

آموزه دوم

هدف‌های رفتاری را روی تخته بنویسید.

هدف‌های رفتاری : با یادگیری این آموزه، هنرجو می‌تواند :

- خطای اندازه‌گیری را توضیح دهد.

- انواع خطای اندازه‌گیری (خطای به کارگیری یا خطای وسیله، خطای عملکرد، خطای محیط، خطای دینامیکی) را توضیح دهد.

- یکاهای اندازه‌گیری طول را توضیح دهد.

- تبدیل یکاهای طول (میلی‌متر و اینچ) به هم را انجام دهد.

- محیط قطعات را محاسبه نماید.

۱-۲- خط و اشتباه در اندازه‌گیری (۱-۴ صفحه ۴)

از هنرجویان بپرسید :

پرسش : خطای اندازه‌گیری یعنی چه؟

پاسخ : خطای اندازه‌گیری یعنی واقعی نبودن آنچه در اندازه‌گیری به دست آمده است.

پرسش : آیا در زندگی روزمره با خطای اندازه‌گیری مواجه بوده‌اید، اگر بوده‌اید، چه موضوعی سبب خطا در اندازه‌گیری شده است؟

پس از شنیدن پاسخ هنرجویان پاسخ را چنین جمع‌بندی کنید که هر چه اندازه‌گیری دقیق، اصولی و با روش‌های مناسب صورت گیرد، در بیش‌تر مواقع اندازه حقيقی به دست نمی‌آید و در هر اندازه‌گیری اشتباه یا خطأ هست و خطأ جزء جدا ناپذیر هر اندازه‌گیری است. منبع این خطاهای می‌تواند از موارد زیر باشد :

خطای دستگاه، خطای عملکرد، خطای محیط. درباره هر یک از خطاهای توضیح دهید.

خطای دستگاه

هر وسیله اندازه‌گیری از تعدادی قطعه، که عملکرد صحیح هر کدام در نتیجه اندازه‌گیری مؤثر است، تشکیل شده است. اگر قطعه‌یا قطعاتی از دستگاه به درستی کار نکند دچار خطأ خواهد شد (خطای دستگاه).

برای نمونه در یک ترازوی شاهین‌دار وقتی دو کپه وزن یکسانی نداشته باشند. اگر تمام قطعات دیگر به درستی کار نکند باز هم اندازه‌گیری همراه با خطأ خواهد بود.

خطای عملکرد

خطای عملکرد به علت چگونگی استفاده از دستگاه روی می‌دهد. مانند زاویه دید غلط، نسبت به خطوط مندرج دستگاه، که باعث خطای خواندن اعداد می‌شود.

خطای محیط

درباره خطای محیط توضیح دهید که در بعضی اوقات خطاهایی در اندازه‌گیری پیدا می‌شود که چندان قابل کنترل نیست مانند تغییر ناگهانی و پیش‌بینی نشده دمای محیط، فشار جو و لرزش دستگاه که تأثیراتی در اندازه‌گیری می‌گذارند و سبب خطای در نتیجه می‌شود.

هنر آموز درباره خطای دینامیکی توضیح دهد این خطای در مواقعي اتفاق می‌افتد که کمیتی که مورد اندازه‌گیری قرار گرفته بطور دائم در تغییر باشد و دستگاه اندازه‌گیری نتواند خود را با سرعت تغییر کمیت تطبیق دهد و اعداد نشان داده شده برای زمانی غیر از زمان مورد نظر باشد.

بیان کند هرگاه خطای اندازه‌گیری بیش از حد مجاز باشد به آن اشتباه گویند اندازه خطای مجاز معمولاً دو تا سه برابر دقت وسیله اندازه‌گیری تعیین می‌شود.

برای درک بهتر هرجویان از خطای مجاز مثال زیر را می‌توان بیان کرد :

مثال : یک ترازوی 1000 ± 1 گرمی با دقیقی معادل یک در هزار به اندازه 1 ± 1 گرم در دامنه اندازه‌گیری ترازو دقت دارد. خطای مجاز آن را محاسبه کنید.

پاسخ : چون خطای مجاز بیشتر دو تا سه برابر دقت وسیله است مثال، با در نظر گرفتن بیشترین احتمال خطای حل می‌شود.

$$1 \pm 1 \text{ گرم} = 2 \text{ گرم}$$

$$1 \times 3 \pm 1 \text{ خطای مجاز} \rightarrow \text{سه برابر دقت دستگاه خطای مجاز}$$

$$\text{خطای مجاز ?}$$

پرسش : خطای ایجاد شده در اندازه‌گیری به علت نادرست بودن میزان دستگاه چه نوع خطایی نامیده می‌شود؟

۲-۲- یکای اندازه‌گیری طول (۵-۱ صفحه ۴)

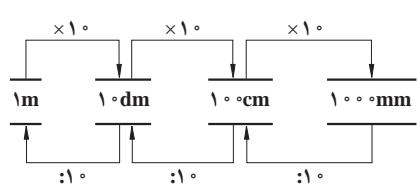
موضوع را با پرسش‌های زیر تدریس کنید :

پرسش : نام چند وسیله اندازه‌گیری را که در کارهای مختلف از آنها استفاده می‌شود، بیان نمایید.

پاسخ : پس ازشنیدن پاسخ هرجویان توضیح دهید که برای ابعاد بزرگ از مترهای پارچه‌ای و فلزی به طول ۵۰ متر، که دقت عمل تا حدود یک سانتی متر را دارند، استفاده می‌شود و برای طول نزدیک به نیم متر از خط کش میلی‌متری یا متر فلزی، که طول را با دقت یک میلی‌متر اندازه می‌گیرد، استفاده می‌شود و برای اندازه‌گیری طول‌ها بادقت $\frac{1}{2}$ تا $\frac{1}{5}$ میلی‌متر از کولیس استفاده می‌شود و برای طول‌های کمتر از ۵ میلی‌متر از میکرومتر با دقت ۱٪ میلی‌متر و برای کارهای دقیق آزمایشگاهی از میکروسکوپ میکرومتردار با دقت ۰.۰۱ میلی‌متر به کار می‌رود.

در ادامه، توضیح دهید : ممکن است نیاز باشد اندازه‌گیری طول را با یکاهای مختلف بیان کنیم، مانند متر، سانتی‌متر و یا میلی‌متر. برای این کار وسائل مختلف نیز با یکاهای مختلف مدرج می‌شوند. هرچند برای مقایسه طول‌ها باید همه با یک یکای بیان شوند. در سیستم SI همه اندازه‌های کمیت طول به متر تبدیل می‌شوند.

برای توضیح تبدیل یکای طول، شکل ۱-۱ صفحه ۵ کتاب را روی تخته بکشید.



شکل ۱-۲- ضریب تبدیل (شکل ۱-۱ - صفحه ۵ کتاب)

با نوشتن متن جدول صفحه ۵ کتاب، علامت پیشوند و ضریب هر یک را توضیح دهید. برای یادگیری بیشتر هرجویان در پاسخ دادن به هر یک از مثال‌های

زیر، برای تعیین ضریب و روش تبدیل شکل و جدول این صفحه را به کار ببرید.

