

٦

دینامیک



اسحاق نیوتون
(۱۶۴۲-۱۷۲۷م)

دینامیک

نگاهی به فصل: قانون‌های نیوتون از جمله‌ی قانون‌های اساسی و بنیادی در دانش فیزیک به شمار می‌روند. این قانون‌ها، کاربردهای گسترده‌ای در فناوری و غالب رشته‌های مهندسی دارند. در صنعت، امور ساختمانی، دریانوردی، فضاوردی و... اصول حاکم بر پدیده‌ها از قانون‌های نیوتون پیروی می‌کنند.

شما در فیزیک ۲ و آزمایشگاه، با قانون‌های نیوتون آشنا شدید و دیدید که چگونه می‌توان آن‌ها را برای حل مسئله‌های دینامیک در یک بُعد به کار برد. در این فصل، پس از یادآوری این قانون‌ها، کاربرد آن‌ها را در حل مسئله‌ها، در دینامیک دوبعدی، بررسی می‌کنیم.

۲-۱- قانون‌های نیوتون

قانون اول نیوتون: «هر جسمی، حالت سکون و یا حرکت یکنواخت خود را روی خط راست حفظ می‌کند، مگر آن‌که تحت تأثیر نیرو یا نیروهایی، مجبور به تغییر آن حالت شود.»
قانون دوم نیوتون: «اگر به یک جسم نیروهایی وارد شود، شتابی می‌گیرد که با برآیند نیروهای وارد بر جسم نسبت مستقیم دارد و با آن هم جهت است و با جرم جسم نسبت وارون دارد؛ یعنی:

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$$

و یا:

$$\vec{F} = m \vec{a}$$

(۲-۱)

توجه کنید در رابطه‌ی بالا \vec{F} برآیند نیروهای وارد بر جسم است.

قانون سوم نیوتون: «هرگاه جسمی به جسم دیگر نیرو وارد کند، جسم دوم هم به جسم اول نیرویی هم‌اندازه، هم راستا و در خلاف سوی آن وارد می‌کند.»

همچنین در فیزیک ۲ و آزمایشگاه دیدیم، نیرویی که جسم اول وارد می‌کند، «کنش» و نیرویی که جسم دوم وارد می‌کند «واکنش» نام دارد. این دو نیرو همواره هم‌اندازه، هم‌راستا و در سوی مخالف یک‌دیگرند و هر یک بر دیگری وارد می‌شود.

تمرین ۱-۲

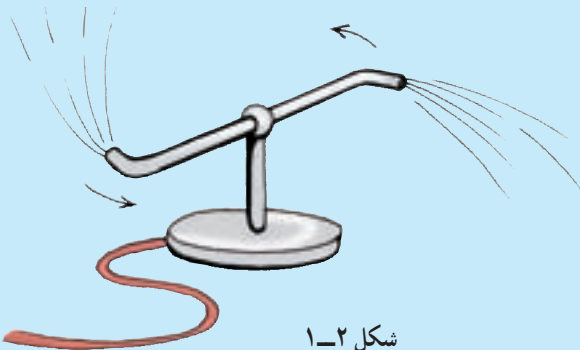
با مراجعه به آنچه در فیزیک ۲ و آزمایشگاه خوانده‌اید، جمله‌های زیر را کامل کنید:

- ۱- تغییر بردار سرعت در اثر است.
- ۲- اگر در اثر اعمال نیرو، جسم ساکنی به حرکت درآید، در شروع حرکت بردارهای سرعت و هم‌جهت‌اند.
- ۳- در مسیر خمیده بردارهای سرعت و نیرو.....
- ۴- اگر جسمی بر روی خط راستی در حرکت باشد و بر آن نیرویی هم‌راستا و هم‌سو با سرعت حرکت آن وارد شود، حرکت جسم..... خواهد شد.
- ۵- در صورتی که جسمی بر روی خط راستی در حرکت باشد و بر آن نیرویی در خلاف جهت سرعت اعمال شود حرکت جسم خواهد شد.

تمرین ۲-۲

توضیح دهید چرا هنگامی که:

- ۱- با پا به دیواری ضربه می‌زنید پای شما درد می‌گیرد؟
- ۲- قایق‌ران پارو می‌زند، قایق در آب حرکت می‌کند؟
- ۳- چمدان را از زمین بلند می‌کنید، دست شما به طرف پایین کشیده می‌شود؟
- ۴- در شکل ۱-۲ آب از فواره خارج می‌شود، فواره می‌چرخد؟



فعالیت ۱-۲

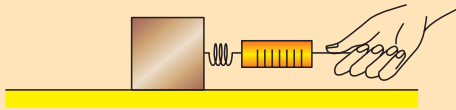
در شکل ۲-۲ تصویر یک شاتل را که با استفاده از دو موشک به فضا پرتاب می‌شود، مشاهده می‌کنید. براساس قانون سوم نیوتون چگونگی حرکت آن را شرح دهید.



