را بدست آورید.



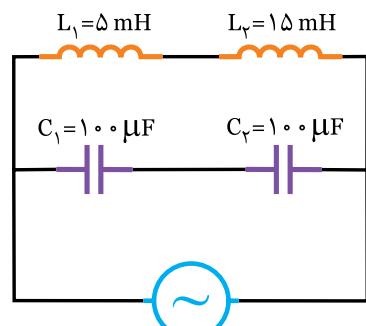
شکل (۵-۱۳۰)

### حل

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{Lc}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{20 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-6}}} = 159 \text{ Hz}$$

### فعالیت ۲۵

در مدار شکل (۵-۱۳۱) فرکانس تشدید را بدست آورید.



شکل (۵-۱۳۱)

$$C_t = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{\dots \times \dots}{\dots + \dots} = \dots \mu\text{F}$$

$$L_t = L_1 + L_2 = \dots + \dots = \dots \text{ mH}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_t C_t}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{\dots \times \dots}} = \dots \text{ Hz}$$

شرط اینکه مدار در حالت تشیدید قرار گیرد این است که

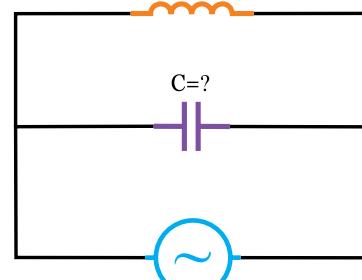
$$X_L = X_C \text{ باشد لذا داریم.}$$

$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow C = \frac{1}{\omega^2 L}$$

$$C = \frac{1}{(500)^2 (10 \times 10^{-3})} = \frac{1}{250000 \times 10 \times 10^{-3}} = 400 \mu F$$

در مدار شکل (۵-۱۳۴) ظرفیت خازن  $C$  را چنان بیابید که مدار در حالت تشیدید قرار گیرد.

$$L = 5 mH$$

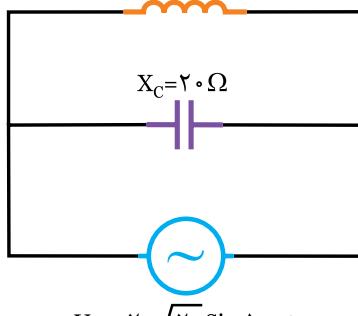


$$V(t) = 100\sqrt{2} \sin(400t + 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۳۴)

در مدار شکل (۵-۱۳۶) مطلوبست:

$$X_L = 30 \Omega$$



$$V(t) = 20\sqrt{2} \sin 500t$$

شکل (۵-۱۳۶)

(الف) فرکانس تشیدید

(ب) امپدانس مدار در حالت تشیدید

(ج) جریان مدار در حالت تشیدید

(الف)

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{30}{500} = 60 mH$$

$$C = \frac{1}{X_C \omega} = \frac{1}{20 \times 500} = 100 \mu F$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{60 \times 100 \times 10^{-9}}} = 65 Hz$$

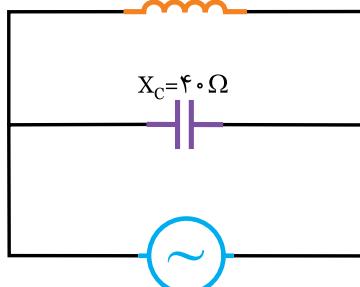
در مدار شکل (۵-۱۳۵) اندوکتانس  $L$  را چنان بیابید که مدار در حالت تشیدید قرار گیرد

.....  
.....  
.....

## تمرين

در مدار شکل (۵-۱۳۸) مطلوبست:

$$X_L = 16\Omega$$



$$V(t) = 5\sqrt{2} \sin(250t + \frac{\pi}{4})$$

شكل (۵-۱۳۸)

الف) فرکانس رزنانس

ب) امپدانس مدار در حالت رزنانس

ج) جریان مدار در حالت رزنانس

ب) از آنجاییکه در رزنانس  $X_c = X_L$  میباشد لذا داریم.

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{X_c X_L}{0} = \infty$$

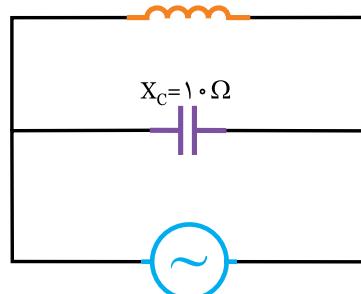
(ج)

$$I_e = \frac{V}{Z} = \frac{V}{\infty} = 0 A$$

## فعالیت ۲۷

در مدار شکل (۵-۱۳۷) مطلوبست:

$$X_L = 2.0\Omega$$



$$\omega = 1000 \text{ rad/s}$$

شكل (۵-۱۳۷)

الف) فرکانس تشدید

ب) امپدانس در حالت رزنانس

ج) جریان مدار در حالت رزنانس

## حل

(الف)

$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{\dots\dots\dots \times \dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \mu F$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi \sqrt{\dots\dots\dots \times \dots\dots\dots}} = \dots\dots\dots \text{ Hz}$$

ب) چون  $X_c = X_L$  میباشد، داریم.

$$Z = \frac{X_c X_L}{|X_c - X_L|} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \Omega$$

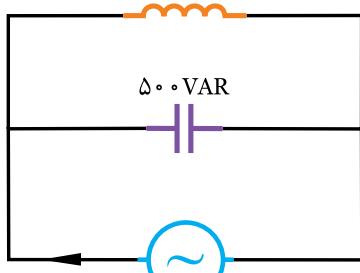
(ج)

$$I_e = \frac{V}{Z} = \frac{\dots\dots\dots}{\dots\dots\dots} = \dots\dots\dots \text{ A}$$

الف) ولتاژ منبع

ب) اندازهی L و C

شكل (۵-۱۳۹)



$$\omega = 500 \text{ rad/s}$$

شكل (۵-۱۳۹)

الف) ولتاژ منبع

ب) اندازهی L و C

حل

$$X_L = \frac{V_e^2}{P_{dL}} = \frac{(\dots)^2}{\dots} = \dots \Omega \quad (ب)$$

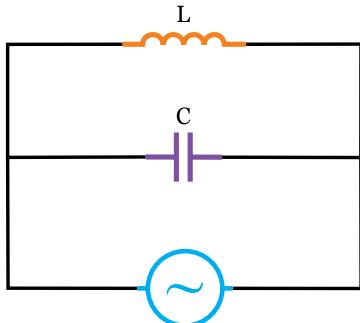
$$X_C = \frac{V_e^2}{P_{dc}} = \frac{(\dots)^2}{\dots} = \dots \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\Omega} = \frac{\dots}{500} = \dots mH$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{\dots \times 500} = \dots \mu F$$

## تمرین

در مدار شکل (۵-۱۴۱) مطلوب است:



شکل (۵-۱۴۱)

(الف) ولتاژ منبع

(ب) اندازهی L و C

حل

$$P_d = |P_{dc} - P_{dL}| = 500 - 200 = 300 \text{ VAR} \quad (الف)$$

$$P_e = V_e I_e \Rightarrow V_e = \frac{P_d}{I_e} = \frac{300}{2} = 150 \text{ V}$$

(ب)

$$P_{dL} = \frac{V_e^2}{X_L} \Rightarrow X_L = \frac{V_e^2}{P_{dL}} = \frac{(150)^2}{200} = 112.5 \Omega$$

$$P_{dc} = \frac{V_e^2}{X_C} \Rightarrow X_C = \frac{V_e^2}{P_{dc}} = \frac{(150)^2}{500} = 45 \Omega$$

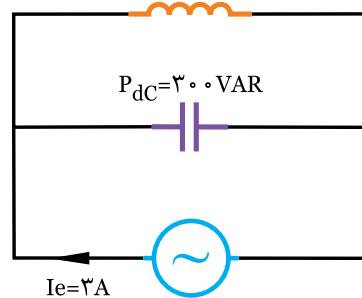
$$L = \frac{X_L}{\omega} = \frac{112.5}{500} = 225 \text{ mH}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{500 \times 45} = 4.44 \mu F$$

## فعالیت ۲۸

در مدار شکل (۵-۱۴۰) مطلوب است:

$$P_{dL} = 400 \text{ VAR}$$



شکل (۵-۱۴۰)

(الف) ولتاژ منبع

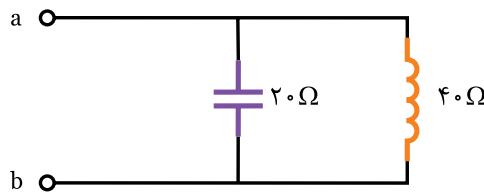
(ب) اندازهی L و C

حل

$$P_d = |P_{dL} - P_{dc}| = 400 - 300 = 100 \text{ VAR} \quad (الف)$$

$$P_d = V_e I_e \Rightarrow V_e = \frac{P_d}{I_e} = \frac{\dots}{\dots} = \dots \text{ V}$$

۱- مقاومت معادل بین دو نقطه a و b در شکل (۵-۱۴۲) چند اهم است؟



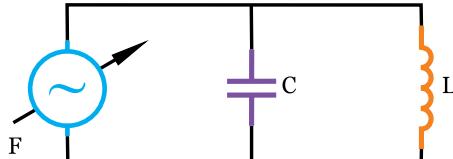
شکل (۵-۱۴۲)

$$X_C = 20 \quad (1)$$

$$X_C = 40 \quad (2)$$

$$X_L = 20 \quad (3)$$

$$X_L = 40 \quad (4)$$



شکل (۵-۱۴۳)

۲- در مدار شکل (۵-۱۴۳) اگر فرکانس از صفر تا نهایت افزایش یابد جریان مدار کدام است.

(۱) افزایش می‌یابد.

(۲) کاهش می‌یابد.

(۳) افزایش سپس کاهش می‌یابد.

(۴) کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

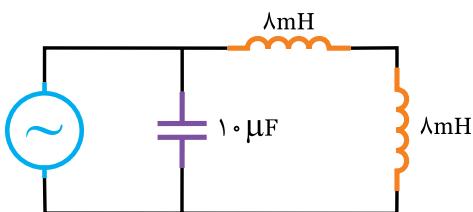
۳- در مدار موازی اگر ظرفیت خازن چهار برابر شود فرکانس رزنانس کدام است.

(۱) ۲ برابر می‌شود.

(۲) نصف می‌شود.

(۳) ۴ برابر می‌شود.

(۴)  $\frac{1}{4}$  برابر می‌شود.



شکل (۵-۱۴۴)

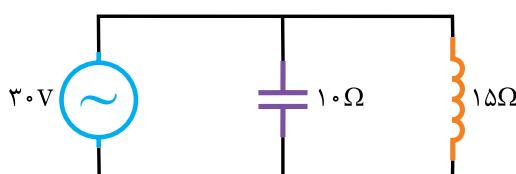
۴- فرکانس تشیدید مدار شکل (۵-۱۴۴) چند هرتز است.

$$\frac{1250}{\pi} \quad (1)$$

$$\frac{125}{\pi} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{1250} \quad (3)$$

$$125 \quad (4)$$



شکل (۵-۱۴۵)

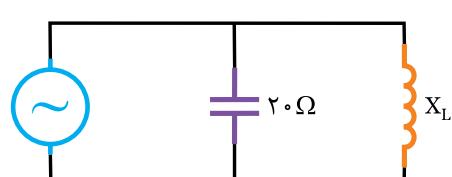
۵- در مدار شکل (۵-۱۴۵) توان راکتیو چند وار است.

$$(1)$$

$$(2)$$

$$(3)$$

$$(4)$$



شکل (۵-۱۴۶)

۶- اگر در شکل (۵-۱۴۶)،  $Z=20$  باشد راکتانس القایی کدام است.

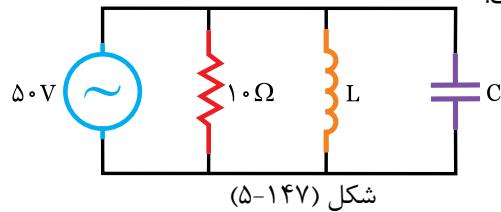
$$20 \quad (1)$$

$$10 \quad (2)$$

$$40 \quad (3)$$

$$5 \quad (4)$$

۷- اگر جریان مدار شکل (۵-۱۴۷)، ۵A باشد، کدام گزینه صحیح است.



$$X_C = 2X_L \quad (۱)$$

$$X_L = 2X_C \quad (۲)$$

$$X_L = X_C \quad (۳)$$

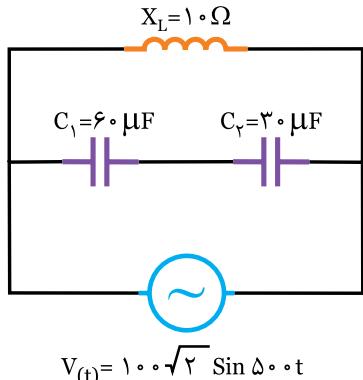
$$L = C \quad (۴)$$

۸- در مدار شکل (۵-۱۴۸) مطلوبست:

الف) جریان مدار

ب) معادله زمانی جریان منبع

ج) مدار را توسط نرم‌افزار مولتی‌سیم بررسی کنید.

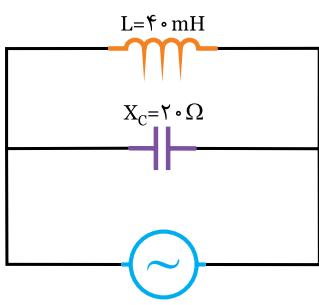


شکل (۵-۱۴۸)

۹- در مدار شکل (۵-۱۴۹) مطلوبست:

الف) ولتاژ منبع

ب) معادله زمانی ولتاژ منبع

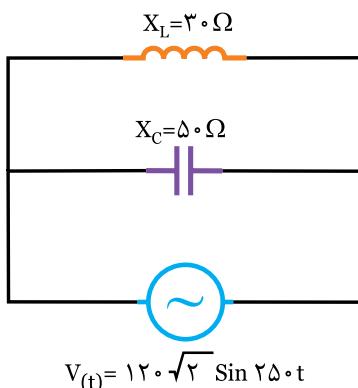


شکل (۵-۱۴۹)

۱۰- در مدار شکل (۵-۱۵۰) مطلوبست:

الف) جریان عبوری از سلف و خازن

ب) معادله زمانی جریان سلف و خازن



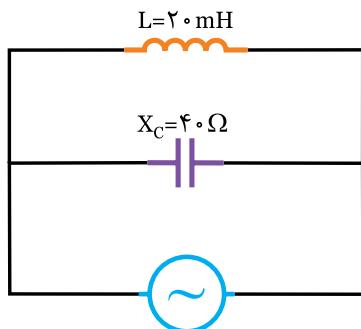
شکل (۵-۱۵۰)

۱۱- در مدار شکل (۵-۱۵۱) مطلوبست:

الف) ولتاژ منبع و معادلهی زمانی آن

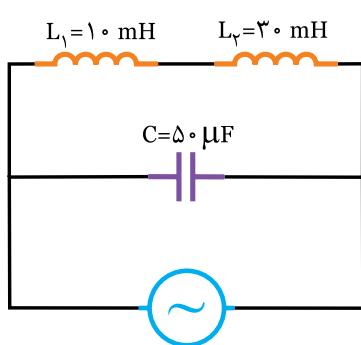
ب) جریان سلف و خازن

ج) معادلهی زمانی جریان سلف و خازن



$$i(t) = 3 \sin(1000t + 30^\circ)$$

شکل (۵-۱۵۱)

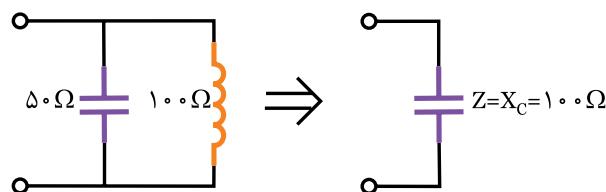
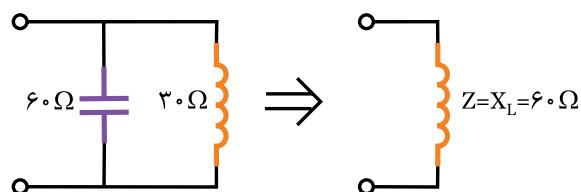


شکل (۵-۱۵۲)

۱۲- در مدار شکل (۵-۱۵۲) فرکانس تشددید را بدست آورید.

بیشتر بدانید

اگر در مدار  $LC$  موادی راکتانس خازنی و سلفی یکی دو برابر دیگری باشد امپدانس مدار برابر راکتانس بزرگتر و خاصیت آن شبیه کوچکتر می‌باشد.



شکل (۵-۱۵۳)