جدول اجزا و اضعاف

اعضاف			اجزا		
ضریب	علامت	پیشوند	ضریب	علامت	پیشوند
۱	da	دکا	۱ ^{-۱}	d	دسی
۱	ha	هکتا	۱ ^{-۲}	c	سانتی
۱	K	کیلو	۱ ^{-۳}	m	میلی
۱	M	مگا	۱ ^{-۶}	μ	میکرو
۱	G	گیگا	۱ ^{-۹}	n	نانو
۱	T	ترا	۱ ^{-۱۲}	p	پیکو

توضیح دهید: برای تبدیل یکاباید آن را به گونه‌ای در عبارتی ضرب کنید که یکای اول حذف و یکای خواسته شده باقی

bermanد، مانند:

$$1\cancel{m} \times \frac{100\text{ cm}}{1\cancel{m}} = 100\text{ cm}$$

$$\frac{100\text{ cm}}{1\text{ m}}$$

$$1\cancel{km} \times \frac{1000\text{ m}}{1\cancel{km}} = 1000\text{ m}$$

$$\text{تبدیل کیلومتر به متر}$$

$$1000\cancel{\text{mm}} \times \frac{1\text{ m}}{1000\cancel{\text{mm}}} = \frac{100}{100}\text{ m} = 1\text{ mm}$$

$$\text{تبدیل میلی متر به متر}$$

مثال‌های صفحه ۵ را پاسخ دهید.

مثال: $\frac{3}{4}$ کیلومتر، چند سانتی متر است؟

$$1\text{ km} \quad 1000\text{ m}$$

پاسخ:

$$\frac{3}{4}\cancel{\text{km}} \times \frac{100\text{ m}}{1\cancel{\text{km}}} = 340\text{ m}$$

$$\text{تبدیل کیلومتر به متر}$$

$$1\text{ m} \quad 100\text{ cm}$$

$$340\cancel{\text{m}} \times \frac{100\text{ cm}}{1\cancel{\text{m}}} = 34000\text{ cm}$$

$$\text{تبدیل متر به سانتی متر}$$

مثال: 14° میکرومتر را به میلی متر تبدیل کنید.

$$14^{\circ}\cancel{\mu\text{m}} \times \frac{\text{mm}}{1000\cancel{\mu\text{m}}} = \frac{14^{\circ}\text{ mm}}{1000} = 0.014\text{ mm}$$

پاسخ:

از هنرجویان بخواهید برای یادگیری بیشتر، تمرین‌های زیر را در کلاس پاسخ دهند.

تمرین: $\frac{6}{8}$ متر، چند میلی متر است؟

پاسخ :

$$1\text{m} = 1000 \text{ mm}$$

$$6/8 \cancel{\text{m}} \times \frac{1000 \text{ mm}}{1\cancel{\text{m}}} = 6800 \text{ mm}$$

$$8650 \cancel{\text{mm}} \times \frac{1\text{m}}{1000 \cancel{\text{mm}}} = \frac{8650 \text{ m}}{1000} = 8.65 \text{ m}$$

تمرین : ۸۶۵ میلی متر چند متر است؟

از هنرجویان بخواهید این تمرین را برای پاسخ دادن در بیرون از کلاس یادداشت کنند.

کار درخانه : تبدیل یکاهای زیر را انجام دهید :

– ۸۹۰۰ متر چند کیلومتر است؟

– ۲۵ کیلومتر چند سانتی متر است؟

سیستم اینچی را این گونه توضیح دهید :

برخی از کشورها مانند آمریکا و انگلیس به جای سیستم SI از سیستم اینچی استفاده می‌کنند. یکای اندازه‌گیری طول در سیستم اینچی، فوت (foot) است، از اجزای آن اینچ (inch) و از اضعاف آن یارد (yard) را می‌توان نام برد.
اجزا و اضعاف یکای طول در سیستم اینچی و همچنین ضریب تبدیل آن‌ها به یکای متریک را روی تخته بنویسید.

$$1\text{in} = 1'' = 25/4 \text{ mm} \quad \text{اینچ به میلی متر}$$

$$1\text{ft} = 12'' = 30/4/80 \text{ mm} \quad \text{فوت به اینچ و میلی متر}$$

$$1\text{yd} = 3\text{ft} = 912/4 \text{ mm} \quad \text{یارد به فوت و میلی متر}$$

توضیح دهید : چون در کارهای ماشین سازی ابعاد کوچک‌تر از یک اینچ نیز مورد استفاده قرار می‌گیرند، یک اینچ را به ۱۶ قسمت مساوی تقسیم کرده‌اند.

اجزا با کسرهایی به شرح زیر روی تخته نوشته شود.

$$1'', \frac{15}{16}'', \frac{7}{8}'', \frac{13}{16}'', \frac{3}{4}'', \frac{11}{16}'', \frac{5}{8}'', \frac{9}{16}'', \frac{1}{2}'', \frac{7}{16}'', \frac{3}{8}'', \frac{5}{16}'', \frac{1}{4}'', \frac{3}{16}'', \frac{1}{8}'', \frac{1}{16}''$$

مثال‌های کتاب را پاسخ دهید.

مثال : $\frac{1}{4}$ اینچ چند میلی متر است؟

پاسخ :

$$1\text{in} = 1'' = 1 \times 25/4 = 25/4 \text{ mm}$$

$$\frac{1}{4}'' = \frac{1}{4} \cancel{\text{in}} \times 25/4 \frac{\text{mm}}{\cancel{\text{in}}} = 6/35 \text{ mm}$$

$$1\frac{1}{4}'' = \frac{5}{4}''$$

$$\frac{5}{4}'' = \frac{5}{4} \cancel{\text{in}} \times 25/4 \frac{\text{mm}}{\cancel{\text{in}}} = 31/75 \text{ mm}$$

مثال : $\frac{1}{4}$ را به میلی متر تبدیل کنید.

کار در خانه : اندازه‌های اینچی زیر را به میلی‌متر تبدیل کنید.

$$\frac{7}{8}, \frac{3}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{8}$$

۲-۳- محاسبه محیط قطعات (۶-۱ صفحه ۷)

برای یادآوری محاسبه محیط آشکال ساده، مثال زیر را ارائه نمایید.

مثال : محیط موارد زیر را به دست آورید.

الف) محیط مربعی که طول هر ضلع آن ۳ متر باشد.

ب) محیط مستطیل با اضلاع ۳ و ۴ متر

ج) محیط دایره‌ای به شعاع ۵ متر

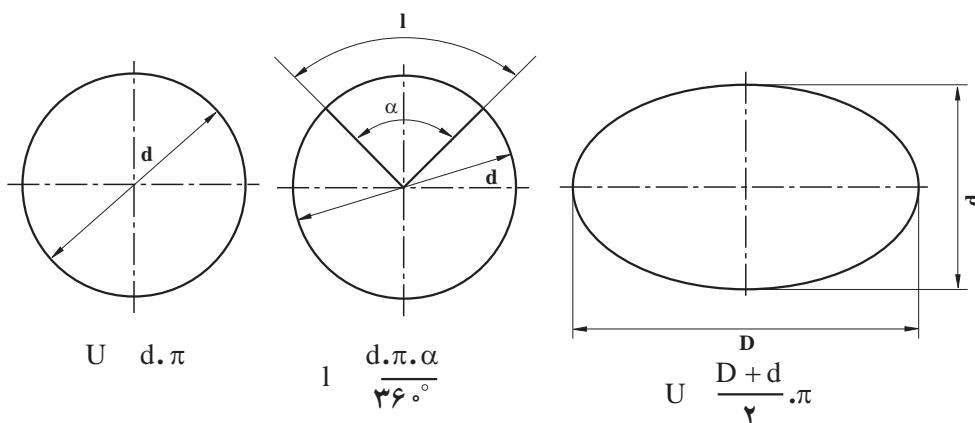
(الف)

$$u = 4 \times 3 = 12 \text{ m}$$

$$u = (3 + 4) \times 2 = 14 \text{ m}$$

$$u = d \cdot \pi = (2 \times 5) \times \pi = 10\pi = 31.4 \text{ m}$$

«از رابطه و شکل صفحه ۷ کتاب استفاده کنید»



شکل ۲-۲- (شکل شماره ۵-۱ کتاب صفحه ۷)

ب) اندازه محیط یک بیضی با قطرهای ۸ و ۱۲ متر را به دست آورید.

برای توضیح قطر کوچک و بزرگ بیضی و محاسبه محیط آن از شکل (۱-۵) و رابطه (۱-۳) صفحه ۷ کتاب استفاده کنید.

$$D = 12 \text{ m}$$

$$u = \frac{D + d}{2} \pi$$

$$d = 8 \text{ m}$$

$$= \frac{12 + 8}{2} \times \pi = 10\pi$$

$$u = ?$$

$$= 31.4 \text{ m}$$

ج) طول قطاع دایره‌ای به قطر ۱۰ متر و زاویه قطاع ۱۰۰ درجه را به دست آورید.

در نخستین گام، قطاع دایره را از روی شکل (۱-۵) توضیح دهید، سپس از رابطه (۲-۱) صفحه ۷ کتاب، پاسخ مسئله را به دست آورید.

$$L = \frac{d \times \pi \times \alpha}{360^\circ}$$

$$d = 10 \text{ m}$$

$$\alpha = 100^\circ$$

$$L = \frac{10 \text{ m} \times \frac{3}{14} \times 100^\circ}{360^\circ} = \frac{314 \text{ m}}{360^\circ} = 8.722 \text{ m}$$

مثال صفحه ۷ را در کلاس روی تخته به روش زیر پاسخ دهید.

نخست شکل ۱-۶ صفحه ۷ را روی تخته بکشید و سپس توضیح دهید که L_1 دارای طول مشخص 200 mm است.

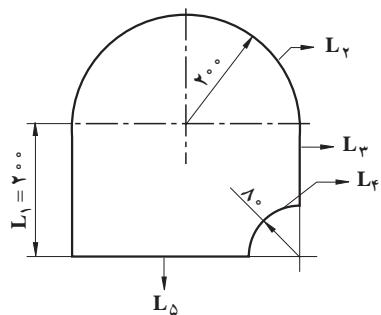
L_2 ، نیم دایره‌ای به شعاع 200 mm است. بنابراین محیط نیم دایره برابر $\frac{1}{2}$ محیط دایره خواهد بود که به روش زیر محاسبه می‌شود :

$$u = d \times \pi$$

$$r = 200 \text{ mm} \Rightarrow d = 400 \text{ mm}$$

$$\frac{u}{2} = \frac{d \times \pi}{2} = \frac{400 \times \frac{3}{14}}{2} = 62.8 \text{ mm}$$

برای محاسبه L_2 ، شعاع دایره مربوط به L_4 از L_1 کم می‌شود.



شکل ۲-۳ (شکل ۱-۶ کتاب صفحه ۷)

(شعاع دایره L_4)

$$L_2 = 200 - 80 = 120 \text{ mm}$$

اندازه L_4 ، برابر $\frac{1}{4}$ محیط دایره‌ای به شعاع 80 mm است، بنابراین خواهیم داشت :

شعاع 80 mm

$$\frac{u}{4} = \frac{D \times \pi}{4}$$

$$\Rightarrow D = 160 \text{ mm}$$

$$\frac{u}{4} = \frac{160 \text{ mm} \times \frac{3}{14}}{4} = 12.57 \text{ mm}$$

اندازه L_4 ، برابر قطر دایره‌ای به شعاع 200 mm است که از آن شعاع دایره 80 mm میلی‌متری کم شده باشد.

$$\text{شعاع } 200 \text{ mm} \Rightarrow \text{قطر } 400 \text{ mm}$$

$$L_5 = 400 - 80 = 320 \text{ mm}$$

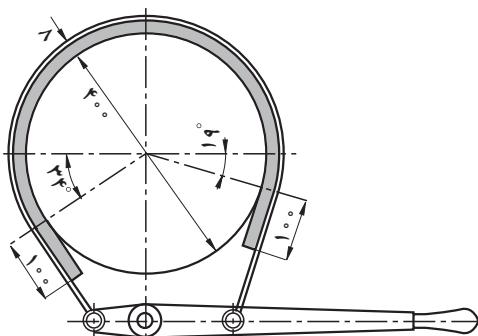
با جمع کردن اندازه طول‌های به دست آمده، اندازه طول مسیر برش را به دست آورید.

$$u = L_1 + L_2 + L_3 + L_4 + L_5$$

$$u = 200 + 62.8 + 12.57 + 12.57 + 320 = 625.34 \text{ mm}$$

$$u = 1.394 \text{ m}$$

مثال صفحه ۸ را در کلاس بخوانید و داده‌های مثال را روی تخته بنویسید و خواسته آن را مشخص نمایید. سپس با رسم شکل ۱ روی تخته، طول قوس درگیری (L)، زاویه درگیری (α) و قطر (d) را روی شکل نشان دهید.



شکل ۴-۲-۱ (شکل ۷ صفحه ۸ کتاب)

رابطه (۱-۲) را بنویسید و α را از آن به ترتیب زیر به دست آورید :

$$L = \frac{d \times \pi \times \alpha^\circ}{360^\circ} \Rightarrow \frac{L}{1} = \frac{d \times \pi \times \alpha^\circ}{360^\circ}$$

$$\Rightarrow L \times 360^\circ = 1 \times d \times \pi \times \alpha^\circ \Rightarrow \alpha^\circ = \frac{L \times 360^\circ}{d \times \pi}$$

با توجه به داده‌ها و خواسته مثال که عبارت‌اند از :

$$d = 40 \text{ mm}$$

$$L = 8.2/8 \text{ mm}$$

$$\alpha^\circ ?$$

از رابطه به دست آمده زاویه درگیری لنت را به دست آورید.

$$\alpha^\circ = \frac{L \times 360^\circ}{d \times \pi} = \frac{8.2/8 \times 360^\circ}{40 \times \pi / 14} = 23^\circ / 1^\circ$$

کار درخانه : تمرین صفحات ۸ و ۹ کتاب را به عنوان کار در خانه معرفی کنید.

آموزه سوم

هدف‌های رفتاری را روی تخته بنویسید.

هدف‌های رفتاری : با یادگیری این آموزه، هنرجو می‌تواند :

- اجزا و اضعاف متر مربع را توضیح دهد و تبدیل یکاه را انجام دهد.
- محاسبات مساحت متوازی الاضلاع، ذوزنقه، مثلث، دایره و قطاع دایره را انجام دهد.
- اندازه‌گیری سطح در سیستم انگلیسی را انجام دهد.
- اضعاف اینچ مربع را توضیح دهد و آن را در تبدیل یکاه به کار برد.
- مساحت سطوح هندسی را محاسبه کند (مربع، مستطیل، مثلث، متوازی الاضلاع، ذوزنقه، دایره، قطاعی از دایره).
- مساحت سطوح مرکب هندسی را محاسبه کند.

۱-۳- کاربرد محاسبات هندسی سطح (۹ صفحه ۱)

پرسش‌های زیر را با هنرجویان مطرح کند و دانسته‌های آن‌ها را با توضیح چگونگی محاسبه سطوح به کار برد.

پرسش : یک متر مربع چه سطحی را شامل می‌شود؟

پاسخ : یک متر مربع به سطح مربعی می‌گویند که اندازه هر ضلع آن یک متر باشد.

پاسخ را با رسم شکل روی تخته بنویسید.

$$1m \times 1m \quad 1m^2$$

پرسش : چهار متر مربع برابر چه سطحی است؟

پاسخ : سطح مربعی که هر ضلع آن دو متر باشد.

پاسخ را با رسم شکل روی تخته بنویسید.

$$2m \times 2m \quad 4 m^2$$

پرسش : اگر $100 cm$ $1m$ باشد $1m^2$ چند سانتی متر مربع است؟

پاسخ :

$$1m \quad 100cm$$

$$1m \times 1m \quad 1m^2 \Rightarrow 100cm \times 100cm \quad 10000cm^2$$

$$1m^2 \quad 10000cm^2$$

تمرین : یک متر مربع چند دسی متر مربع و چند میلی متر مربع است؟ روش محاسبه آن را بیان نمایید.

پس از دادن فرصت کافی به هنرجویان، در صورت نیاز پاسخ درست را روی تخته بنویسید.

پاسخ :

درباره دسی متر

$$1\text{m} = 10\text{dm}$$

$$1\text{m} \times 1\text{m} = 10\text{dm} \times 10\text{dm}$$

$$1\text{m}^2 = 100\text{dm}^2$$

درباره میلی متر

$$1\text{m} = 1000\text{mm}$$

$$1\text{m} \times 1\text{m} = 1\text{m}^2 \Rightarrow 1\text{m}^2 = 1000,000\text{mm}^2$$

$$1000\text{mm} \times 1000\text{mm} = 1000,000\text{mm}^2$$

سرانجام برابر تبدیل ها را به شرح زیر روی تخته بنویسید.

$$1\text{m}^2 \Rightarrow 100\text{dm}^2$$

$$1\text{m}^2 \Rightarrow 10000\text{cm}^2$$

$$1\text{m}^2 \Rightarrow 1000000\text{mm}^2$$

بیان کنید : ده هزار متر مربع برابر یک هکتار است.

$$10000\text{m}^2 = 1\text{ha}$$

روی تخته بنویسید.

بیان کنید : یک میلیون متر مربع برابر یک کیلومتر مربع است.

$$1000000\text{m}^2 = 1\text{km}^2$$

روی تخته بنویسید.

کار درخانه : مساحت زمین مستطیل شکلی به ابعاد ۱۰,۰۰۰ متر در ۱۰۰۰ متر را به کیلومتر مربع و هکتار به دست آورید.

پاسخ :

$$\text{مساحت زمین} = 10,000,000 \text{ (متر)}^2 = 10,000,000 \text{ متر مربع}$$

$$10,000,000 \text{m}^2 \times \frac{\text{ha}}{10,000\text{m}^2} = 1000 \text{ ha}$$

$$10,000,000 \text{m}^2 \times \frac{\text{km}^2}{1,000,000\text{m}^2} = 10 \text{ km}^2$$

پژوهش

(الف) مساحت استان محل تحصیل یا محل تولد خود را بر حسب کیلومتر مربع به دست آورید.

(ب) مساحت کشور عزیزان ایران چند کیلومتر مربع و چند هکتار است؟

(ج) مساحت یک قطعه از زمین های کشاورزی هنرستانی را که در آن هستید، بر حسب هکتار و اندازه ضلع های آن را، بر حسب متر تعیین کنید.

پرسید : یکای اندازه گیری سطح در سیستم انگلیسی چیست؟

پرسش : اگر یک اینچ برابر $\frac{2}{54}$ سانتی متر باشد، هر اینچ مربع چند سانتی متر مربع است؟

سعی کنید هنج جواب خود به پاسخ برسند، سپس پاسخ درست را روی تخته بنویسید.

پاسخ:

$$(1) \begin{aligned} 1 \text{ in} &= 2/54 \text{ cm} \\ (a) \quad 1 \text{ in}^2 &= 1 \text{ in} \times 1 \text{ in} \\ &= 6/45 \text{ cm}^2 \end{aligned} \Rightarrow 1 \text{ in}^2 = 2/54 \text{ cm} \times 2/54 \text{ cm}$$

$$1 \text{ in}^2 = 6/45 \text{ cm}^2$$

موارد زیر را روی تخته بنویسید و توضیح دهید.

$$(2) \begin{aligned} 1 \text{ ft} &= 12 \text{ in} \\ (a) \quad 1 \text{ ft}^2 &= 1 \text{ ft} \times 1 \text{ ft} \\ &= 144 \text{ in}^2 \\ (b) \quad 1 \text{ ft}^2 &= 144 \times 6/45 \text{ cm}^2 \end{aligned} \Rightarrow 1 \text{ ft}^2 = 12 \text{ in} \times 12 \text{ in}$$

$$1 \text{ ft}^2 = 144 \text{ in}^2$$

$$1 \text{ ft}^2 = 144 \times 6/45 \text{ cm}^2 \quad | 1 \text{ ft}^2 = 928/8 \text{ cm}^2$$

$$(3) \begin{aligned} 1 \text{ yd} &= 3 \text{ ft} \\ 1 \text{ yd}^2 &= 3 \text{ ft} \times 3 \text{ ft} = 9 \text{ ft}^2 \\ 1 \text{ ft}^2 &= 144 \text{ in}^2 \end{aligned} \Rightarrow 1 \text{ yd}^2 = 9 \times 144 \text{ in}^2 \quad | 1 \text{ yd}^2 = 1296 \text{ in}^2$$

$$1 \text{ yd}^2 = 9 \times 928/8 \text{ cm}^2 \quad | 1 \text{ yd}^2 = 8359/2 \text{ cm}^2$$

توجه هنرجویان را به جدول ۲-۱ صفحه ۱ کتاب درباره محاسبه اندازه سطح هندسی جلب کنید و اسامی شکل هایی که در جدول آمده به همراه ابعاد مؤثر آنها در محاسبه مساحت را بیان نمایید. سپس مثال ها و تمرین ها را پاسخ دهید.
مثال: مساحت مربعی را، که طول یک ضلع آن ۴ cm است، به دست آورید.

پاسخ: با توجه به جدول ۲-۱ خواهیم داشت:

$$L \quad 4 \text{ cm}$$

$$A \quad L^2$$

$$A \quad 4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \quad 16 \text{ cm}^2$$

مثال: مقوایی به شکل مستطیل با ابعاد 6 cm و 4 cm وجود دارد مساحت مقوا را به دست آورید.

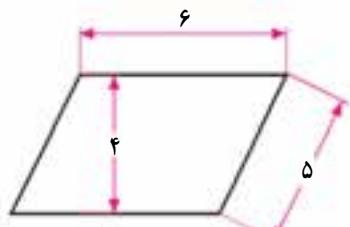
پاسخ: با توجه به جدول ۲-۱ خواهیم داشت:

$$b \quad 4 \text{ cm}$$

$$L \quad 6 \text{ cm}$$

$$A \quad L \times b$$

$$A \quad 6 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \quad 24 \text{ cm}^2$$



شکل ۲-۱

مثال: مساحت متوازی الاضلاع شکل زیر را به دست آورید.

پاسخ: به شکل متوازی الاضلاع و رابطه مساحت آن در جدول ۲-۱ توجه شود که
براساس آن خواهیم داشت:

$$L \quad 6 \text{ cm}$$

$$b \quad 4 \text{ cm}$$

$$A \quad L \times b$$

$$A \quad 6 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \quad 24 \text{ cm}^2$$

مثال : مساحت ذوزنقه‌ای را که قاعده بزرگ آن 20 cm و قاعده کوچک آن 10 cm و ارتفاع آن 10 cm است، به دست آورید.

پاسخ :

بیان کنید : به شکل ذوزنقه در جدول ۱-۲ توجه کنید. L_1 قاعده بزرگ و L_2 قاعده کوچک است. ابتدا قاعده متوسط (L_m) را به دست می‌آوریم.

$$L_1 = 20\text{ cm}$$

$$L_2 = 10\text{ cm}$$

$$b = 10\text{ cm}$$

$$L_m = \frac{L_1 + L_2}{2} = \frac{20 + 10}{2} = 15\text{ cm}$$

بیان کنید : مساحت از رابطه (۱-۷) به دست می‌آید.

$$A = L_m \times b$$

$$15\text{ cm} \times 10\text{ cm} = 150\text{ cm}^2$$

تمرین : مثلثی با قاعده 20 cm و ارتفاع 30 cm را در نظر بگیرید، سپس مساحت آن را به دست آورید.

پاسخ :

$$L = 20\text{ cm}$$

$$b = 30\text{ cm}$$

با توجه به رابطه مربوط در جدول ۱-۳ خواهیم داشت :

$$A = \frac{L \times b}{2} = \frac{20\text{ cm} \times 30\text{ cm}}{2} = 300\text{ cm}^2$$

پرسش : در تمرین گفته شده شکل مثلث چه تأثیری در روش حل مسئله خواهد داشت؟

پاسخ : مثلث هر شکلی که داشته باشد با داده‌های مسئله پاسخ همان خواهد بود.

تمرین : مساحت دو سطح هندسی زیر را به دست آورید.

(الف) مساحت دایره‌ای به قطر 10 cm

(ب) مساحت یک بیضی به قطرهای 20 cm و 10 cm

پس از این که هنرجویان روی تمرین کار کردند، پاسخ درست را روی تخته بنویسید.

پاسخ :

(الف) دایره : در جدول ۱-۲، d قطر دایره را نشان می‌دهد، پس :

$$d = 10\text{ cm} \quad A = \frac{\pi \times d^2}{4} = \frac{\pi / 14 \times (10\text{ cm})^2}{4} = 78.5\text{ cm}^2$$

(ب) بیضی : در جدول ۱-۲، d قطر کوچک و D قطر بزرگ بیضی را نشان می‌دهد، پس :

$$D = 20\text{ cm}$$

$$A = \frac{\pi \times D \times d}{4} = \frac{\pi / 14 \times 20\text{ cm} \times 10\text{ cm}}{4} = 157\text{ cm}^2$$

$$d = 10\text{ cm}$$

کار در خانه : مساحت دو سطح هندسی زیر را به دست آورید.

الف) تاج دایره با قطر خارجی ۲۰ cm و قطر داخلی ۱۰ cm

ب) قطاع دایره با طول قطاع ۱۰ cm و قطر دایره ۲۰ cm

پاسخ :

$$\begin{aligned} D &= 20 \text{ cm} & A &= \frac{\pi(D^2 - d^2)}{4} & A &= \frac{\pi(20^2 - 10^2)}{4} = 235.5 \text{ cm}^2 \\ d &= 10 \text{ cm} & & & & \text{الف) تاج دایره} \end{aligned}$$

ب) قطاع دایره

$$\begin{aligned} d &= 20 \text{ cm} & A &= \frac{L_B \times d}{4} & A &= \frac{10 \text{ cm} \times 20 \text{ cm}}{4} = 50 \text{ cm}^2 \\ L_B &= 10 \text{ cm} & & & & \end{aligned}$$

۲-۳-۲- محاسبه سطوح مرکب (۱۰ صفحه ۸)

توضیح دهید : برای اندازه‌گیری مساحت شکل‌های پیچیده می‌توانید آن‌ها را به شکل‌های ساده هندسی تقسیم کنید. سپس در مرحله اول مساحت هر کدام از شکل‌های هندسی و در مرحله دوم مساحت مجموع آن‌ها را محاسبه نمایید.
یکی از دو مثال صفحه ۱۱ را با رسم شکل روی تخته مطرح کنید و آن را با توضیح پاسخ دهید، سپس از هنرجویان بخواهید مثال دوم این صفحه را بدون استفاده از کتاب پاسخ دهند.
بیان کنید : شکل A را می‌توان A_1 فرض کرد که دو شکل A_2 و A_3 از آن کم شده‌اند.

روی تخته بنویسد :

توضیح دهید : برای آسان شدن محاسبه بهتر است شکل‌های A_1 و A_2 و A_3 را جداگانه محاسبه کنیم. سپس اندازه‌های به دست آمده را در معادله قرار دهیم تا مساحت A به دست آید.
محاسبه مساحت شکل A_1 که مستطیل است از رابطه زیر به دست می‌آید.

یک مستطیل است A_1	یک مربع است A_2	یک مثلث است A_3
$A_1 = L \times b$	$A_2 = L^2$	$A_3 = \frac{L \times b}{2}$
$L = 10 \text{ cm}$	$L = 10 \text{ mm}$	$b = 15 \text{ cm}$
$b = 40 \text{ mm}$		$L = 10 \text{ cm}$
$A_1 = 30 \text{ mm} \times 40 \text{ mm} = 1200 \text{ mm}^2$	$A_2 = 10 \text{ mm} \times 10 \text{ mm} = 100 \text{ mm}^2$	$A_3 = \frac{15 \text{ cm} \times 10 \text{ cm}}{2} = 75 \text{ cm}^2$

اندازه مساحت شکل از محاسبه اندازه رابطه به دست می آید.

$$A = A_1 A_2 A_3$$

$$A = 1200 \times 100 \times 75 \times 1025 \text{ mm}^3$$

$$A = 1025 \text{ mm}^3 \times \frac{1 \text{ cm}^3}{100 \text{ mm}^3} = 10.25 \text{ cm}^3$$

در ادامه، به توضیح مثال دوم صفحه ۱۱ کتاب بپردازید و شکل واشر آبندی را روی تخته بکشید و سپس روش محاسبه مساحت را مانند روش پیشین توضیح دهید. آن‌گاه، روش کار هنرجویان را بررسی و آن‌ها را راهنمایی کنید.

کار در خانه : تمرین‌های صفحه ۱۲ کتاب را به عنوان کار در خانه معرفی نمایید.

آموزهٔ چهارم

هدف‌های رفتاری را روی تخته بنویسید.

هدف‌های رفتاری : با یادگیری این آموزه، هنرجو می‌تواند :

- سطح جانبی و حجم احجام هندسی (مکعب، مکعب مستطیل، هرم، منشور، استوانه و ...) را محاسبه نماید.

■ یکای اندازه‌گیری حجم را توضیح دهد.

■ حجم، سطح جانبی و سطح کل شکل‌های مرکب هندسی را محاسبه کند.

۱-۴- محاسبه احجام هندسی (۹- صفحه ۱۳)

یکای اندازه‌گیری حجم (صفحة ۱۳ کتاب)

برای شروع بحث، پرسش زیر را مطرح کنید.

پرسش : اگر طول کلاس درس شش متر، عرض پنج متر و بلندی آن سه متر باشد حجم کلاس درس چه اندازه است؟

پس از شنیدن پاسخ هنرجویان و یادداشت موارد درست، پاسخ را روی تخته بنویسید و توضیح دهید.

رابطه حجم مکعب
ارتفاع × مساحت قاعده حجم

توضیح دهید : در این پرسش سطح یا کف کلاس به شکل مستطیل است. در این صورت اندازه کف محاسبه و در بلندی اتاق ضرب می‌شود. بنابراین حجم برابر است با :

۶m	طول اتاق	$V = A \times h$
۴m	عرض اتاق	$6m \times 4m = 24m^2$
۳m	بلندی اتاق	$24m^2 \times 3m = 72m^3$
?m ^۳	حجم اتاق	

بگویید : همان‌گونه که در پرسش گفته شد، یکای حجم متر مکعب (m^3) است. یک متر مکعب حجم مکعبی است که درازا، پهنا و بلندی آن یک متر باشد.

$$1m \times 1m \times 1m = m^3$$

توضیح دهید اجزای متر مکعب عبارت‌اند از :

$$1m^3 = 1000dm^3 = 1000000cm^3 = 1000000000mm^3$$

تمرین : حجم یک مکعب را که درازا، پهنا و بلندی آن یک متر است برحسب دسی متر مکعب و میلی‌متر مکعب محاسبه کنید.

زمان کافی به هنرجویان بدهید تا پاسخ تمرین را بنویسند. سپس، پاسخ درست را روی تخته بنویسید و توضیح دهید.

در یکاهای طول داشتیم :

$$1m = 10dm = 100cm = 1000mm$$

بنابراین خواهیم داشت :

حجم مکعب با ابعاد یک متر

حجم آن مکعب بر حسب دسی متر مکعب

حجم آن مکعب بر حسب سانتی متر مکعب

حجم آن مکعب بر حسب میلی متر مکعب

روی تخته بنویسید

بیان کنید : برای سنجش مایعات، لیتر (L) به کار می رود. هر لیتر برابر با یک دسی متر مکعب است.

روی تخته بنویسید :

بیان کنید : برای اندازه گیری حجم های کوچک تر از لیتر، اجزای لیتر به کار گرفته می شود که عبارت اند از :

$$1L \quad 1dm^3 \quad 1000mL \quad 1000cL \quad 1000mL$$

مثال : حجم مکعبی را که هر ضلع آن یک متر است بر حسب لیتر به دست آورید.

پاسخ :

$$1m^3 = 1000dm^3 = 1000L \quad 1m \times 1m \times 1m = 1m^3 \quad 1m^3 \times \frac{1000L}{1m^3} = 1000L$$

۲-۴- محاسبه حجم، سطح جانبی و سطح کل احجام مرکب (صفحه ۱۴ کتاب)

توضیح دهید : برای محاسبه حجم و سطح احجام مرکب، نخست آن ها را به احجام هندسی ساده و سطح جانبی هندسی تقسیم می شوند، پس از برآورد حجم یا سطح جانبی هر یک از آن ها و جمع جبری، حجم یا سطح جانبی قطعه مرکب را به دست می آورند.

توضیح دهید : برای محاسبه حجم آشکال مختلف می توان از جدول پیوست ۱۰ صفحه ۱۴۳ کتاب استفاده نمود.

مثال : حجم و سطح کل یک مکعب مستطیل را که قاعده آن $6m$ در $5m$ و بلندی آن $3m$ است، به دست آورید.

نخست داده های مسئله را پیدا کنید و جداگانه بنویسید. سپس با به کار بردن رابطه هایی که در جدول صفحه ۱۴۳ کتاب آمده

است خواسته های مسئله را روی تخته به دست آورید.

پاسخ :

a $6m$

b $5m$

c $3m$

$V = a \times b \times c$ حجم

$V = ?$

A $?$

$V = 6m \times 5m \times 3m = 90m^3$

A $2(ab + ac + bc)$

سطح کل

A $2(6m \times 5m + 6m \times 3m + 5m \times 3m)$

A $2(30m^2 + 18m^2 + 15m^2) = 116m^2$

مشکلات و استباهات رایج

دربارهٔ یکی نبودن سطح جانبی و سطح کل توضیح دهید:

سطح جانبی از دید فردی که داخل یک مکعب ایستاده است سطوح روبرو، پشت سر، سمت راست و سمت چپ او را شامل می‌شود اما سطح کل، افزون بر سطح جانبی، شامل سطح کف و سقف نیز هست.

تمرین: حجم استوانه‌ای توخالی با قطر داخلی 20 cm ، قطر خارجی 40 cm و ارتفاع 100 cm را به دست آورید.
اگر نیاز باشد پاسخ تمرین را روی تخته بنویسید.

پاسخ:

$$d = 20\text{ cm} \quad v = \frac{\pi}{4} h (D^2 - d^2) = \frac{3/14}{4} \times 100 (40^2 - 20^2) = 94200\text{ cm}^3$$

$$D = 40\text{ cm}$$

$$h = 100\text{ cm}$$

$$V = ?\text{ cm}^3$$

$$V = 94200\text{ cm}^3$$

کار در خانه: حجم یک مخروط ناقص را، که قطر دایرهٔ کف 10 cm ، قطر دایرهٔ رأس 5 cm و بلندی آن 8 cm است، به دست آورید.

پاسخ:

$$D = 10\text{ cm} \quad V = \frac{\pi}{12} h (D^2 + Dd + d^2) = \frac{3/14}{12} \times 8 \times (10^2 + 10 \times 5 + 5^2) = 366/33\text{ cm}^3$$

$$d = 5\text{ cm}$$

$$h = 8\text{ cm}$$

هنگامی که در تمرین‌ها و پرسش‌ها گفته می‌شود از هنرجویان بخواهید، به رابطه‌های مربوط به پیوست ۱۰ مراجعه نمایند. به آنها بگویید که این پیوست در صفحات ۱۴۳ و ۱۴۴ و ۱۴۵ کتاب آمده است.

مثال صفحهٔ ۱۴ کتاب را روی تخته شرح دهید.

مثال: حجم استوانه‌ای برحسب دسی متر مکعب را که قطر قاعده آن 20 mm میلی‌متر و ارتفاع آن 50 mm میلی‌متر است را به دست آورید.

پاسخ: نخست داده‌های مثال شناسایی و سپس خواسته آن محاسبه می‌گردد، با این توضیح که:

$$1\text{ dm} = 100\text{ mm} \quad v = \frac{\pi \times d^2}{4} \times h$$

$$d = 20\text{ mm} = 2\text{ dm} \quad v = \frac{3/14 \times (2\text{ dm})^2}{4} \times 5\text{ dm} = 15/7\text{ dm}^3$$

$$h = 50\text{ mm} = 5\text{ dm}$$

مثال دوم صفحهٔ ۱۴ را با توضیح روی تخته پاسخ دهید.

مثال: حجم کره‌ای $523/33$ دسی متر مکعب است. قطر آن را محاسبه کنید.

پاسخ :

نخست داده‌های مسئله را روی تخته بنویسید.

$$V = 522/33 \text{ dm}^3 \quad v = \frac{\pi \times d^3}{6} \Rightarrow$$

اندازه d را از رابطه به دست آورید و عددگذاری کنید :

$$d^3 = \frac{6v}{\pi} \Rightarrow \sqrt[3]{d^3} = \sqrt[3]{\frac{6v}{\pi}} \Rightarrow d = \sqrt[3]{\frac{6v}{\pi}}$$

$$d = \sqrt[3]{\frac{6 \times 522 / 33}{3 / 14}} \approx \sqrt[3]{100} = 10 \text{ dm}^3$$

بگویید : اگر نیاز باشد می‌توانید برای به دست آوردن پاسخ، رابطه‌های داده شده در جدول پیوست ۱۰ را به کار ببرید.

مثال (صفحة ۱۵ کتاب) : حجم حلقه‌ای مانند شکل ۱-۲۱ با قطر خارجی ۶۰ میلی‌متر را تعیین نمائید.

پاسخ :

توضیح دهید : در مثال کتاب، قطر داخلی حلقه، قطر سوراخ وسط حلقه است. دایره سطح مقطع نیز در شکل با قطر ۲۰ mm

نشان داده شده است.

رابطه حجم حلقه را روی تخته بنویسید و پاسخ را گام به گام توضیح دهید.

$$V = \text{حجم حلقه} \quad V = A \times d_s \times \pi \quad \text{قطر داخلی} \quad d_s \quad \text{قطر خارجی}$$

$$A = \text{مساحت دایره سطح مقطع} \quad 60 \quad 20 \quad 40 \text{ mm}$$

$$d = \text{قطر دایره سطح مقطع} \quad 20 \text{ cm}$$

$$d_s = \text{قطر متوسط}$$

$$A = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{3.14 \times 20^2}{4} = 314$$

$$V = A \times d_s \times \pi$$

$$V = 314 \times 40 \times 3.14$$

$$\boxed{39438/4 \text{ mm}^3}$$

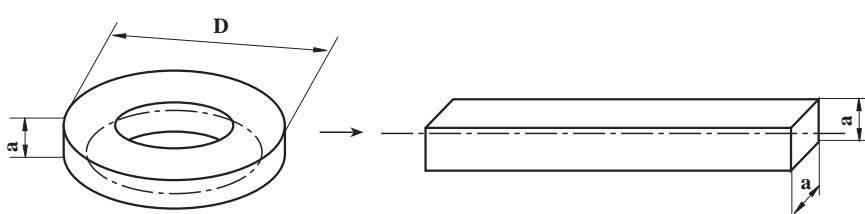
مثال : حلقه‌ای (شکل ۱-۲۳) از فولاد چهارگوش و با مشخصات ۸ mm a و ۹۵ mm D ساخته خواهد شد، حساب

کنید :

الف) طول مواد اولیه (طول گسترده) آن را برحسب میلی‌متر؛

ب) حجم آن را برحسب سانتی‌متر مکعب؛

ج) سطح کل آن را برحسب سانتی‌متر مربع.



شکل ۱-۴ (شکل ۱-۲۳ صفحه ۱۵)

پاسخ:

داده‌های مثال را روی تخته بنویسید و شکل‌های مثال را رسم کنید.

ضخامت حلقه $a = 8 \text{ mm}$

$D = 95 \text{ mm}$

$$L_s = d_s \times \pi$$

طول ماده اولیه $L_s = ? \text{ mm}$ (الف)

$$d_s = D - a$$

قطر متوسط حلقه $d_s = ? \text{ mm}$

(ب) $V = ? \text{ cm}^3$

(ج) $A_o = ? \text{ cm}^2$

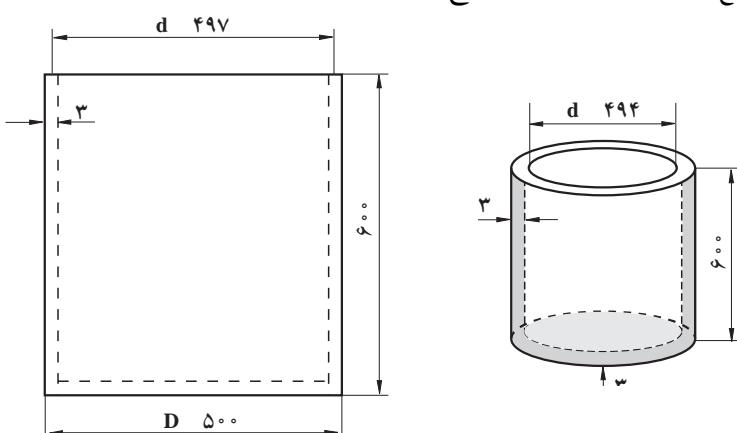
الف	ب
$d_s = D - a = 95 - 8 = 87 \text{ mm}$	$V = a \times a \times L_s$
$L_s = d_s \times \pi = 87 \times 3/14 = 273/14 \text{ mm}$	$8 \times 8 \times 273/14 \text{ mm}^3$
$L_s = 273/14 \text{ mm}$	$17483/52 \text{ mm}^3 = 17/48 \text{ cm}^3$
	$V = 17/48 \text{ cm}^3$
$A_o = 4a \times L_s$	(ج) (سطح کل)
$= 4 \times 8 \times 273/14$	
$= 8741/76 \text{ mm}^2 = 87/42 \text{ cm}^2$	$A_o = 87/42 \text{ cm}^2$

مثال صفحه ۱۶ کتاب را در کلاس بخوانید و شکل ۱-۲۴ را روی تخته بکشید، سپس داده‌های مثال را کوتاه روی تخته بنویسید و پاسخ مسئله را گام به گام به دست آورید.
مثال: موارد زیر را برای منبع استوانه‌ای شکلی بدون در با ابعاد داده شده در شکل ۱-۲۴ را، که از ورق آهن ساخته خواهد شد، حساب کنید:

الف) طول و ارتفاع سطح جانبی گسترده آن را؛

ب) سطح ورق اولیه بر حسب متر مربع، اگر ریخت و ریز ۸٪ سطح قطعه ساخته شده باشد؛

ج) ظرفیت مخزن بر حسب لیتر.