شکل ۲-۲

مثال ۱-۲

صندوقی به جرم 10 kg روی یک سطح افقی با ضریب اصطکاک ایستایی $0/4$ و ضریب اصطکاک جنبشی $0/2$ قرار دارد. مطابق شکل ۲-۳ الف نیروسنج را به صندوق وصل می‌کنیم و آن را می‌کشیم:



شکل ۲-۳-الف

الف: نخست با نیروی برابر با 20 N صندوق را می کشیم. آیا صندوق شروع به حرکت می کند؟ در این حالت نیروی اصطکاک بین صندوق و سطح چه مقدار است؟
 ب: نیروی وارد بر صندوق را به 60 N می رسانیم، در این حالت نیروی اصطکاک چه مقدار است؟ شتاب حرکت صندوق را در این حالت حساب کنید.

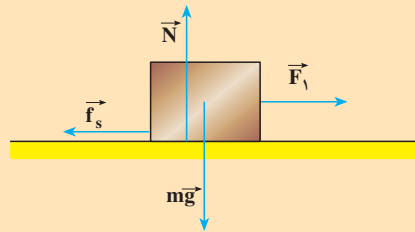
پاسخ

الف: در فیزیک ۲ و آزمایشگاه دیدیم، برای آن که جسمی به حرکت درآید باید نیروی وارد بر آن از نیروی اصطکاک در آستانه‌ی حرکت پیش تر باشد. بنابراین ابتدا نیروی اصطکاک در آستانه‌ی حرکت (بیشینه‌ی نیروی اصطکاک) را محاسبه می کنیم:

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N = mg = 10 \times 10 = 100\text{ N}$$

$$f_{s,\max} \neq \mu_s N$$

$$f_{s,\max} = 0.4 \times 100 = 40\text{ N}$$



شکل ۲-۳-ب

در این حالت، چون نیروی وارد شده، از نیروی اصطکاک در آستانه‌ی حرکت کم تر است، صندوق ساکن می ماند و در نتیجه شتاب حرکت آن صفر است. بنابر قانون دوم نیوتون داریم:

$$\sum F_x = ma \Rightarrow F_1 - f_s = ma = 0$$

$$f_s = 20\text{ N}$$

ب: در این حالت، چون نیروی وارد شده، از نیروی اصطکاک در آستانه‌ی حرکت بیش‌تر است، جسم حرکت می‌کند و نیروی اصطکاک، جنبشی است و با استفاده از رابطه‌ی $f_k = \mu_k N$ محاسبه می‌شود.

$$f_k = 0.2 \times 100 = 20 \text{ N}$$

برای محاسبه‌ی شتاب حرکت، قانون دوم نیوتون را می‌نویسیم:

$$F - f_k = ma$$

$$60 - 20 = 10a$$

$$a = 4 \text{ m/s}^2$$

۲-۲- چگونگی استفاده از قانون‌های نیوتون در حرکت یک جسم

در فیزیک ۲ و آزمایشگاه دیدیم که برای حل مسئله‌های دینامیک یک بعدی چه نکاتی را باید در نظر بگیریم. اکنون برای حل مسئله‌های دینامیک دوبعدی این نکات را یادآوری و تکمیل می‌کنیم:

- ۱- شکل ساده‌ای از جسم و تکیه‌گاه آن را رسم می‌کنیم.
- ۲- نیروهایی را که اجسام دیگر بر جسم وارد می‌کنند، روی شکل مشخص می‌کنیم.
- ۳- دستگاه محورهای مختصات مناسب انتخاب می‌کنیم. (ضمن حل مسئله، با نحوه‌ی انتخاب دستگاه مختصات مناسب آشنا خواهیم شد.)
- ۴- نیروها را روی محورهای مختصات تجزیه می‌کنیم؛ یعنی، مؤلفه‌های هر نیرو را روی محورها تعیین می‌کنیم.

۵- با نوشتن قانون دوم نیوتون روی هر یک از محورها، شتاب حرکت جسم را روی هر محور محاسبه می‌کنیم. به عبارت دیگر، مؤلفه‌های نیرو را روی هر محور به‌طور جداگانه، به‌صورت $F_x = ma_x$ و $F_y = ma_y$ می‌نویسیم.

۶- هرگاه چند جسم به هم متصل باشند، در صورتی که بردار شتاب حرکت همگی یکسان باشد، مجموعه را می‌توانیم به‌عنوان یک دستگاه (با جرمی برابر مجموع جرم‌ها) در نظر بگیریم و قانون دوم را برای آن بنویسیم.

نحوه‌ی استفاده از قانون‌های نیوتون در مثال‌های صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵ نشان داده شده است.