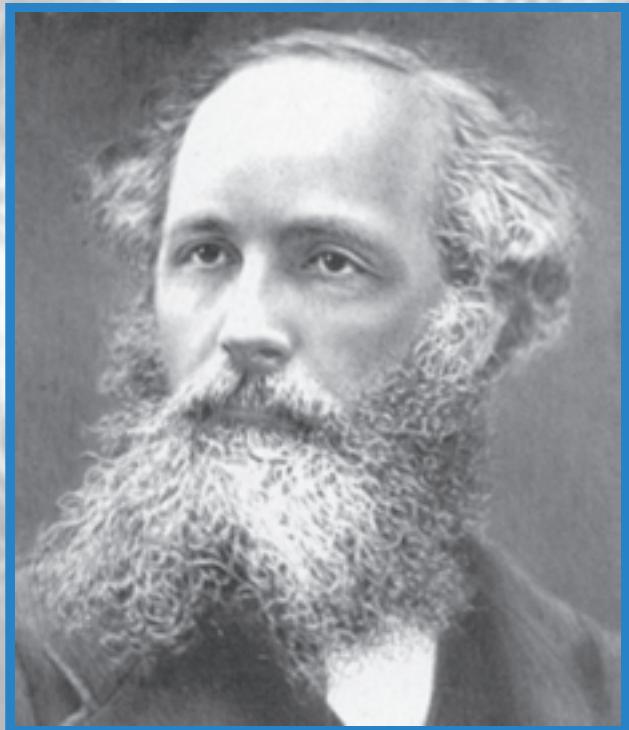


۵

موجهای اللہ و مغناطیسی



جیمز کلارک مکسول

(۱۸۳۱—۱۸۷۹)

موج های الکترو مغناطیسی

نگاهی به فصل: آیا می دانید انرژی حیاتی مورد نیاز گیاهان، جانوران، انسان و ... از چه طریق و چگونه به زمین می رسد؟ آیا می دانید رادیو، تلویزیون، تلفن، بی سیم، ماهواره ها و ... بر چه اساسی کار می کنند؟



شکل ۱-۲

هر موجود زنده ای در زمین به انرژی خورشید نیاز دارد، به طوری که بدون انرژی خورشید حیات روی کره زمین از بین می رود. این انرژی از طریق موج های الکترو مغناطیسی به زمین می رسد و در تمام ارتباطات راه دور این موج ها به کار گرفته می شوند. با استفاده از سرعت بالای این امواج می توان خبر رخ دادن هر حادثه را کمتر از چند دهم ثانیه به هر نقطه از زمین رساند.

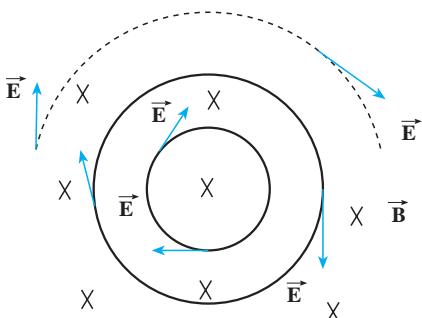
مایکل فارادی دانشمند انگلیسی (۱۷۹۱-۱۸۶۷ میلادی) و جیمز کلارک ماکسول فیزیک دان اسکاتلندي (۱۸۳۱-۱۸۷۹ میلادی) نقش عمده ای در کشف پدیده های الکترو مغناطیسی و مطالعه بر روی آن ها داشتند.

در فیزیک ۳ و آزمایشگاه با قانون فارادی آشنا شدیم و دیدیم که اگر شار مغناطیسی گذرنده از

یک مدار بسته تغییر کند، نیروی محرکه ای را در مدار ایجاد می کند که بزرگی آن با آهنگ تغییر شار مناسب است؛

مثالاً اگر در شکل ۲-۲ میدان مغناطیسی \vec{B} تغییر کند، در اثر تغییر شار یک نیروی محرکه در مدار القا می شود.

در واقع و به طور عمیق تر می توان گفت که در اثر تغییر میدان مغناطیسی یک میدان الکتریکی القایی در فضا ایجاد می شود که خط های آن در این شکل نشان داده شده اند این



شکل ۲-۲

میدان حتی هنگامی که مدار نیز وجود ندارد ایجاد می‌شود؛ یعنی، میدان الکتریکی را تنها بارهای الکتریکی تولید نمی‌کنند، بلکه در اثر تغییر میدان مغناطیسی نیز به وجود می‌آید. در فیزیک ۳ و آزمایشگاه هم چنین دیدیم که میدان الکتریکی داخل یک رسانا وجود دارد، در آن اختلاف پتانسیل الکتریکی ایجاد می‌کند درنتیجه می‌توان گفت: «نیروی محرکه‌ی القایی از این میدان الکتریکی القایی حاصل می‌شود.» ماکسول پیش‌بینی کرد همان‌طور که در اثر تغییر میدان مغناطیسی در فضا، میدان الکتریکی تولید می‌شود، در اثر تغییر میدان الکتریکی نیز میدان مغناطیسی ایجاد می‌شود؛ یعنی، علاوه بر جریان الکتریکی و آهنربا تغییر میدان الکتریکی نیز می‌تواند منشأ میدان مغناطیسی باشد. ماکسول با توجه به کارهای اوستد، آمپر، هانری و فارادی مبانی علم الکتریسیته و مغناطیس را تدوین کرد و وجود موج‌های الکترومغناطیسی و انتشار آن‌ها در فضا را پیش‌بینی کرد. بعدها هر تر فیزیکدان آلمانی (۱۸۹۴-۱۸۵۷ میلادی) وجود این موج‌ها را به طور تجربی نشان داد.