شکل ۱-۲۴ صفحه ۱۶

پاسخ (الف)

L_s طول متوسط دیواره ؟

d_s قطر متوسط استوانه

$$L_s = d_s \times \pi$$

$$d_s = \frac{500 + 494}{2} = 497 \text{ mm}$$

$$L_s = d_s \times \pi$$

$$L_s = 497 \times 3.14 = 1560 / 58 \text{ mm}$$

قطر کوچک قطر بزرگ
 $\frac{d_s}{2}$

پاسخ (ب)

توضیح دهید: برای محاسبه سطح ورق اولیه باید مساحت کل سطوح جانبی و کف مخزن محاسبه شود. این اندازه به روش زیر به دست می‌آید:

مساحت کل سطوح جانبی و کف مخزن A_o

مساحت کل سطوح جانبی و کف مخزن A_o

مساحت کف مخزن A_g

$$A_g = \frac{\pi d^2}{4} = 785 d^2$$

قطر کف مخزن d

A_o A_m A_g

A_m $L_s \times h$

$$A_g = 785 d^2$$

توضیح دهید: برای به دست آوردن قطر کف مخزن، ضخامت دیواره جانبی از قطر اولیه کف مخزن کم می‌شود و چون این اندازه در دو طرف دیواره است، بنابراین ضخامت دیواره، که ۳ میلی‌متر است در عدد دو ضرب شده است، یعنی عبارت

$$2 \times 3 = 6 \Rightarrow d = 500$$

$$A_g = 785 d^2 = 785 \times 494^2$$

$$A_g = 191568 / 26 \text{ mm}^2$$

$$A_m = L_s \times h = 1560 / 58 \times 600 = 936348 \text{ mm}^2$$

$$A_o = 936348 + 191568 / 26 = 1127916 / 2 \text{ mm}^2$$

$$1 \text{ m}^2 = 1000000 \text{ mm}^2$$

تبديل میلی‌متر مربع به متر مربع

$$A_o = 1127916 / 2 \text{ mm}^2 \times \frac{1 \text{ m}^2}{1000000 \text{ mm}^2} = 1 / 128 \text{ m}^2$$

ج) ظرفیت مخزن برابر حجم آن است که از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$V = A_g \times h$$

توضیح دهید: در اینجا عبارت $(3 - 600)$ ارتفاع داخلی مخزن است که در آن از بلندی مخزن، ضخامت کف مخزن کم شده است.

$$V = A_g \times h$$

$$191568/26 \times (60 \times 3)$$

$$\boxed{114366251/2 \text{mm}^3}$$

برای تبدیل میلی متر مکعب به لیتر به ترتیب زیر عمل می شود.

$$1 \text{dm}^3 = 1000000 \text{mm}^3$$

$$V = 114366251/2 \text{mm}^3 \times \frac{1}{1000000 \text{mm}^3} = \boxed{114/361}$$

مثال : در قیفی مانند شکل ۱-۲۵ (صفحه ۱۷ کتاب) حساب کنید :

الف) حجم قیف بر حسب متر مکعب؛

ب) سطح جانبی آن بر حسب متر مربع، اگر از ضخامت ورق چشم پوشی شود.

نکته

در شکل ۱-۲۵، ابعاد بخش مکعبی قیف اشتباه داده شده است. که پیش از شروع به حل مثال، عده های اشتباهی را درست کنید.

$$800 \text{m} \Rightarrow 80 \text{cm}$$

$$400 \text{m} \Rightarrow 40 \text{cm}$$

پاسخ الف)

توضیح دهید : قیف از دو بخش مکعب و مخروط ناقص ساخته شده است. باید نخست حجم هر بخش را جداگانه محاسبه کنید.

$$V_{\text{کل}} \quad \text{حجم کل}$$

$$V_1 \quad \text{حجم مکعب}$$

$$V_2 \quad V_r$$

$$V_2 \quad \text{حجم مخروط ناقص}$$

$$h = 60 \text{ cm} = 0.6 \text{ m} \quad \text{بلندی مکعب}$$

$$V_1 = A_g \times h$$

$$a = 40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m} \quad \text{طول ضلع قاعده مکعب}$$

$$\text{حجم مکعب} = 0.4^3 \times 0.6 = 0.96 \text{m}^3$$

$$V_1 ?$$

$$A_g \quad \text{سطح مقطع مخروط}$$

$$\text{حجم مخروط ناقص} = \frac{h}{3} (A_g + A_d) + \sqrt{A_g \times A_d}$$

$$A_d \quad \text{سطح سقف مخروط}$$

$$V_r = \frac{1/10 - 0/6}{3} (0/4^2 + 0/8^2 + \sqrt{0/4^2 + 0/8^2})$$

$$V_r = 0/166 (0/16 - 0/64 - 0/22)$$

$$V_r = \frac{1}{16} \times 1 / 12 \quad \boxed{\frac{1}{186} m^3}$$

حجم کل قیف

$$V = \frac{1}{16} + \frac{1}{186} = \boxed{\frac{1}{282} m^3}$$

(ب)

A_m سطح کل

سطح جانبی قیف برابر جمع سطح جانبی مکعب و سطح جانبی مخروط است.

A_{m_1} سطح جانبی مکعب

A_{m_r} سطح جانبی مخروط

$A_m \quad A_{m_1} \quad A_{m_r}$

سطح جانبی مکعب

$$A_{m_1} = U_g \times h$$

U_g محیط قاعده مخروط

$$A_{m_1} = \frac{4 \times 4 \times \pi}{6} = \boxed{\frac{1}{96} m^2}$$

U_d محیط سقف مخروط

$$A_{m_r} = \frac{U_g + U_d}{2} \times h_s$$

U_g محیط قاعده مخروط

$$= \frac{(4 \times 4) + (8 \times 4)}{2} \times \pi / 55 = \boxed{1 / 32 m^2}$$

$$A_m \quad A_{m_1} \quad A_{m_r} \quad \frac{1}{96} \quad \frac{1}{32} \Rightarrow$$

$$\boxed{A_m = 2 / 28 m^2} \quad \text{سطح جانبی کل}$$

کتاب‌های خواندنی در این باره :

رابطه‌ها، آحاد و ارقام در علوم و مهندسی، ترجمه مهندس مجید بدیعی