۱-۲- چگونگی تشکیل موج‌های الکترومغناطیس

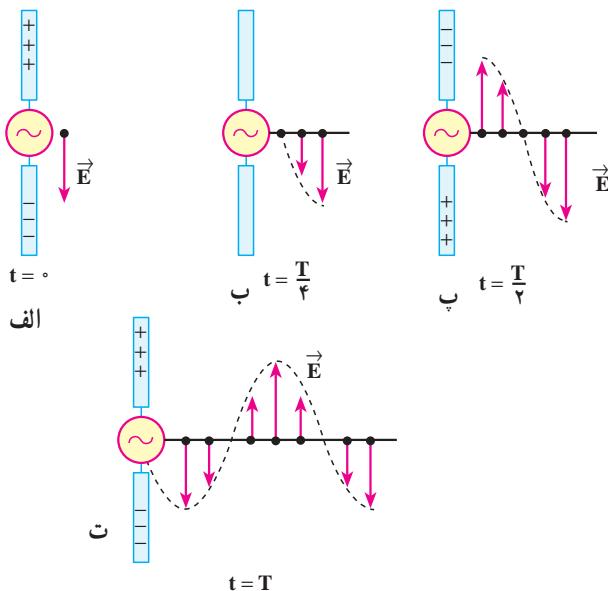
موج‌های الکترومغناطیس از میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی تشکیل شده‌اند. عامل اصلی ایجاد موج‌های الکترومغناطیسی، ذرات باردار شتاب‌دارند؛ یعنی، وقتی ذره‌ی بارداری شتاب‌دار می‌شود بخشنی از انرژی خود را به صورت موج‌های الکترومغناطیسی گسیل می‌کند، گسیل موج‌های الکترومغناطیسی توسط اجسام را تابش می‌نماید.

مطالعه‌ی آزاد

چگونگی تولید موج‌های الکترو مغناطیسی توسط آتن

در آتن، یک منبع ولتاژ متناوب برای ایجاد نوسان بار الکتریکی مورد استفاده قرار می‌گیرد و این شیوه‌ای مرسوم برای شتاب‌دار کردن ذرات است. از آتن‌ها به عنوان چشممه‌ی موج‌های الکترومغناطیس در ایستگاه‌های رادیویی، مخابراتی و ... استفاده می‌شود. شکل ۲-۳ نحوه‌ی تولید یک موج الکترومغناطیس را در یک آتن نشان می‌دهد. دو میله‌ی فلزی به یک مولد متناوب (ac) متصل شده‌اند. چون ولتاژ خروجی این مولد به صورت سینوسی است، بار روی میله‌ها دائمًاً تغییر می‌کند. در لحظه‌ی $t = 0$ بار روی میله‌ی بالایی بیشینه و مثبت و روی میله‌ی پایینی بیشینه و منفی است. سپس بار این میله‌ها کاهش می‌یابد و در لحظه‌ی $t = \frac{\pi}{4}$ به صفر می‌رسد (شکل ۲-۳-ب) در ادامه‌ی این حرکت، علامت بار میله‌ها معکوس می‌شود، یعنی بار میله‌ی بالایی منفی و

بار میله‌ی پایینی مثبت می‌شود و مقدار آن نیز افزایش می‌باید تا در لحظه‌ی $t = \frac{T}{2}$ به یک مقدار بیشینه برسد (شکل ۲-۳-پ). تغییر بار میله‌ها به همین ترتیب ادامه می‌باید. در زمان $t = 0$ بار مثبت در میله‌ی بالایی و بار منفی در میله‌ی پایینی بیشینه است (شکل ۲-۳-الف). پس میدان الکتریکی حاصل از این بارها نیز بیشینه است. میدان الکتریکی ایجاد شده در نزدیکی آتن، در این لحظه، در این شکل نشان داده شده است.



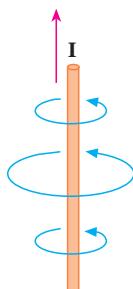
شکل ۲-۳-میدان الکتریکی ناشی از نوسان بارهای الکتریکی در آتن با سرعت نور از آتن دور می‌شود.

با کاهش بار روی میله‌ها، شدت میدان الکتریکی در نزدیکی میله‌ها، کاهش می‌باید و میدان الکتریکی بیشینه‌ی رو به پایینی که در لحظه‌ی $t = 0$ تولید شده بود از میله دور می‌شود. هنگامی که بارهای مثبت و منفی روی میله‌ها صفر است (مانند شکل ۲-۳-پ) میدان الکتریکی نیز صفر است. این وضعیت $\frac{1}{4}$ دوره ($t = \frac{T}{4}$) بعد از شروع نوسان پیش می‌آید. با ادامه‌ی این عمل، میله‌ی بالایی، بعد از زمان $t = \frac{T}{2}$ ، دارای بیشترین مقدار بار منفی و میله‌ی پایینی دارای بیشترین بار مثبت می‌شود. در

این حالت میدان الکتریکی ایجاد شده رو به بالاست (شکل ۲-۳-پ) و با ادامه یافتن نوسان بار الکتریکی روی میله‌ها میدان الکتریکی مطابق شکل ۲-۳-ت تشکیل می‌شود. در تمام این مراحل میدان الکتریکی نزدیک آتن با نوسان بار الکتریکی روی آن هم فاز است؛ یعنی، جهت میدان الکتریکی در زمانی که میله‌ی بالایی مثبت است رو به پایین وقتی میله‌ی بالایی منفی است، رو به بالاست و اندازه‌ی میدان در هر لحظه به مقدار بار روی میله در آن لحظه بستگی دارد.

با ادامه نوسان بارهای الکتریکی روی میله‌ها، میدان‌های الکتریکی ایجاد شده با سرعت نور از آتن دور می‌شوند. در شکل ۲-۳ الگویی از میدان الکتریکی را در لحظه‌های مشخص از نوسان مشاهده می‌کنید. همان‌گونه که می‌بینید در طول یک دوره از نوسان بار، میدان الکتریکی ایجاد شده در ابتدای دوره به اندازه‌ی یک طول موج کامل جلو رفته است.

تغییر بارهای الکتریکی در میله‌ها سبب ایجاد جریان الکتریکی در میله‌ها و در نتیجه تولید یک میدان مغناطیسی در اطراف میله‌ها می‌شود. وقتی جریان در میله‌ها رو به بالاست (همان‌طور که در فیزیک ۳ و آزمایشگاه در مورد میدان حاصل از جریان در یک سیم دیدیم) خطوط میدان مغناطیسی تولید شده به صورت دایره‌هایی هم مرکز به دور آتن اند (شکل ۴-۲). این خطوط



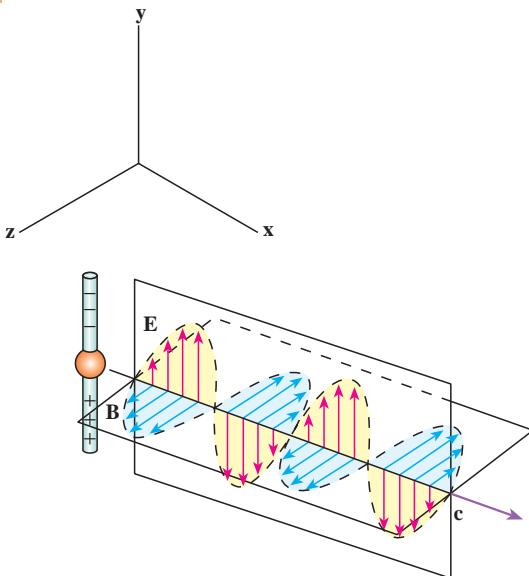
شکل ۲-۴-چگونگی تشکیل خطوط میدان مغناطیسی در اطراف یک آتن که از آن جریان الکتریکی متغیر می‌گردد.

بر میدان الکتریکی تولید شده در هر نقطه عمودند. با عوض شدن جهت جریان، جهت میدان مغناطیسی نیز وارونه می‌شود و با تغییر جریان نسبت به زمان، میدان مغناطیسی نیز همانند میدان الکتریکی در اطراف آتن تغییر می‌کند.

تا اینجا دیدیم که نوسان بارهای الکتریکی روی میله‌ها، در فضا میدان الکتریکی و مغناطیسی متغیر تولید می‌کند. اما علاوه بر این‌ها دو پدیده‌ی دیگر نیز رخ می‌دهد. همان‌طور که دیدیم :

الف : میدان مغناطیسی متغیر با زمان، میدان الکتریکی تولید می‌کند.

ب : میدان الکتریکی متغیر با زمان - همان‌طور که ماکسول پیش‌بینی کرده بود -



شکل ۲-۵- یک موج الکترومغناطیسی گسیل شده از یک آتن در یک لحظه از زمان. توجه کنید که میدان الکتریکی بر میدان مغناطیسی و هر دو بر راستای انتشار موج عمودند.

میدان مغناطیسی ایجاد می کند. این میدان های الکتریکی و مغناطیسی القابی هم فازند؛ یعنی، در هر نقطه هر دو میدان هم زمان با هم بیشینه یا کمینه می شوند (شکل ۲-۵). علاوه بر این میدان های الکتریکی و مغناطیسی بر یک دیگر و هر دوی آن ها بر راستای حرکت موج عمودند. در نتیجه این دو پدیده و مواردی که در بالا ذکر شد، یک موج الکترومغناطیسی ایجاد می شود که در فضا منتشر می شوند (شکل ۲-۵).

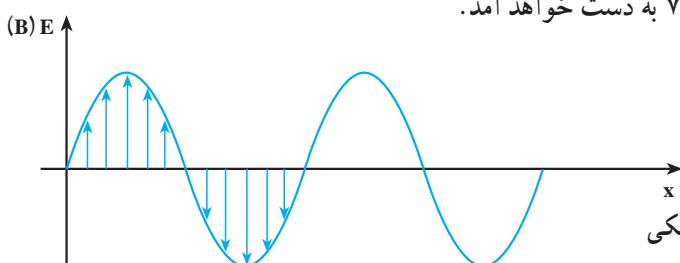
موج های الکترومغناطیسی نیز، مانند موج های مکانیکی، در زمان و مکان تغییر می کنند، با این تفاوت که در موج های مکانیکی ذره های تشکیل دهنده محیط نوسان می کنند و در موج های الکترومغناطیسی، میدان های الکتریکی و مغناطیسی در هر نقطه از فضا به طور نوسانی تغییر می کنند. همین موضوع سبب می شود که موج های الکترومغناطیسی برای انتشار خود، الزاماً به محیط مادی نیاز نداشته باشند و در خلا نیز منتشر شوند.

برای بیان چگونگی انتشار موج های الکترومغناطیسی نیز می توانیم، همان طور که در مورد موج های مکانیکی انجام دادیم، از نمودارهای میدان های الکتریکی (و یا مغناطیسی) بر حسب مکان یا زمان استفاده کنیم. ابتدا تغییرات میدان الکتریکی را توصیف می کنیم.

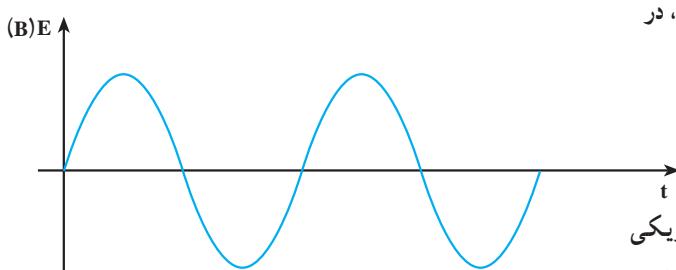
یک موج الکترومغناطیسی را در نظر می گیریم که در جهت محور x منتشر می شود. نمودار میدان الکتریکی بر حسب مکان این موج در شکل ۲-۶ رسم شده است. این نمودار، میدان الکتریکی را در تمام نقطه ها در امتداد محور x و در یک لحظه نشان می دهد. می بینید که در جهت محور x ، میدان الکتریکی افزایش می یابد تا به یک مقدار بیشینه برسد، سپس کاهش می یابد و صفر می شود و در

ادامه، همین تغییرات در جهت عکس صورت می‌گیرد.

تغییرات میدان الکتریکی در یک نقطه از فضا را نیز می‌توان با استفاده از نمودار میدان الکتریکی برحسب زمان نشان داد. این نمودار در شکل ۲-۷ رسم شده است. مشاهده می‌کنید که مقدار میدان در این نقطه، از صفر تا مقدار بیشینه افزایش می‌یابد و سپس کاهش می‌یابد و دوباره به صفر می‌رسد. پس از آن جهت میدان معکوس می‌شود. در این جهت نیز میدان از صفر تا مقدار بیشینه افزایش می‌یابد و دوباره کاهش می‌یابد تا به صفر برسد و این نوسان‌ها به همین ترتیب ادامه می‌یابد. نمودار میدان مغناطیسی برحسب مکان و میدان مغناطیسی برحسب زمان را نیز می‌توان مانند نمودارهای مربوط به میدان الکتریکی رسم کرد که باز هم نمودارهای مانند شکل‌های ۶-۲ و ۷-۲ به دست خواهد آمد.

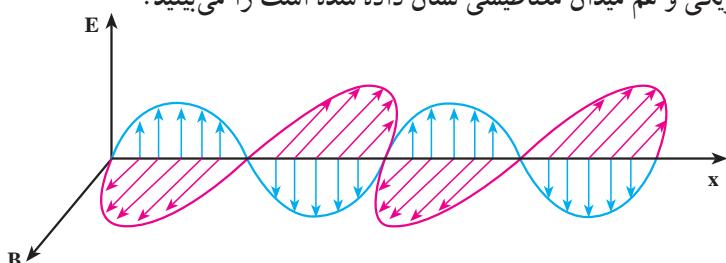


شکل ۲-۶—نمودار میدان الکتریکی (مغناطیسی) برحسب مکان، یک موج الکترومغناطیسی در امتداد محور x ، در یک لحظه از زمان.



شکل ۲-۷—نمودار میدان الکتریکی (مغناطیسی) برحسب زمان، یک موج الکترومغناطیسی در یک نقطه از محور x .

در شکل ۲-۸ نمودارهای میدان الکترومغناطیسی برحسب مکان که در آن هم میدان الکتریکی و هم میدان مغناطیسی نشان داده شده است را می‌بینید.



شکل ۲-۸—نمودار میدان الکترومغناطیسی برحسب مکان

تعريف‌هایی که قبلًا در مورد موج‌های مکانیکی بیان کردیم، در مورد موج‌های الکترومغناطیسی هم به کار می‌روند؛ مثلاً، تعداد نوسان‌های میدان الکتریکی (و یا مغناطیسی) در واحد زمان و در هر نقطه از فضا، بسامد و زمانی که طول می‌کشد تا میدان الکتریکی (و یا مغناطیسی) یک نوسان کامل انجام دهد، دوره نامیده می‌شود. به همین ترتیب، طول موج فاصله‌ی بین دو نقطه‌ی متواالی از موج است که در آن دو نقطه میدان‌های الکتریکی (و یا مغناطیسی) هم فازند. سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی نیز، همچون موج‌های مکانیکی از رابطه‌ی $v = \lambda f$ به دست می‌آید.

۱-۲ پرسش

با توجه به شکل ۱-۵ توضیح دهید که موج‌های الکترومغناطیسی طولی‌اند یا

عرضی؟

۱-۲ سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی

میدان مغناطیسی و الکتریکی حاصل از جریان نوسانی در یک آتن به طور هم‌زمان به تمام نقاط نمی‌رسد، بلکه با سرعت مشخصی منتشر می‌شوند. ابتدا این میدان‌ها در نقاط نزدیک و سپس به نقاط دورتر می‌رسند. ماکسول نشان داد که سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی در خلا « c » از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید :

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \quad (1-2)$$

که در آن ϵ_0 ضریب گذردهی الکتریکی در خلا و μ_0 تراوایی مغناطیسی خلا است. از فیزیک ۳ و آزمایشگاه به یاد دارید که $C^2/N \cdot m^2 = 8/85 \times 10^{-12} \text{ A}^2 \text{ T} \cdot m = 4\pi \times 10^{-7} \text{ N/A}$ است.

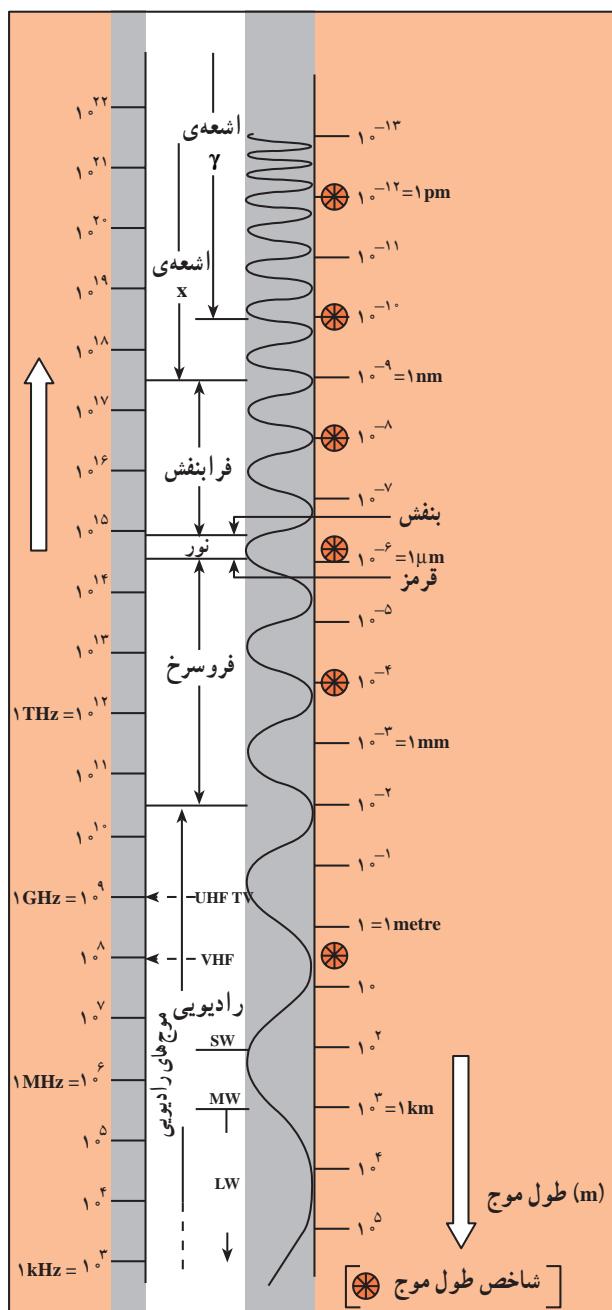
با قرار دادن مقادیر بالا در رابطه‌ی ۱-۲ سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیس در خلا به دست می‌آید :

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = \frac{1}{\sqrt{8/85 \times 10^{-12} \times 4\pi \times 10^{-7}}} \approx 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$

که این مقدار برابر سرعت انتشار نور در خلا است.

۲-۳- طیف موج‌های الکترومغناطیسی

موج‌های الکترومغناطیسی طیف گسترده‌ای از نظر بسامد (و طول موج) دارند. به نواحی مختلف طیف الکترومغناطیسی، نام‌هایی از قبیل: موج‌های رادیویی، نوری، تابش گرمایی، فرابنفش، X، γ... اطلاق می‌شود. در هریک از این ناحیه‌ها تابش به طبق خاصی تولید و آشکار می‌شود. جدول



۱-۲ نحوه‌ی تولید، کاربرد و آشکارسازی نواحی مختلف طیف الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد؛ مثلاً، نور که گستره‌ی کوچکی از این طیف است، مستقیماً بر شبکیه‌ی چشم اثر می‌کند و از این طریق آشکار می‌شود اما آشکارسازی موج‌های رادیویی توسط وسیله‌های الکترونیکی خاصی مانند رادیو، تلویزیون و ... صورت می‌گیرد.

۲-۹ گستره‌ی (طیف)

موج‌های الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد. این موج‌ها، طیف پیوسته‌ای را تشکیل می‌دهند. با وجود تفاوت بسیار زیاد در بسامد، نحوه‌ی تولید و آشکارسازی آن‌ها، ماهیت و قانون‌های حاکم بر همه آن‌ها یکسان است.

شکل ۲-۹- طیف موج‌های الکترومغناطیسی

جدول ۲—۱— نحوه تولید، آشکارسازی و کاربرد طیف موج‌های الکترومغناطیسی

نام و حدود طول موج	چشمها	وسایل آشکارسازی	بعضی از ویژگی‌های خاص و کاربرد
پرتو گاما (γ) $10^{-12} \text{ m} = 1 \text{ Pm}$	هسته‌ی مواد رادیواکتیو و پرتوهای کنهاهی	شمارش گر گاگر—مولر و فیلم عکاسی	فوتون‌های با ارزشی بسیار بالا و با قدرت نفوذ بسیار زیاد، خلی خطرناک کاربرد: بافت‌های سلطانی را اینین می‌بند، برای پیدا کردن توک در فزان، برای ضد عفونی کردن تجهیزات و وسائل
پرتو ایکس (X) $10^{-8} \text{ m} = 1 \text{ nm} = 1 \text{ Pm}$	لامپ پرتو X	فیلم عکاسی و صفحه‌های فلوروسان	فوتون‌های بسیار پر ازوری و با قدرت نفوذ زیاد، خلی خطرناک کاربرد: استفاده در پرتوگاری، استفاده در مطالعه‌ی ساختار بلورها، معالجه‌ی بیماری‌های پوستی، استفاده در پرتو درمانی
فرابنفش (uv) $10^{-8} \text{ m} = 1 \text{ nm} = 1 \text{ Pm}$	خورشید، جسم‌های خلی داغ، جرقی الکتریکی، لامپ بخار جیوه	فیلم عکاسی، فوتوفسل	ویژگی‌ها: توسط شیشه‌ی چرب می‌شود، سبب بسیاری از اکتشاف‌های شیمیابی می‌شود، یاخته‌های زنده را از بین می‌زند. کاربرد: لامپ‌های uv در پرتوشکی
نور مرئی $10^{-6} \text{ m} = 6 \mu\text{m} / (\text{سین})$	خورشید، جسم‌های داغ، لیزرها	چشم، فیلم عکاسی، فوتوفسل	ویژگی‌ها: در دیدن اجسام نقش اساسی دارد، برای رشد گیاهان و عمل فتوسترن نقش حیاتی دارد. کاربرد: در سیسیم‌های مخازنی (لیزر و تارهای نوری) مواد استفاده قرار می‌گیرد.
فروسرخ (IR) $10^{-4} \text{ m} = 1 \text{ }\mu\text{m} = 1 \text{ }\mu\text{m}$	خورشید، جسم‌های گرم و داغ	فیلم‌های مخصوص عکاسی	ویژگی: هنگامی که جذب می‌شود، پوست را گرم می‌کند. کاربرد: برای گرم کردن، برای فیلم‌پردازی و عکاسی در مه و تاریکی، عکاسی IR توسط ماهواره‌ها
رادیویی $3 \text{ m} (\text{VHF})$	اجان‌های مایکروویو، آتن‌های رادیویی و تلویزیون		کاربرد: در آشپزی، رادیو، تلویزیون، مخابرات ماهواره‌ای و در رادارها برای آشکارسازی هواییها، مشک و کنستی

۲-۲ پرسش

با استفاده از شکل ۹-۲ موج‌های مختلف طیف الکترومغناطیسی را به ترتیب افزایش طول موج، نام ببرید.

در شکل ۹-۲ بیشترین بسامد در بالای طیف و کمترین بسامد در پایین طیف قرار دارد. کوتاه‌ترین طول موج در بالای طیف، مربوط به پرتوهای گاما که در حدود 10^{-13} متر است و بر عکس بلندترین طول موج مربوط به موج‌های رادیویی است که در حدود 10^5 متر است.

۱-۲ مثال

محدوده‌ی طول موج، امواج الکترومغناطیسی مرئی از 4/\AA میکرون ($m = 10^{-9}$ میکرون) مربوط به طول موج بنفس تا 7/\AA میکرون مربوط به طول موج نور قرمز است. محدوده‌ی بسامد نور مرئی را به دست آورید.

پاسخ

با استفاده از رابطه‌ی $c = \lambda f$ داریم :

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{4 \times 10^{-7}} = 7.5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{7 \times 10^{-7}} \approx 4.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

یعنی گستره‌ی بسامد نور مرئی بین $4.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$ تا $7.5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ است.

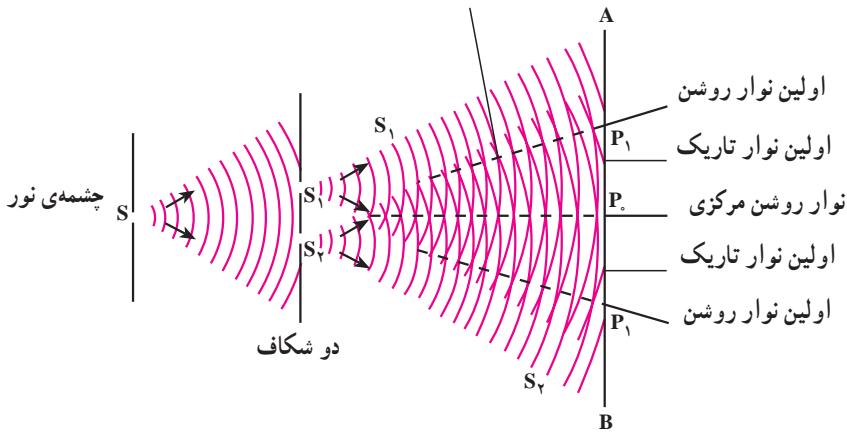
فعالیت ۱-۲

- جمله‌های زیر را کامل کنید.
- ۱- میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی بر یک دیگر ...
 - ۲- میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی هر دو بر عمودند. بنابراین موج‌های الکترومغناطیسی از نوع موج‌های
 - ۳- نوسان میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی با یک دیگر
 - ۴- موج‌های الکترومغناطیسی برای انتشار نیاز به و انرژی را از محلی به محل دیگر منتقل می‌کنند.
 - ۵- همه‌ی موج‌های الکترومغناطیسی با سرعت منتشر می‌شوند.

۲-۴- تداخل موج‌های نوری

در فصل نوسان و موج با تداخل موج‌های مکانیکی آشنا شدیم و در آنجا دیدیم که اگر دو سوزن که به فاصله‌ی نزدیکی از هم قرار دارند با بسامد معینی بر سطح آب درون یک ظرف همزمان ضربه بزنند، موج‌هایی در سطح آب به وجود می‌آید که در همه‌ی جهت‌ها منتشر می‌شود. برهم نهی این موج‌ها را تداخل نامیدیم و گفته‌یم در نقطه‌هایی که دو موج هم فاز باشند تداخل سازنده و در نقاطی که دو موج در فاز مخالف باشند تداخل ویرانگر به وجود می‌آید. همین آزمایش را با نور نیز می‌توان انجام داد. یانگ، فیزیکدان انگلیسی، در آزمایش‌هایی که بین سال‌های $180^{\circ} 2$ تا $180^{\circ} 4$ انجام داد، دریافت که پدیده‌ی تداخل در نور هم مشاهده می‌شود.

شکل ۲-۱۰ طرح آزمایش یانگ را نشان می‌دهد. در پشت شکاف باریک S_1 یک چشم‌های نور تکرنگ (لامپ روشن) قرار می‌دهیم. این شکاف خود مانند یک چشم‌های نور عمل می‌کند. در فاصله‌ی کمی از شکاف S_1 ، دو شکاف موازی S_1 و S_2 که با S_1 نیز موازی و هم فاصله‌اند، قرار می‌دهیم. نور رسیده به شکاف‌های S_1 و S_2 همانند دو چشم‌های هم بسامد، هم دامنه و هم فاز عمل می‌کنند و نور را در جهت‌های مختلف گسیل می‌کنند. نورهای گسیل شده از دو چشم‌های S_1 و S_2 با یک دیگر تداخل کرده و نوارهای تداخلی روشن و تاریک را بر روی پرده‌ی AB که در مقابل شکاف‌ها قرار دارد تشکیل می‌دهند.



شکل ۲-۱۰

دو موجی که به نقطه‌ی P روی محور تقارن دو شکاف می‌رسند، هم‌فازاند زیرا آن‌ها دو راه مساوی S_1P و S_2P را پرده‌پیموده‌اند. تداخل این دو موج سازنده است و درنتیجه در محل P روی پرده یک نوار روشن تشکیل می‌شود. این نوار روشن را نوار روشن مرکزی می‌نامیم. برای این که بینیم در چه شرایطی نوار روشن و در چه شرایطی نوار تاریک تشکیل می‌شود نقطه‌ی P را در شکل ۲-۱۱ در نظر می‌گیریم. برتوهای که از S_1 و S_2 به این نقطه می‌رسند، دو راه نامساوی S_1P و S_2P را می‌پیمایند. اختلاف فاز پرتوها را می‌توان از روی اختلاف راه آن‌ها تعیین کرد.

$$\Delta\varphi = k(d_2 - d_1) = \frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1)$$

اگر $\Delta\varphi$ مضرب زوجی از π باشد؛ یعنی

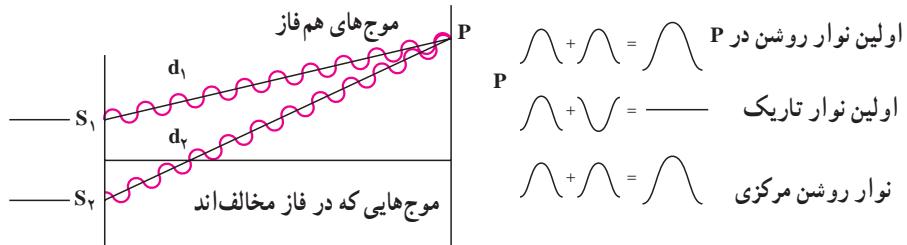
$$\Delta\varphi = \pm 2n\pi, \quad n = 0, 1, \dots \quad (2-2)$$

$$\frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1) = \pm 2n\pi \quad \text{با:}$$

$$d_2 - d_1 = \pm n\lambda = \pm 2n \frac{\lambda}{2}$$

در این صورت دو پرتویی که به پرده می‌رسند هم‌فازند و تداخل سازنده ایجاد می‌شود و در این نقطه‌ها نوار روشن تشکیل می‌شود. در رابطه‌ی ۲-۲ به ازای $n = 0$ ، اختلاف راه و اختلاف فاز صفر است و نوار روشنی که تشکیل می‌شود همان نوار مرکزی است.

به ازای $n = 1$ ، اختلاف فاز 2π است و اولین نوار روشن در دو طرف نوار مرکزی به دست می‌آید و به همین ترتیب می‌توان نوارهای روشن بعدی را به ازای $n = 2, 3, \dots$ به دست آورد.



شکل ۱۱-۲

حال اگر $\Delta\varphi$ مضرب فردی از π باشد؛ یعنی :

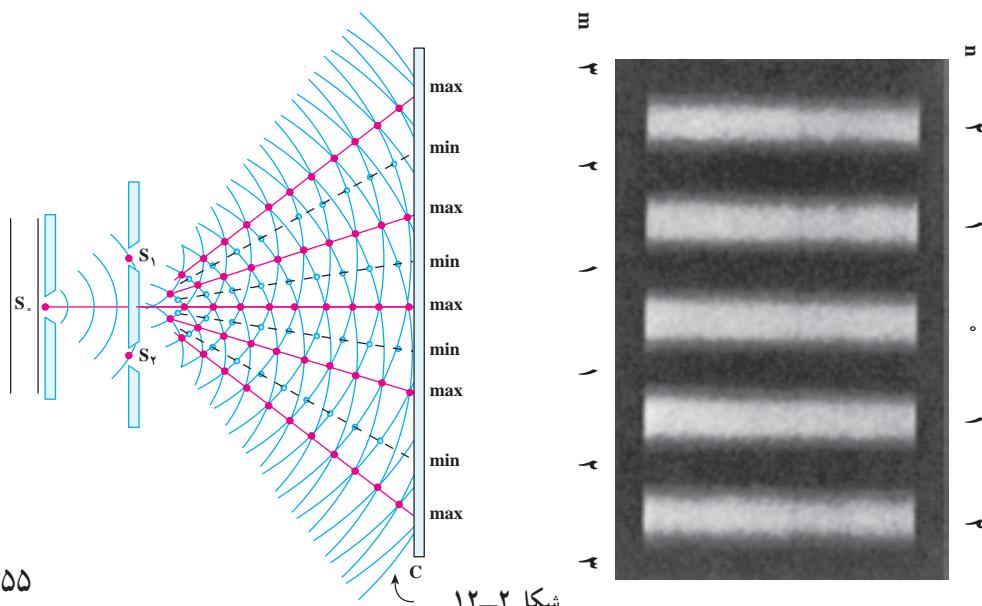
$$\Delta\varphi = \pm(2m-1)\pi, \quad m=1, 2, \dots \quad (3-2)$$

$$\frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1) = \pm(2m-1)\pi \quad \text{یا :}$$

$$d_2 - d_1 = \pm(2m-1) \frac{\lambda}{2}$$

در این صورت دو موجی که به پرده می‌رسند در فاز مخالف هم خواهند بود و تداخل ویرانگر صورت می‌گیرد و درنتیجه در این نقاط نوار تاریک خواهیم داشت. در رابطه‌ی $m=1, 2, \dots$ مربوط به اولین نوار تاریک است که در دو طرف نوار روشن مرکزی قرار می‌گیرد. این نوار تاریک میان نوار روشن مرکزی و اولین نوار روشن قرار دارد.

نوارهای روشن و تاریک را که روی پرده تشکیل می‌شوند، طرح تداخلی می‌نامند. شکل ۱۲-۲ طرح تداخلی دو شکاف یانگ را نشان می‌دهد. در دو طرف شکل، شماره‌ی نوارهای روشن که با مقادیر مختلف n و شماره‌ی نوارهای تاریک که با مقادیر مختلف m داده می‌شوند نیز آمده است.



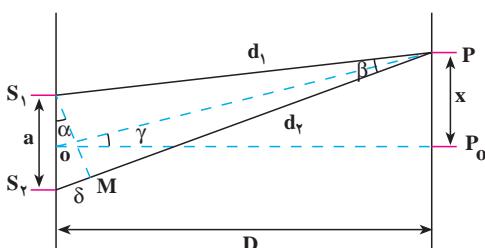
شکل ۱۲-۲

تمرین ۱-۲

نشان دهید اختلاف راه برای مکان‌هایی که نوار تداخلی روشن داریم، مضرب

زوجی از نصف طول موج، $\frac{\lambda}{2} n$ ، و برای مکان‌هایی که نوار تاریک داریم، مضرب

فردی از نصف طول موج، $\frac{\lambda}{2} (m - 1)$ ، است



شکل ۱۳-۲

اندازه‌گیری طول موج: با استفاده از آزمایش یانگ می‌توان طول موج نور را اندازه‌گیری کرد. در شکل ۱۳-۲ طرحی از این آزمایش رسم شده است. در این شکل، فاصله‌ی دو شکاف از هم a و فاصله‌ی شکاف‌ها از پرده D است. فرض کنید نوار روشن n در نقطه‌ی P در فاصله‌ی x از

نوار مرکزی روی پرده تشکیل شده است. دایره‌ای به مرکز P و به شعاع PS_1 رسم می‌کنیم، دایره PS_2 را در نقطه‌ی M قطع می‌کند. اختلاف راه نوری بین دو پرتو PS_1 و PS_2 برابر است با:

$$\delta = S_2M = d_2 - d_1$$

اگر فاصله‌ی پرده از صفحه‌ی دو شکاف بسیار بزرگ‌تر از فاصله‌ی دو شکاف، یعنی $D > a$ باشد، زاویه‌ی γ و نیز زاویه‌ی β (بین پرتوهایی که به P می‌رسند) بسیار کوچک خواهند بود و می‌توان S_1M را عمود بر S_2P و OP در نظر گرفت. در این صورت، زاویه‌های α و γ با یکدیگر برابرند، درنتیجه:

$$\tan \alpha = \tan \gamma \quad \text{و} \quad \tan \gamma = \frac{x}{D}$$

$$\tan \alpha = \sin \alpha = \frac{\delta}{a}$$

چون زاویه‌ی α کوچک است:

بنابراین:

$$\frac{x}{D} = \frac{\delta}{a} \quad (4-2)$$

برای نوار روشن n ام :

$$\frac{x}{D} = \frac{n\lambda}{a} \quad (5-2)$$

که از آن رابطه‌ی زیر به دست می‌آید :

$$\lambda = \frac{xa}{nD} \quad (6-2)$$

با اندازه‌گیری، فاصله‌ی نوار روشن از نوار مرکزی می‌توان طول موج را اندازه‌گرفت.

پرسش ۲-۲

به نظر شما اگر آزمایش یانگ را با نور سفید انجام دهیم، طرح تداخلی چگونه خواهد بود؟

مثال ۲-۲

آزمایش یانگ را با نور زرد سدیم انجام داده‌ایم. فاصله‌ی دو شکاف یانگ از یک دیگر $a = 1/2\text{ mm}$ و فاصله‌ی شکاف تا پرده $1/2\text{ m}$ است؛ اگر فاصله‌ی نوار روشن پیش‌تر از وسط نوار مرکزی $11/8\text{ mm}$ باشد، طول موج نور زرد سدیم چند متر است؟

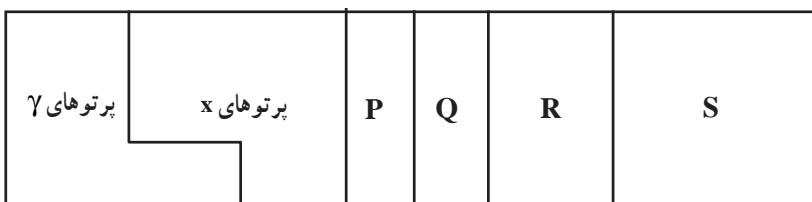
پاسخ

با استفاده از رابطه‌ی ۶-۲ داریم :

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{a \cdot x}{n \cdot D} = \frac{1/2 \times 10^{-3} \times 11/8 \times 10^{-3}}{2 \times 1/2} \approx 5/9 \times 10^{-7}\text{ m} \\ &= 0.59\mu\text{m} \end{aligned}$$

تمرین‌های فصل دوم

۱- شکل ۱۴-۲ طیف موج‌های الکترومغناطیسی را با یک مقیاس تقریبی نشان می‌دهد.



شکل ۱۴-۲

الف : نام قسمت‌هایی از طیف را که تنها با حروف علامت‌گذاری شده‌اند، بنویسید.

ب : اگر در طول طیف از چپ به راست (از پرتوهای ۷ به طرف S) حرکت کیم، چه خاصیتی از پرتوها افزایش، کاهش و یا ثابت می‌ماند؟

۲- چهار وجهه اشتراک و دو تفاوت برای نور فروسرخ و امواج رادیویی بیان کنید.

۳- دو دانشآموز به نور زرد نگاه می‌کنند. یکی از آن‌ها نور زرد را ترکیب دو نور قرمز و سبز و دیگری آن را از یک نوع رنگ می‌داند. آزمایش یانگ چگونه می‌تواند ما را قادر سازد تا بین این دو نظر یکی را انتخاب کنیم؟

۴- الف : از یک ایستگاه رادیویی موج الکترومغناطیسی به طول موج ۷۵m گسیل می‌شود. بسامد این موج را حساب کنید.

ب : موج‌های رادیویی با بسامد 12MHz چه طول موجی دارند؟

۵- الف : طول موج نور نارنجی $m^{-7} \times 10^{42} / 42$ است، بسامد این نور چند هرتز است؟

ب : بسامد نور قرمز در حدود $\text{Hz}^{10} \times 10^{28} / 28$ است، طول موج این نور در هوای آب را حساب کنید. (سرعت نور را در هوای $s / m = 10^8$ و در آب را $s / m = 10^8 \times 25 / 25$ فرض کنید.)

۶- گستره‌ی طول موج‌های رادیویی زیر را به دست آورید.

الف : باند AM در گستره‌ی بسامدی 540 تا 1600 کیلوهرتز

ب : باند FM در گستره‌ی بسامدی 88 تا 108 مگاهرتز

۷- آزمایش یانگ را با نور تک‌رنگ سبز انجام داده و نوارهای تداخلی بر روی پرده‌ی موازی با سطح شکاف‌ها تشکیل داده‌ایم. برای این که فاصله‌ی دو نوار روشن متوالی را زیاد کنیم می‌توانیم :

(۱) به جای نور سبز از نور تک‌رنگ قرمز استفاده کنیم.

(۲) به جای نور سبز از نور تک‌رنگ بنفس استفاده کنیم.

(۳) فاصله‌ی پرده از شکاف‌ها را زیاد کنیم.

(۴) فاصله‌ی دو شکاف را از هم کم کنیم.

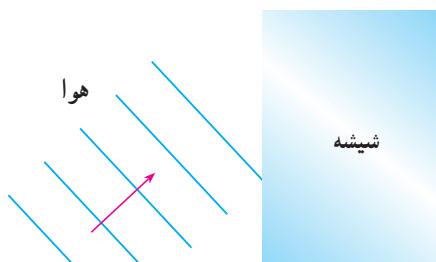
۸- اگر آزمایش یانگ عیناً در آب انجام گیرد چه تغییری در وضعیت نوارها نسبت به هوای حاصل می‌شود؟ توضیح دهید.

۹- یک صافی مقابل چراغ جبوه قرار می‌دهیم، به‌طوری که تمام طول موج‌ها به جز ناحیه‌ی سبز آن جذب می‌شود. با این نور سبز، طرح تداخلی آزمایش یانگ را به فاصله‌ی دو شکاف $a = 6\text{mm}$ از دو شکاف تشکیل می‌دهیم؛ اگر فاصله‌ی دو

نوار روشن پهلوی هم $2/27\text{ mm}$ باشد، طول موج نور سبز را حساب کنید.

- ۱۰- در آزمایش دو شکاف یانگ، فاصله‌ی دو شکاف 4 mm و فاصله‌ی پرده‌ی تا دو شکاف 8 cm است؛ اگر طول موج نور $6\mu\text{m}/^\circ$ باشد فاصله‌ی نوار دهم روشن از نوار مرکزی را حساب کنید.

۱۱- در شکل ۱۵-۲ موج‌های نور فرودی



شکل ۱۵-۲

از هوا وارد شیشه می‌شوند. بعضی از آن‌ها در سطح جدامی دو محیط بازتابیده و بعضی شکسته شده وارد شیشه می‌شوند. با استدلال توضیح دهید کدام یک از کمیت‌های زیر برای موج‌های بازتابیده و موج‌های شکسته شده یکسان است؟

الف : سرعت ب : طول موج

پ : امتداد ت : شدت نور

ث : بسامد

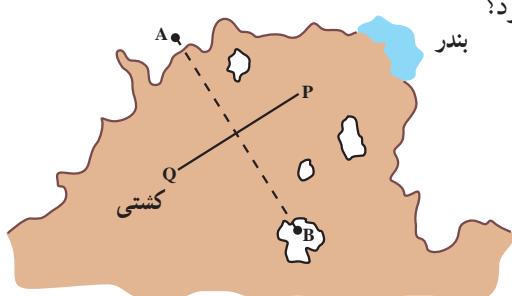
- ۱۲- در شکل ۱۶-۲ یک خط ساحلی با دو ایستگاه رادیویی دریانوردی زمینی A و B دیده می‌شود که در فاصله‌ی زیادی از هم قرار گرفته‌اند. هر دو ایستگاه پیوسته سیگنال‌های رادیویی گسیل می‌کنند که بسامد آن‌ها $1/5\text{ MHz}$ است.

الف : طول موج این سیگنال‌ها چند متر است؟

ب : یک کشتی از مسیر QP به سوی بندر در حرکت است. هنگامی که این کشتی به نقطه‌ای درست در وسط خط فرضی AB می‌رسد، سیگنالی دریافت می‌کند که دامنه‌ی آن درست دو برابر دامنه‌ی هر موجی است که از یک ایستگاه به تنهاًی دریافت می‌کرد. این مشاهده چه موضوعی را درباره‌ی سیگنال‌های گسیل شده از A و B نشان می‌دهد؟

پ : توضیح دهید در شرایط هوای مه آلود چگونه می‌توان از این سیگنال‌های رادیویی برای

ادامه‌ی مسیر استفاده کرد؟



شکل ۱۶-۲